Inhaltsverzeichnis

| I Lie-Gruppen | | | | | | | | . 1 |
|--|-----|---|---|---|---|---|---|------|
| §I.1 Die allgemeine lineare Gruppe | | | | | | | | . 2 |
| §I.2 Die Exponentialfunktion | | | | | | | | . 13 |
| §I.3 Abgeschlossene Untergruppen von $Gl(n, \mathbb{K})$ | | | | | | | | . 26 |
| §I.4 Die Campbell-Hausdorff-Formel | | | | | | | | . 37 |
| §I.5 Analytische Untergruppen | | | | | | | | . 47 |
| §I.6 Bogenzusammenhängende Gruppen | | | | | | | | . 57 |
| §I.7 Homomorphismen | | | | | | | | . 68 |
| §I.8 Fundamentalgruppen und Überlagerungen | | | | | | | | . 77 |
| $\S I.9$ Einfach zusammenhängende Überlagerungsgruppen $$. $$. | | | | | | | | . 90 |
| II Lie-Algebren | | | | | | | | 100 |
| | | | | | | | | 102 |
| §II.1 Definitionen und Beispiele | | • | | • | • | • | • | 103 |
| §II.2 Nilpotente und auflösbare Lie-Algebren | • | ٠ | ٠ | • | • | ٠ | ٠ | 110 |
| §II.3 Halbeinfache Lie-Algebren | • | ٠ | | ٠ | • | ٠ | • | 123 |
| §II.4 Erweiterungen und Moduln | • | ٠ | ٠ | ٠ | • | • | • | 142 |
| §II.5 Lie-Algebra-Kohomologie | • | ٠ | ٠ | • | • | • | ٠ | 153 |
| §II.6 Einhüllende Algebren | ٠ | ٠ | • | • | ٠ | • | • | 165 |
| §II.7 Der Satz von Ado | ٠ | • | ٠ | • | • | • | • | 172 |
| III Strukturtheorie von Lie-Gruppen | | | | | | | | 183 |
| §III.1 Analytische Mannigfaltigkeiten | | | | | | | | 184 |
| §III.2 Die Lie-Algebra und die Exponentialfunktion | | | | | | | | 198 |
| §III.3 Anwendungen der Exponentialfunktion | | | | | | | | 213 |
| §III.4 Das Haarsche Maß | | | | | | | | 232 |
| §III.5 Lie-Gruppen mit kompakter Lie-Algebra | | | | | | | | 241 |
| §III.6 Halbeinfache Lie-Gruppen | | | | | | | | 255 |
| §III.7 Maximal kompakte Untergruppen, das Zentrum und | | | | | | | | |
| Mannigfaltigkeitsfaktoren | | | | | | | | 275 |
| §III.8 Dichte analytische Untergruppen | | | | | | | | 291 |
| §III.9 Komplexe Lie-Gruppen | | | | | | | | 300 |
| §III.10 Charakterisierung der linearen Lie-Gruppen | | | | | | | | 315 |
| §III.11 Anwendung der Theorie auf die Klassischen Gruppen | | ٠ | | • | • | | | 325 |
| Anhang: Topologische Grundlagen | . • | | | | | | | 338 |
| Lehrbücher über Lie-Gruppen und Algebren | | | | | | | | 355 |
| Symbolverzeichnis | | | | | | | | 357 |
| Sachverzeichnis | | | | | | | | 359 |
| | | | | | | | | |