

# Inhaltsverzeichnis

## I Angewandte Algebra

1	Relationen und Graphen . . . . .	1
1.1	Relationen und ihre Veranschaulichung . . . . .	1
1.2	Präferenzrelationen . . . . .	5
1.3	Elemente der Graphentheorie . . . . .	10
1.4	Graphentheoretische Modelle und Algorithmen . . . . .	12
1.5	Beispiele . . . . .	19
1.6	Computerprogramme . . . . .	30
1.7	Übungsaufgaben . . . . .	39
2	Chiffrierung und Codierung . . . . .	42
2.1	Theoretische Grundlagen . . . . .	42
2.2	Kryptographische Verfahren . . . . .	46
2.3	Elemente der Codierungstheorie . . . . .	51
2.4	Beispiele . . . . .	55
2.5	Computerprogramme . . . . .	57
2.6	Übungsaufgaben . . . . .	62
3	Boolesche Funktionen . . . . .	64
3.1	Boolesche Algebren . . . . .	64
3.2	Aussagenlogik und Schaltalgebra . . . . .	68
3.3	Beispiele . . . . .	73
3.4	Übungsaufgaben . . . . .	75

## II Differential- und Integralrechnung von Funktionen in einer Variablen

4	Zusammenfassung von Grundbegriffen . . . . .	78
4.1	Zahlen, Folgen, Reihen . . . . .	78
4.2	Elementare Funktionen . . . . .	82
4.3	Grenzwert und Stetigkeit von Funktionen . . . . .	86
4.4	Beispiele . . . . .	88
4.5	Übungsaufgaben . . . . .	93
5	Differentialrechnung von Funktionen in einer Variablen . . . . .	96
5.1	Die Ableitung einer Funktion . . . . .	96
5.2	Die Taylorsche Formel und Folgerungen . . . . .	100
5.3	Beispiele . . . . .	106
5.4	Übungsaufgaben . . . . .	109

6	Integralrechnung von Funktionen in einer Variablen . . . . .	112
6.1	Integrationstheorie . . . . .	112
6.2	Die Technik des Integrierens . . . . .	117
6.3	Beispiele . . . . .	122
6.4	Übungsaufgaben . . . . .	126
<b>III Gewöhnliche Differentialgleichungen</b>		
7	Differentialgleichungen 1. Ordnung . . . . .	128
7.1	Allgemeine Theorie . . . . .	128
7.2	Spezielle Typen von Differentialgleichungen . . . . .	132
7.3	Beispiele . . . . .	138
7.4	Übungsaufgaben . . . . .	142
8	Lineare Differentialgleichungen 2. Ordnung . . . . .	146
8.1	Lösungsverfahren . . . . .	146
8.2	Stabilität von Lösungen . . . . .	151
8.3	Beispiele . . . . .	153
8.4	Übungsaufgaben . . . . .	156
<b>IV Lineare Algebra</b>		
9	Vektoren, Matrizen und Determinanten . . . . .	158
9.1	Das Rechnen mit Vektoren . . . . .	158
9.2	Matrizen und Determinanten . . . . .	164
9.3	Beispiele . . . . .	169
9.4	Computerprogramme . . . . .	172
9.5	Übungsaufgaben . . . . .	176
10	Lineare Gleichungssysteme . . . . .	179
10.1	Lösbarkeit und Lösungsverfahren . . . . .	179
10.2	Eigenwerte und Eigenvektoren quadratischer Matrizen	185
10.3	Beispiele . . . . .	186
10.4	Computerprogramme . . . . .	190
10.5	Übungsaufgaben . . . . .	193
Ergebnisse der Übungsaufgaben . . . . .		197
Literaturhinweise . . . . .		215
Sachverzeichnis . . . . .		217