TABLE DES MATIÈRES.

Pr	ÉFACE, par M. Henri VILLAT	Pages.
Αv	ERTISSEMENT RELATIF AUX NOTATIONS	VII
	TRODUCTION ET VUE D'ENSEMBLE	
IN.	TRODUCTION ET VUE D'ENSEMBLE	IX
	Chapitre I.	
	Introduction de l'équation différentielle associée de Legendre, en Physique mathématique.	
	Les polynômes de Legendre et les fonctions de seconde espèce,	
	d'indice entier, positif ou nul.	
1.	Séparation des variables, en coordonnées curvilignes rectangulaires, pour	
	l'équation de propagation des ondes	I
	Cas des coordonnées sphériques	4
	L'équation de Legendre. Cas particulier où n est entier, positif ou nul	6
	Développements où interviennent les polynômes de Legendre	9
	Formule de Rodrigues	12
	Développements divers exprimant les polynômes de Legendre	13
	Intégrales représentant les polynômes de Legendre	18
8.	Relations de récurrence entre les polynômes de Legendre successifs et leurs dérivées premières. Première formule sommatoire de Christoffel	19
9,	Propriétés des intégrales définies des polynômes de Legendre. Orthogonalité	20
	Les racines de $P_n(\mu) = 0$	23
	Le développement d'une fonction en une série de polynômes de Legendre	
12.	Définitions et expressions des fonctions $Q_n(\mu)$ dans tout le plan μ complexe	
13.	Formules donnant $Q_n(\mu)$, analogues à celle de Rodrigues pour $P_n(\mu)$	37
14.	Intégrales et développements en séries divers représentant les fonctions Q_n	41
15.	Relations de récurrence entre les fonctions Q _n . Seconde formule sommatoire de Christoffel	47
16.	Valeurs simples d'intégrales définies où interviennent les fonctions Q_n	49
	Expressions diverses des fonctions Q_n	52
	Relations entre les fonctions de première et de seconde espèces	56
	Les racines de l'équation $Q_n(\mu) = 0$	58
	Développements en séries de Legendre, dans les coefficients desquels interviennent les fonctions Q _n . Les fonctions développées sont alors analy-	
	tiques	59

Chapitre II. Les fonctions associées de Legendre, $P_n^m(\mu)$ et $Q_n^m(\mu)$, pour n et m entiers, $n \ge 0$.

21. L'équation associée de Legendre. Définitions	Pages. 65
22. Fonctions génératrices des séries entières dont les coefficients sont P_n^m (cos θ)	0.5
et P_n^m (cos θ). Expressions qui s'en déduisent nour ces dernières fonctions	71
23. Expressions des fonctions de première espèce, $P_n^{\mu}(x)$, $P_n^{\mu}(\cos \theta)$, $P_n^{\mu}(\psi)$	/1
$P_n^{-m}(\cos \theta)$, sous forme de développements limités	73
24. Les racines de $P_n^m(\mu) = 0$ ou de $P_n^m(\cos \theta) = 0$	87
25. Extensions de la formule de Rodrigues à $P_n^m(\mu)$, $P_n^m(\cos\theta)$, $P_n^{-m}(\mu)$	
et P_n (cos θ)	88
26. Développements de $(\mu \pm \sqrt{\mu^2 - 1} \cos \varphi)^n$ en série limitée de fonctions	
$P_n(\mu) \cos m\varphi$ et de $(\mu + \sqrt{\mu^2 - 1\cos \varphi})^{-n-1}$ en série infinies de fonc-	
tions $P_n^m(u) \cos m\varphi$ et $P_n^m(-u) \cos m\varphi$	91
27. Integrales representant les fonctions associées de première espèce	96
26. Relations de récurrence entre les fonctions associées de première espèce successives et leurs dérivées premières. Extension de la première formula	J
sommatoire de Christoffel	98
Fonctions normalisées et fonctions d'Adolf Schmidt	-
30. Formule d'addition des polynômes de Legendre	108
30 bis. Application de la formule d'addition (57 bis) : calcul d'une intégrale contenant la fonction de Bessel J ₀ et le polynôme P _n	
of Definitions et expressions des fonctions $O_{ij}^{ij}(n)$ dans tout le plan u	111
complexe	112
32. Formules du type de celle de Rodrigues, exprimant $Q_n^m(\mu)$ et $Q_n^m(\cos \theta)$	117
33. Développements de $P_n^m(\mu)$, $Q_n^m(\mu)$ et $P_n^{-m}(\mu)$, suivant les puissances	
entieres de $\mu = \sqrt{\mu^2} = 1$. Développements de $P_m^m(\cos \theta) = P_m^m(\cos \theta)$	
et Q_n (cos o), survant les cosinus des arcs multiples de 0	120
54. Integrales delinies représentant les fonctions Ω^m	128
35. Relations de récurrence entre les fonctions de seconde espèce successives et leurs dérivées premières.	т 33
33 vis. Developpements de $[u + \sqrt{u^2 - i} ch (u + i\pi)]^{-n-1}$ pour y agree matit	130
en série infinie de fonctions $P_n^{-m}(u)$ ch $m(u \pm i\varphi)$ et, pour u assez	
grand, en série infinie de fonctions $Q_n^m(\mu) e^{-m(u\pm i\tau)}$. Expressions qui s'en	
déduisent pour $Q_n^m(\mu)$, $n+1 \le m$, sous forme de fonctions algébriques	
de $\frac{\mu-1}{\mu+1}$, de $\mu-1$ ou de $\mu+1$. Valeurs d'intégrales qui résultent des	
deux développements précédents	0.1
11	134
CHAPITRE III.	
Les harmoniques sphériques de degré entier, positif, négatif ou nul.	
36. Les harmoniques sphériques et les harmoniques sphériques ordinaires. Les fonctions sphériques ou fonctions de Laplace et les polynômes sphériques ou polynômes de Laplace et les polynômes sphériques de Laplace et les polynômes et les polynômes de laplace et les poly	
	139
37. Formules de dérivation servant à exprimer des polynômes homogènes et des harmoniques sphériques ordinaires	143
***************************************	145

	Pages.
38. Les pôles des polynômes de Laplace et des harmoniques sphériques ordi-	
naires. Théorie de Maxwell	148
39. Les axes et les pôles des harmoniques zonale, tessérales et sectoriales	150
40. Détermination des axes d'une harmonique sphérique ordinaire ou d'un poly-	
nôme de Laplace	155
41. Dérivation des harmoniques sphériques ordinaires et transformation de	
celles-ci lorsqu'on change l'origine des coordonnées	158
42. L'harmonique biaxiale. La formule d'addition de l'harmonique superficielle	
zonale, $P_n(\cos \gamma)$	165
43. Propriétés des intégrales définies d'harmoniques sphériques	ı 68
44. Développements d'une fonction de θ et de ç en série de polynômes de	
Laplace ou série de Laplace et en série d'harmoniques zonale, tessérales	
et sectoriales, d'axe Oz	176
45. Harmoniques conjuguées et systèmes conjugués d'harmoniques	179
46. Les harmoniques sphériques, de degré entier, les plus générales et le lien	
existant entre les harmoniques sphériques et les fonctions harmoniques	
de deux variables	181
47. Les harmoniques sphériques linéaires	186
Annexe I. — Premiers polynômes de Legendre et valeurs particulières	189
Annexe II. — Premières fonctions de Legendre de seconde espèce et valeurs	
particulières	190
•) -
Annexe III. — Premières fonctions associées de Legendre de première espèce	
et valeurs particulières	191
Annexe IV. — Premières fonctions associées de Legendre de seconde espèce	
et valeurs particulières	193
Index alphabétique	195
Table des matières	199