

# Inhalt.

## Erstes Kapitel

### Die Beweise des V. euklidischen Postulats.

	Seite
§ 1—5. Das Postulat der Parallelen bei den griechischen Geometern . . . . .	1—8
§ 6. Das Parallelenpostulat bei den Arabern . . . . .	8—11
§ 7—10. Das Parallelenpostulat während der Renaissance und des achtzehnten Jahrhunderts . . . . .	11—19

## Zweites Kapitel

### Die Vorläufer der nichteuklidischen Geometrie.

§ 11—17. Gerolamo Saccheri [1667—1733] . . . . .	20—37
§ 18—22. Johann Heinrich Lambert [1728—1777] . . . . .	38—45
§ 23—26. Die französischen Geometer am Ende des XVIII. Jahrhunderts . . . . .	45—49
§ 27—28. Adrien Marie Legendre [1752—1833] . . . . .	49—53
§ 29. Wolfgang Bolyai [1775—1856] . . . . .	53—55
§ 30. Friedrich Ludwig Wachter [1792—1817] . . . . .	55—56

## Drittes Kapitel

### Die klassische Zeit der nichteuklidischen Geometrie.

§ 31—34. C. F. Gauß [1777—1855] . . . . .	57—65
§ 35. Ferdinand Karl Schweikart [1780—1859] . . . . .	65—67
§ 36. Franz Adolf Taurinus [1794—1874]. . . . .	67—70
§ 37—39. N. I. Lobatschefskij [1793—1856]. . . . .	70—75
§ 40—41. Johann Bolyai [1802—1860]. . . . .	75—79
§ 42—46. Die Aufnahme der nichteuklidischen Geometrie . . . . .	80—85

## Viertes Kapitel.

§ 47. Nichteuklidisch-hyperbolische Elementargeometrie	86—87
§ 48—51. Die Transversalen des allgemeinen Dreiecks . . . .	87—92
§ 52. Lobatschefskij's zugeordnete Figuren und ihre Anwendungen . . . . .	93

	Seite
§ 52—57. Die Beziehungen am rechtwinkligen Dreieck . . . . .	93—101
§ 58—61. Die Zyklen und ihre Messung . . . . .	101—106
§ 61. Hyperbol. Funktionen komplementärer Strecken . . . . .	106—107
§ 62—64. Trigonometrie der hyperbolischen Ebene . . . . .	107—111
§ 65—69. Hyperbolische Raumgeometrie . . . . .	111—117
§ 70—73. Absolute sphärische Trigonometrie . . . . .	117—123
§ 74. Hypothesen, die mit dem euklidischen Postulat gleichberechtigt sind . . . . .	123—126

**Eünftes Kapitel.**

§ 75. Neuere Wege und Ziele . . . . .	127—128
§ 76—79. Euklidische Bilder der nichteuklidischen Geometrie	128—140
§ 80—86. Die projektive Richtung . . . . .	140—152
§ 87. Kleins rein projektive Einführung der Maßgeo- metrie . . . . .	152—156
§ 88—89. Die Cliffordschen Parallelen . . . . .	156—161
§ 90. Das Clifford-Kleinsche Problem . . . . .	161—162
§ 91—94. Die Untersuchungen von Riemann, Helmholtz und Lie . . . . .	162—169
§ 95. Die Beziehung zur Philosophie . . . . .	169—170

**Einige Hauptformeln der nichteuklidischen (hyper-  
bolischen) Geometrie . . . . .****Anhang.****Über einige Anwendungen der absoluten (nichteuklidischen)  
Geometrie auf die Lehre von den Funktionen einer kom-  
plexen Veränderlichen.**

I. Die Vorläufer. Gauß und Riemann . . . . .	174—178
II. Die Dreiecksfunktionen. H. A. Schwarz (1873); Fuchs, Dedekind, Klein (1877—1879) . . . . .	178—185
III. Ältere Methoden der konformen Abbildung. H. A. Schwarz (1870) und Schottky (1877) . . . . .	185—187
IV. Automorphe Funktionen und Uniformisierung. Poincaré und Klein (1881—1884) . . . . .	187—203
a) Die funktionentheoretisch brauchbaren Bewegungs- gruppen . . . . .	187—190
b) Bildung der automorphen Funktionen . . . . .	190—195
c) Uniformisierung. Der Fundamentalsatz . . . . .	195—201
d) Die allgemeine Uniformisierung . . . . .	202—203
Literatur . . . . .	203
Namenregister . . . . .	204—207