

Inhalt.

Erster Abschnitt.

Über reelle Zahlen.

	Seite
I. Kapitel: Die rationalen und irrationalen Zahlen	
§ 1. Das System der rationalen Zahlen	6
§ 2. Die irrationalen Zahlen	8
II. Kapitel: Die reellen Zahlen	
§ 3. Das System der reellen Zahlen	10
§ 4. Das Rechnen mit reellen Zahlen	13

Zweiter Abschnitt.

Endliche Reihen und ihre Summen.

III. Kapitel: Binomischer und polynomischer Lehrsatz	
§ 5. Der binomische Lehrsatz	15
§ 6. Über das Zeichen $\binom{n}{k}$	17
§ 7. Der polynomische Lehrsatz	21
IV. Kapitel: Elementare Reihen	
§ 8. Die arithmetischen Reihen erster Ordnung	22
§ 9. Arithmetische Reihen höherer Ordnung	23
§ 10. Die endliche geometrische Reihe	27

Dritter Abschnitt.

Einführung in die Lehre von den unendlichen Reihen

V. Kapitel: Zahlenfolgen	
§ 11. Einige fundamentale Definitionen	28
§ 12. Konvergenz, Grenzwert und Häufungsstellen von Zahlenfolgen	30
§ 13. Zwei Sätze über das Konvergenzverhalten von Zahlenfolgen	35
§ 14. Weitere Rechenregeln für konvergente Zahlenfolgen	37
§ 15. Sätze über Grenzwerte und Häufungsstellen konvergenter und bestimmt divergenter Folgen	39
§ 16. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$	43
VI. Kapitel: Allgemeines über unendliche Reihen	
§ 17. Ein Beispiel	44
§ 18. Konvergenz, Divergenz, Summe unendlicher Reihen	45
§ 19. Ein Konvergenzkriterium	48
§ 20. Einige Rechenregeln für konvergente Reihen und ihre Summen	50

VII. Kapitel:	Reihen mit positiven Gliedern	54
§ 21.	Allgemeine Eigenschaften	54
§ 22.	Das allgemeine Vergleichskriterium erster Art	56
§ 23.	Die Reihen $\sum \frac{1}{r^\alpha}$ und $\sum \frac{1}{(r \operatorname{Log} r)^\alpha}$	59
§ 24.	Das allgemeine Vergleichskriterium zweiter Art	62
§ 25.	Die Cauchyschen Kriterien.	64
§ 26.	Das Raabesche und das logarithmische Kriterium	67
§ 27.	Das Gaußsche Kriterium	70
VIII. Kapitel:	Das Rechnen mit absolut konvergenten Reihen	73
§ 28.	Absolut konvergente Reihen. Der Multiplikationssatz	73
§ 29.	Umordnung der Glieder absolut konvergenter Reihen	77
§ 30.	Ein Satz über Doppelreihen	81

Vierter Abschnitt.

Potenzreihen.

IX. Kapitel:	Allgemeines über Potenzreihen	83
§ 31.	Beispiele. Der Fundamentalsatz	83
§ 32.	Hilfsbetrachtung über stetige Funktionen	90
§ 33.	Der Identitätssatz für Potenzreihen.	94
§ 34.	Differentiation von Potenzreihen	95
X. Kapitel:	Die binomische Reihe	97
§ 35.	Das Konvergenzverhalten der binomischen Reihe	97
§ 36.	Die Summe der binomischen Reihe.	99
§ 37.	Die hypergeometrische Reihe.	102
XI. Kapitel:	Die Exponentialreihe und verwandte Reihen	105
§ 38.	Die Exponentialreihe und die Zahl e	105
§ 39.	Die Kosinus- und Sinusreihe.	108
XII. Kapitel:	Inverse Funktionen	113
§ 40.	Der Cauchysche Umkehrsatz	113
§ 41.	Die logarithmischen Reihen. Berechnung der natürlichen Logarithmen	118
§ 42.	Die zyklometrischen Funktionen und die Reihenentwicklungen für $\arcsin x$ und $\arccos x$. Numerische Berechnung der Zahl π . Die Reihenentwicklung für $\operatorname{tg} x$	121
Register		126