

Table des matières

Introduction

Notations et Définitions

1	Convexes et cônes faiblement complets ; premières propriétés	1
1.1.	Plongement des convexes faiblement complets dans des produits $\mathbb{R}^I \times (\mathbb{R}^+)^J$. Applications	2
1.2.	Chapeaux et points extrémaux des convexes appartenant à \mathcal{S}	6
1.3.	Différentes topologies sur les cônes appartenant à \mathcal{S}	8
2	Mesures coniques, représentation intégrale, chapeaux des cônes	13
2.1.	Mesures coniques sur les e.l.c.s.	14
2.2.	Mesures coniques portées par un cône $X \in \mathcal{S}$; mesures maximales	19
2.3.	Chapeaux des cônes ; cônes bien-coiffés	23
2.4.	Sous-classes \mathcal{S}_d et \mathcal{S}_m de \mathcal{S}	33
2.5.	Pseudo-chapeaux des cônes et cônes conucléaires de <i>E. Thomas</i>	36
2.6.	Mesures coniques maximales et espaces de <i>Baire</i>	48
2.7.	Extension du théorème de <i>Cartier-Fell-Meyer</i> aux mesures coniques	55
3	Applications de la théorie des chapeaux	65
3.1.	Le théorème de <i>Bochner-Weil</i>	66
3.2.	Le théorème de <i>Bernstein</i> ; généralisations	70
3.3.	L'équation de convolution $\mu * \sigma \leq \mu$	73
3.4.	Mesures et capacités invariantes sur un espace localement compact	77
3.5.	Les axiomatiques de <i>Brelot</i> et de <i>Bauer</i> en théorie du Potentiel	85
3.6.	Les opérateurs hypo-elliptiques	97
3.7.	Mesures quasi-invariantes sur $\mathcal{C}(\mathbb{R})$	98
4	Mesures coniques et formalisme de la décision statistique	103
4.1.	Mesure conique associée à une famille de probabilités	104
4.2.	Formalisme de la décision statistique	108
4.3.	Interprétation de la relation $(\lambda \prec \mu)$ en termes d'observations plus fines	112
5	Zonoformes, fonctions de type négatif et mesures vectorielles	115
5.1.	Définitions des zonoformes ; premières propriétés	116
5.2.	Fonctions de type négatif et polaires des zonoformes	121
5.3.	Mesures vectorielles et mesures coniques	127

6	Représentation des mesures coniques	131
6.1.	Liens entre mesures coniques et cylindriques	132
6.2.	Intégration dans les cônes convexes fermés (saillants ou non)	138
6.3.	Prolongement canonique d'une mesure conique. Applications	143
6.4.	Affaiblissement de la topologie d'un cône $X \in \mathcal{S}$. Applications	148
6.5.	Les sous-classes \mathcal{L} et \mathcal{L}_s de \mathcal{S}	152
7	Cônes biréticulés et formes positives sur les espaces de fonctions	161
7.1.	Cônes biréticulés et espaces réticulés	162
7.2.	Cônes biréticulés profilés et bien-coiffés	170
7.3.	Espaces adaptés et cônes biréticulés	175
7.4.	Cônes $(\mathbb{R}^+)^{(I)}$ et espaces de fonctions continues	180
8	La classe \mathcal{S} dans les espaces de Banach	185
8.1.	Propriétés topologiques des cônes $X \in \mathcal{S}$ contenus dans un <i>Banach</i> ou son dual	186
8.2.	La classe \mathcal{L} dans les espaces de <i>Banach</i>	191
8.3.	Cônes à chapeau universel contenus dans le dual d'un <i>Banach</i>	197
8.4.	Structure des cônes normaux contenus dans les <i>Banach</i>	203
Appendice 1		
	Les mesures de <i>Radon</i> sur les espaces topologiques séparés quelconques	214
Appendice 2		
	Les applications sommantes et nucléaires	216
Appendice 3		
	Factorisation des opérateurs à valeurs dans un espace L^1	218
Appendice 4		
	(Historique)	220
Bibliographie		
		229
Index terminologique		
		237
Index des notations		
		241
Postface (par G. Choquet)		
		243