## Inhaltsverzeichnis

## Teil I: Analysis

| 1 | Grundlagen                        | 1   |
|---|-----------------------------------|-----|
|   | Mengen und Zahlen                 | 1   |
|   | Aussagenlogik                     | 5   |
|   | Mengenalgebra                     | 12  |
|   | Ungleichungen und Absolutbetrag   | 23  |
|   | Potenzen, Wurzeln und Logarithmen | 30  |
|   | Summen- und Produktzeichen        | 41  |
|   | Vollständige Induktion            | 45  |
|   | Aufgaben                          | 49  |
|   | Weitere Aufgaben                  | 50  |
| 2 | Folgen und Reihen                 | 55  |
|   | Folgen                            | 55  |
|   | Reihen                            | 67  |
|   | Grundformeln der Finanzmathematik | 72  |
|   | Aufgaben                          | 78  |
|   | Weitere Aufgaben                  | 80  |
| 3 | Funktionen einer Variablen        | 83  |
|   | Einführung in die Begriffe        | 83  |
|   | Grenzwerte                        | 93  |
|   | Stetigkeit                        | 99  |
|   |                                   | 102 |
|   |                                   | 109 |
|   |                                   | 110 |

| 4 | Differentiation und Kurvendiskussion      | 111 |
|---|---|-----|
|   | Differentiation                           | 111 |
|   | Bestimmung von Ableitungen                | 118 |
|   | Wachstumsraten und Elastizitäten          | 125 |
|   | Kurvendiskussion: Methode                 | 130 |
|   | Kurvendiskussion: Beispiele               | 139 |
|   | Aufgaben                                  | 151 |
|   | Weitere Aufgaben                          | 153 |
| 5 | Integration                               | 157 |
|   | Flächenberechnung                         | 157 |
|   | Bestimmung von Integralen                 | 161 |
|   | Uneigentliche Integrale                   | 173 |
|   | Aufgaben                                  | 178 |
|   | Weitere Aufgaben                          | 180 |
| 6 | Funktionen mehrerer Variablen             | 181 |
|   | Einführung in die Begriffe                | 181 |
|   | Differentiation                           | 185 |
|   | Optimierung: Zwei Variablen               | 190 |
|   | Optimierung: Beispiele                    | 192 |
|   | Optimierungsprobleme mit Nebenbedingungen | 199 |
|   | Aufgaben                                  | 208 |
|   | Weitere Aufgaben                          | 209 |
|   | Teil II: Lineare Algebra                  |     |
| 7 | Vektoren und Matrizen                     | 211 |
|   | Einführende Beispiele                     | 211 |
|   | Vektoren                                  | 216 |
|   | Matrizen                                  | 224 |
|   | Elementare Zeilenumformungen              | 234 |
|   | Inverse einer Matrix                      | 246 |
|   | Beispiel zur Input-Output-Analyse         | 253 |

| Inhaltsverzeichnis                                  | X              |  |
|---|----------------|--|
| Aufgaben 25   Weitere Aufgaben 26                   |                |  |
| 8 Lineare Gleichungssysteme 26                      | 3              |  |
| Anwendung des Gaußverfahrens                        | 33             |  |
| Lösbarkeit und Lösungsmenge                         | 38             |  |
| Aufgaben  | 78             |  |
| Weitere Aufgaben                                    | 31             |  |
| 9 Transportprobleme 28                              | 33             |  |
| Problembeschreibung                                 | 33             |  |
| Zulässige Transportpläne                            | 35             |  |
| Optimale Transportpläne                             | <del>)</del> 9 |  |
| Aufgaben  | )7             |  |
| 10 Lineare Optimierung 3                            |                |  |
| Beispiel und Problembeschreibung                    | 11             |  |
| Grundmodell   | 15             |  |
| Simplex vertainen                                   | 22             |  |
| Allgemeine lineare Optimierungsprobleme             | 38             |  |
| Duantat   | 52             |  |
| Aulgaben  | 59             |  |
| Weitere Aufgaben                                    | 62             |  |
| Teil III: Ergänzungen                               |                |  |
| 11 Optimierung bei Funktionen mehrerer Variablen 36 | 35             |  |
|   | 66             |  |
| Optimierung: n Variablen                            | 72             |  |
| Optimierung mit Nebenbedingungen                    | 74             |  |
| Abschließendes Beispiel                             | 76             |  |
| Teil IV: Ausführliche Lösungen der Aufgaben 38      | 81             |  |
| Index 44  | <b>4</b> 0     |  |