

TABLE DES MATIÈRES

| | |
|---|----------|
| CHAPITRE VI. — <i>Intégration vectorielle</i> | 7 |
| § 1. Intégration des fonctions vectorielles..... | 8 |
| 1. Fonctions scalairement essentiellement intégrables..... | 8 |
| 2. Propriétés de l'intégrale d'une fonction scalairement essentielle- ment intégrable..... | 11 |
| 3. Intégrales d'opérateurs..... | 14 |
| 4. La propriété (GDF)..... | 17 |
| 5. Applications mesurables et applications scalairement mesu- rables..... | 21 |
| 6. Applications : I. Extension d'une fonction continue à un espace de mesures..... | 22 |
| 7. Applications : II. Extension à un espace de mesures d'une fonction continue à valeurs dans un espace d'opérateurs..... | 25 |
| § 2. Mesures vectorielles..... | 29 |
| 1. Définition d'une mesure vectorielle..... | 29 |
| 2. Intégration par rapport à une mesure vectorielle..... | 31 |
| 3. Mesures vectorielles majorables..... | 35 |
| 4. Mesures vectorielles de base μ | 39 |
| 5. Le théorème de Dunford-Pettis..... | 42 |
| 6. Dual de l'espace $L_1^{\mathbb{F}}$ (\mathbb{F} espace de Banach de type dénombrable). Intégration d'une fonction vectorielle par rapport à une mesure vectorielle..... | 47 |
| 7. Mesures complexes..... | 50 |
| 8. Mesures complexes bornées..... | 54 |
| 9. Image d'une mesure complexe ; mesure complexe induite ; produit de mesures complexes..... | 55 |
| § 3. Désintégration des mesures..... | 57 |
| 1. Désintégration d'une mesure μ relativement à une application μ -propre..... | 57 |
| 2. Mesures pseudo-images..... | 63 |
| 3. Désintégration d'une mesure μ relative à une pseudo-image de μ . Relations d'équivalence mesurables..... | 64 |
| 4. Désintégration d'une mesure par une relation d'équivalence mesurable..... | 70 |
| Appendice : Compléments sur les espaces vectoriels topologiques..... | 73 |
| 1. Formes bilinéaires et applications linéaires..... | 73 |
| 2. Quelques types d'espaces ayant la propriété (GDF)..... | 75 |
| Exercices du § 1..... | 78 |
| Exercices du § 2..... | 87 |
| Exercices du § 3..... | 97 |
| Note historique..... | 100 |
| Index des notations..... | 103 |
| Index terminologique..... | 104 |
| Définitions du chapitre VI..... | Dépliant |