
TABLE DES MATIÈRES.

	Pages
PRÉFACE DE LA PREMIÈRE ÉDITION.....	VII
PRÉFACE DE LA DEUXIÈME ÉDITION.....	XI

PREMIÈRE PARTIE.

Ensembles mesurables et intégrale de Lebesgue.

CHAPITRE I.

NOTIONS GÉNÉRALES SUR LES ENSEMBLES DE POINTS.

1. Définitions et théorèmes fondamentaux.....	1
2. Opérations sur les ensembles.....	4
3. Ensembles ouverts et fermés sur un domaine.....	9

CHAPITRE II.

MESURE DES ENSEMBLES ET FONCTIONS MESURABLES.

1. Ensembles mesurables.....	16
2. Fonctions mesurables.....	30
3. Ensembles et fonctions mesurables (B).....	33
4. Classification des fonctions et des ensembles mesurables (B). Classes de Baire.....	36

CHAPITRE III.

INTÉGRALE DE LEBESGUE.

1. Intégrale d'une fonction bornée.....	43
2. Intégrale d'une fonction sommable.....	49
3. Réduction des intégrales doubles.....	54
4. Comparaison avec l'intégrale de Riemann.....	58

DEUXIÈME PARTIE.

Fonctions additives d'ensemble.

CHAPITRE IV.

NOTIONS GÉNÉRALES SUR LES DÉRIVÉES ET LES RÉSEAUX.

	Pages.
1. Généralités sur les fonctions additives.....	61
2. Dérivées des fonctions d'ensemble.....	63
3. Dérivées sur un réseau.....	65
4. Réseaux conjugués.....	68

CHAPITRE V.

FONCTIONS D'ENSEMBLE ABSOLUMENT CONTINUES ET ADDITIVES.
INTÉGRALES INDÉFINIES.

1. Propriétés des dérivées sur un réseau.....	71
2. Dérivation des intégrales indéfinies.....	74
3. Majorante et minorante.....	78
4. Fonction absolument continue d'une variable x . Fonction d'ensemble qu'elle définit.....	81
5. Fonction absolument continue de deux variables x, y	85

CHAPITRE VI.

FONCTIONS ADDITIVES D'ENSEMBLE NORMAL.

1. Théorèmes généraux sur les fonctions additives.....	88
2. Dérivation des fonctions continues et additives d'ensemble linéaire normal.....	96
3. Fonctions additives d'ensemble spatial normal. Dérivation sur un réseau.....	102
4. Fonction de point continue et à variation bornée.....	104
5. Extension aux fonctions discontinues.....	110

TROISIÈME PARTIE.

Classes de Baire.

CHAPITRE VII.

FONCTION DE CLASSE I. THÉORÈME ET PROBLÈME DE BAIRE.

1. Nombres transfinitis et structure des ensembles de points.....	113
2. Ensembles ouverts, fermés.....	118
3. Théorème et problème auxiliaires.....	120

	Pages.
4. Condition nécessaire et suffisante de Lebesgue. Solution du problème de Baire.....	127
5. Théorème de Baire.....	132

CHAPITRE VIII.

FONCTIONS DE CLASSE α . CONDITIONS GÉNÉRALISÉES DE LEBESGUE ET DE BAIRE.

1. Théorèmes généraux sur les fonctions de classe α	138
2. Ensembles O et F de Lebesgue.....	144
3. Condition généralisée de Lebesgue.....	153
4. Condition généralisée de Baire.....	156
5. Existence des classes.....	160

NOTE I.

REPRÉSENTATION PARAMÉTRIQUE RÉGULIÈRE DES ENSEMBLES MESURABLES (B).

1. Ensembles parfaits linéaires non denses.....	167
2. Théorème direct de Lusin : Représentation paramétrique régulière des ensembles mesurables (B).....	171
3. Théorème réciproque de Lusin. Ensembles analytiques.....	178
4. Extension à un nombre quelconque de dimensions.....	184

NOTE II.

L'INTÉGRALE DE STIELTJES ET SA GÉNÉRALISATION.

Paragraphe unique.....	186
------------------------	-----