# Statistische Theorie der Wärme

Gleichgewichtsphänomene

Vierte, neubearbeitete und erweiterte Auflage mit 104 Abbildungen, 19 Tabellen, 91 Aufgaben und zahlreichen Beispielen



Professor Dr. Wilhelm Brenig
Technische Universität München
Physik Department
James-Franck-Straße
D-85748 Garching
e-mail: brenig@physik.tu-muenchen.de

Die Deutsche Bibliothek - CIP-Einheitsaufnahme

### Brenig, Wilhelm:

Statistische Theorie der Wärme / Wilhelm Brenig. - Berlin ; Heidelberg ; New York ; Barcelona ; Budapest ; Hongkong ; London ; Mailand ; Paris ; Santa Clara ; Singapur ; Tokio : Springer. Gleichgewichtsphänomene: mit 19 Tabellen. – 4. erw. Aufl. – 1996 (Springer-Lehrbuch) ISBN 3-540-60345-X

ISBN 3-540-60345-X 4. Auflage Springer-Verlag Berlin Heidelberg New York ISBN 3-540-55723-7 3. Auflage Springer-Verlag Berlin Heidelberg New York

Dieses Werk ist urheberrechtlich geschützt. Die dadurch begründeten Rechte, insbesondere die der Übersetzung, des Nachdrucks, des Vortrags, der Entnahme von Abbildungen und Tabellen, der Funksendung, der Mikroverfilmung oder der Vervielfältigung auf anderen Wegen und der Speicherung in Datenverarbeitungsanlagen, bleiben, auch bei nur auszugsweiser Verwertung, vorbehalten. Eine Vervielfältigung dieses Werkes oder von Teilen dieses Werkes ist auch im Einzelfall nur in den Grenzen der gesetzlichen Bestimmungen des Urheberrechtsgesetzes der Bundesrepublik Deutschland vom 9. September 1965 in der jeweils geltenden Fassung zulässig. Sie ist grundsätzlich vergütungspflichtig. Zuwiderhandlungen unterliegen den Strafbestimmungen des Urheberrechtsgesetzes.

© Springer-Verlag Berlin Heidelberg 1975, 1982, 1992, 1996 Printed in Germany

Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, daß solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Datenkonvertierung durch Springer-Verlag Herstellerin: P. Treiber Einbandgestaltung: Design & Production, Heidelberg SPIN: 10514920 56/3144 - 5 4 3 2 1 0 - Gedruckt auf säurefreiem Papier

# Inhaltsverzeichnis

Te	il I Statitische Gesamtheiten und das thermische Gleichgewicht .	. 1
1.	Einleitung **	
2.	Statistische und thermodynamische Physik	. 7
	2.2.1 Zustandssumme und Entropie des idealen Gases * Aufgaben	. 17 . 18 . 19
3.	Grundbegriffe der Statistik  3.1 Klassische Statistik  3.2 Quantenstatistik  Aufgaben  Literatur	. 21 . 25 . 28
4.	Die Schwankungen makroskopischer additiver Größen	. 33
5.	Das thermische Gleichgewicht	
6.	Statistische Gesamtheiten des Gleichgewichts	. 40 . 45
	und die verallgemeinerte großkanonische Gesamtheit	. 51

<sup>(\*),(\*\*)</sup> Kapitel oder Abschnitte mit (\*) betreffen pädagogische Erläuterungen anhand von einfachen Beispielen, solche mit (\*\*) geben zusätzliche Hintergrundinformationen, z. B. historische Bemerkungen oder Querverbindungen zu anderen Gebieten der Physik

## VIII Inhaltsverzeichnis

	Aufgaben	53
	Ergänzende Literatur	54
7.	Die Maxwell-Boltzmann-Verteilung *	55
	7.1 Barometrische Höhenformel	55
	7.2 Maxwell-Verteilung	56
	7.3 Druck und mittlere kinetische Energie	57
	Aufgaben	58
	Literatur	59
	Ergänzende Literatur	59
8.	Die kanonische Verteilung *	61
	8.1 Klassische Statistik	61
	8.2 Quantenstatistik	62
	Aufgaben	63
9.	Thermodynamische Mittelwerte $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	65
	Aufgaben	69
10	Entropie und Wahrscheinlichkeit	71
10.	10.1 Additivität, Extensivität	72
	10.2 Entropie und partielle Gleichgewichte	73
	10.3 Extremaleigenschaften	76
	Aufgaben	83
	Ergänzende Literatur	83
11	To	05
11.	Entropie und Information **	85 87
	Literatur	01
12.	Mechanische Zustandsgrößen in der Thermodynamik	89
	Aufgaben	91
	Ergänzende Literatur	91
13	Elektromagnetische Zustandsgrößen in der Thermodynamik	93
10.	Aufgaben	96
	Ergänzende Literatur	96
14.	Thermische Fluktuationen	97
	Aufgaben	102
т-	il II. Claichean ichtethamas de manii	100
те	il II Gleichgewichtsthermodynamik	102
15	Hauptsätze der Thermodynamik	105
10.		$105 \\ 105$
		$100 \\ 106$
	<u>.</u>	$100 \\ 107$

Inhaltsverzeichnis	IX
15.4 Der II. Hauptsatz	113
Aufgaben	119
Literatur	120
16. Carnot-Prozesse und thermodynamische Temperaturskala	121
Aufgaben	124
Literatur	124 $124$
Hiorana	121
7. Thermodynamische Relationen	125
Aufgaben	129
8. Homogene Systeme	131
Aufgabe	135
Literatur	135
Diolout	100
9. Gleichgewicht in inhomogenen Feldern	137
Aufgabe	138
20. Stoffaustauschgleichgewichte	139
20.1 Phasengleichgewichte	139
20.2 Der osmotische Druck	141
20.3 Gleichgewichtsverschiebungen in Lösungen	142
20.4 Chemische Gleichgewichte	145
Aufgaben	148
21. Umwandlungswärmen und Clausius-Clapeyron-Gleichung	149
21.1 Latente Wärmen bei Phasenumwandlungen	149
21.2 Chemische Reaktionswärmen	150
Aufgaben	
Teil III Berechnung thermodynamischer Funktionen	153
22. Nähammasaathadan	155
22. Näherungsmethoden	155
Ergänzende Literatur	156
23. Die quasiklassische Näherung	157
Aufgaben	159
Literatur	159
	100
24. Gleichverteilungssatz und Virialsatz	161
Aufgaben	164
Literatur	164
Ergänzende Literatur	164
25. Quantankarrakturan zur klassischen Statistik	165

## X Inhaltsverzeichnis

26.	9	169
	Aufgaben	172
	Ergänzende Literatur	173
27.	Verdünnte Gase und Lösungen	175
28.	Einatomige klassische ideale Gase	179
	Aufgaben	181
		182
29.	Zweiatomige ideale Gase	183
	9	186
30	Die Virialentwicklung	187
	9	
	9	191
		192
	Ergänzende Literatur	192
31.	Die van der Waals-Gleichung	193
		199
		199
		199
32.	v	201
		203
	Ergänzende Literatur	203
33.	Molekularfeldnäherung für inhomogene Systeme	205
	The state of the s	205 205
	33.2 Heuristische Herleitung der Dichtefluktuationen	200
		207
		207
	33.3 Kompressibilität und langreichweitige Dichteschwankungen	209
	9	212
	Literatur	212
34.	Systeme mit geladenen Teilchen	213
		216
25	D:-141	217
	9	217
	Aufgabe	219
36.	Spinsysteme	221
	- *	225
	O .	225
		$\frac{225}{225}$
	DISCHIEGOTAGO DIGGIAGAI	0

	I	nhaltsverzeichnis	XI
	Quasiteilchen  37.1 Elementare Anregungen in kondensierter Mater 37.2 Quasifermionen  37.3 Quasibosonen  37.4 Bose-Kondensation  37.5 Die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen Aufgabe  Literatur	ie **	227 229 232 233 235 236
38.	Photonen im Strahlungshohlraum		241
39.	Phononen in festen Körpern		
	Phononen und Rotonen im flüssigen He II Aufgaben		256 256
	Fermionen bei tiefen Temperaturen 41.1 Normale Fermi-Flüssigkeiten 41.2 Supraleiter  Aufgaben  Literatur  Ergänzende Literatur		257 262 264 265
42.	Ferromagnetische Magnonen bei tiefen Temperaturer Aufgabe		. 269
43.	Phasenübergänge		. 271
	Feldtheorie kritischer Phänomene		. 275 . 277 . 278 . 281 . 283
	Fluktuationen des Ordnungsparameterfeldes 45.1 Fluktuationsbeiträge zur Suszeptibilität 45.2 Fluktuationsbeiträge zur spezifischen Wärme . Aufgaben		. 286 . 288

### XII Inhaltsverzeichnis

	Literatur	291 291
	Skaleninvarianz und kritische Exponenten	293 300
	Fluktuationsbeiträge zur freien Energie 47.1 Die Terme erster Ordnung 47.2 Die Terme zweiter Ordnung Aufgaben Literatur	301 303 304 307 308
	Berechnung kritischer Exponenten 48.1 Der Exponent $\nu$	309 310 311 314 314
	Die Renormierungsgruppe Aufgabe Literatur Ergänzende Literatur	315 318 318 318
	Renormierungsgruppen-Transformation im Impulsraum Aufgabe	319 322 322 322
	Renormierungsgruppen-Transformation im Ortsraum *	323 325 325 326
		-
A. 1	Erzeugung tiefer Temperaturen  A.1 Adiabatische Entspannung  A.2 Das Gegenstromprinzip  A.3 Gedrosselte Entspannung (Joule-Thomson-Effekt)  Aufgabe  A 4 Adiabatische Entmagnetisierung	327 327 329 330 331
A. 1	A.1 Adiabatische Entspannung	327 327 329 330