

---

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Grundlagen der Wärmeübertragung</b>	<b>15</b>
1.1	Praktische Bedeutung . . . . .	15
1.2	Wärme und Wärmestrom . . . . .	16
1.3	Temperatur und Temperaturfelder . . . . .	17
1.4	Wärmetransportmechanismen . . . . .	18
1.4.1	Arten des Wärmetransports . . . . .	19
1.4.2	Wärmeleitung . . . . .	19
1.4.3	Konvektion . . . . .	20
1.4.4	Wärmestrahlung . . . . .	21
1.5	Fourier'sche Wärmeleitungsgleichung . . . . .	22
1.5.1	Mehrdimensionale instationäre Wärmeleitung mit inneren Wärmequellen . . . . .	22
1.5.2	Koordinatenunabhängige Schreibweise . . . . .	23
1.5.3	Eindimensionale instationäre Wärmeleitung . . . . .	23
1.5.4	Stationäre Wärmeleitung mit Wärmequellen . . . . .	23
1.5.5	Stationäre Wärmeleitung ohne Wärmequellen . . . . .	23
1.6	Anfangs- und Randbedingungen . . . . .	24
1.6.1	Anfangsbedingungen . . . . .	24
1.6.2	Randbedingungen . . . . .	24
1.6.3	Koppelbedingungen . . . . .	25
1.7	Elektrische Analogie . . . . .	25
1.7.1	Thermische Widerstände und Leitwerte . . . . .	26
1.7.2	Spezifische thermische Widerstände und Leitwerte . . . . .	26
1.7.3	Wärmedurchgangskoeffizient und Wärmedurchgangswiderstand . . . . .	27
1.7.4	Reihenschaltung thermischer Widerstände . . . . .	27
1.7.5	Parallelschaltung thermischer Widerstände . . . . .	28
1.7.6	Thermischer Kontaktwiderstand . . . . .	28
1.8	Beispiele . . . . .	29
1.9	Aufgaben zum Selbststudium . . . . .	45
<b>2</b>	<b>Massen- und Energiebilanzen</b>	<b>49</b>
2.1	Grundlagen . . . . .	49
2.1.1	System . . . . .	49
2.1.2	Kontinuitätsgleichung . . . . .	49
2.1.3	Erster Hauptsatz der Thermodynamik . . . . .	50
2.1.4	Hinweise zur Aufstellung von Energiebilanzen . . . . .	57
2.1.5	Innere Energie und Enthalpie . . . . .	59
2.1.6	Enthalpieströme . . . . .	59
2.2	Beispiele . . . . .	61
2.3	Aufgaben zum Selbststudium . . . . .	94

<b>3 Stationäre Wärmeleitung</b>	99
3.1 Grundlagen . . . . .	99
3.1.1 Péclet-Gleichungen für mehrschichtige Bauteile . . . . .	99
3.1.2 Mehrschichtige ebene Platte . . . . .	99
3.1.3 Zylinderschalen . . . . .	99
3.1.4 Kugelschalen . . . . .	100
3.1.5 Oberflächen- und Schichttemperaturen . . . . .	101
3.1.6 Stationäre eindimensionale Wärmeleitung mit inneren Wärmequellen . . . . .	101
3.1.7 Ebene Platte mit Wärmequellen . . . . .	101
3.1.8 Vollzylinder und Zylinderschale mit Wärmequellen . . . . .	101
3.1.9 Vollkugel und Kugelschale mit Wärmequellen . . . . .	102
3.1.10 Stationäre zweidimensionale Wärmeleitung ohne innere Wärmequellen . . . . .	102
3.2 Beispiele . . . . .	106
3.3 Aufgaben zum Selbststudium . . . . .	117
<b>4 Rippen und Nadeln</b>	120
4.1 Grundlagen . . . . .	120
4.1.1 Kenngrößen von Rippen . . . . .	120
4.1.2 Universelle Rippendifferenzialgleichung . . . . .	121
4.1.3 Rechteckrippen . . . . .	121
4.1.4 Zylindrische Nadeln . . . . .	122
4.1.5 Kreisringrippen . . . . .	122
4.1.6 Weitere Formen von Rippen und Nadeln . . . . .	122
4.1.7 Optimale Rippen . . . . .	124
4.2 Beispiele . . . . .	125
4.3 Aufgaben zum Selbststudium . . . . .	136
<b>5 Instationäre Wärmeleitung</b>	138
5.1 Grundlagen . . . . .	138
5.1.1 Dimensionslose Kennzahlen . . . . .	138
5.1.2 Dimensionslose Grundgleichung . . . . .	139
5.1.3 Dimensionslose Anfangs- und Randbedingungen . . . . .	140
5.1.4 Modelle der instationären Wärmeleitung . . . . .	141
5.1.5 Ideal gerührter Behälter . . . . .	143
5.1.6 Halbunendllicher Körper . . . . .	144
5.1.7 Exakte Lösung für Platte, Zylinder und Kugel . . . . .	147
5.1.8 Näherungslösung für große Zeiten . . . . .	149
5.1.9 Kurzzeitnäherung des erweiterten ideal gerührten Behälters . . . . .	151
5.1.10 Produktansatz bei mehrdimensionaler Wärmeleitung . . . . .	155
5.2 Beispiele . . . . .	158
5.3 Aufgaben zum Selbststudium . . . . .	181

<b>6 Konvektion</b>	185
<b>6.1 Grundlagen</b>	185
6.1.1 Arten von Konvektion	185
6.1.2 Ähnlichkeitstheorie und dimensionslose Kennzahlen	186
6.1.3 Längs angeströmte ebene Platte	187
6.1.4 Quer und schräg angeströmte Kreiszylinder	187
6.1.5 Quer angeströmte Profile	188
6.1.6 Umströmte Kugel	188
6.1.7 Einlaufproblematik bei der Rohr- und Kanalströmung	188
6.1.8 Vollständig ausgebildete Laminarströmung	189
6.1.9 Thermischer Einlauf bei laminarer Strömung	189
6.1.10 Hydrodynamischer und thermischer Einlauf bei lamina- rer Strömung	190
6.1.11 Vollständig ausgebildete turbulente Rohrströmung	190
6.1.12 Ausgebildete Rohrströmung im Übergangsbereich	191
6.1.13 Nichtkreisförmige Querschnitte	191
6.1.14 Fluidtemperaturänderung in Strömungsrichtung	191
6.1.15 Freie Konvektion	192
6.1.16 Vertikale ebene Platte	193
6.1.17 Vertikaler Zylinder	193
6.1.18 Geneigte ebene Platte	193
6.1.19 Horizontale ebene Platten	194
6.1.20 Horizontaler Zylinder	194
6.1.21 Kugel	194
6.1.22 Freie Konvektion in geschlossenen Fluidschichten	195
6.1.23 Horizontale ebene Schichten	195
6.1.24 Geneigte ebene Schichten	196
6.1.25 Vertikale ebene Schichten	196
6.1.26 Freie Konvektion in offenen Fluidschichten	197
6.1.27 Senkrechte Kanäle	197
6.1.28 Geneigte Kanäle	198
6.1.29 Parallele vertikale Platten	199
6.1.30 Mischkonvektion an umströmten Körpern	199
<b>6.2 Beispiele</b>	201
<b>6.3 Aufgaben zum Selbststudium</b>	214
<b>7 Wärmeübertrager</b>	216
<b>7.1 Grundlagen</b>	216
7.1.1 Begriffe und Nomenklatur	216
7.1.2 Bauformen von Wärmeübertragern	217
7.1.3 Einseitig konstante Fluidtemperatur	217
7.1.4 Dimensionslose Kennzahlen	218
7.1.5 Wärmeübertrager-Hauptgleichung	219
7.1.6 Gleichstrom-Wärmeübertrager	219
7.1.7 Gegenstrom-Wärmeübertrager	220
7.1.8 Kreuzstrom-Wärmeübertrager	221
7.1.9 Wärmewirkungsgrade von Wärmeübertragern	222
7.1.10 Korrekturfaktor	223
7.1.11 Wärmeübertrager mit Phasenübergang	223
7.1.12 Ablagerungen (Fouling)	223
<b>7.2 Beispiele</b>	224
<b>7.3 Aufgaben zum Selbststudium</b>	236

## Inhaltsverzeichnis

<b>8 Wärmestrahlung</b>	<b>238</b>
<b>8.1 Grundlagen</b>	<b>238</b>
8.1.1 Wellenlängenbereiche der Strahlung	238
8.1.2 Modell des schwarzen Körpers	239
8.1.3 Strahlungsfunktion des schwarzen Körpers	240
8.1.4 Strahlungsintensität und emittierte Strahlung	241
8.1.5 Auftreffende Strahlung	242
8.1.6 Helligkeit	242
8.1.7 Spektrale Kenngrößen	243
8.1.8 Emissionsgrad	244
8.1.9 Absorption, Reflexion und Transmission	245
8.1.10 Graue und selektive Strahler	246
8.1.11 Kirchhoff'sches Gesetz	248
8.1.12 Helligkeit grauer opaker Oberflächen	249
8.1.13 Oberflächenwiderstand für Strahlung	249
8.1.14 Raumwiderstand zwischen zwei strahlenden Oberflächen	250
8.1.15 Helligkeitsverfahren für Wärmestrahlungsprobleme	251
8.1.16 Wärmestrahlung zwischen zwei Oberflächen	252
8.1.17 Wärmestrahlung zwischen drei Oberflächen	253
8.1.18 Wärmeübergangskoeffizient für Strahlung	254
8.1.19 Strahlungsaustauschkoeffizient	255
8.1.20 Einstrahlzahlen	255
8.1.21 Einstrahlzahlen zwischen zwei Flächen	255
8.1.22 Einstrahlzahlen einer Fläche zu sich selbst	257
8.1.23 Einstrahlzahlen-Algebra	257
8.1.24 Methode der gekreuzten Fäden	259
8.1.25 Einstrahlzahlen einfacher Konfigurationen	259
8.1.26 Strahlungsschutzschirme	263
<b>8.2 Beispiele</b>	<b>266</b>
<b>8.3 Aufgaben zum Selbststudium</b>	<b>283</b>
<b>9 Aufgaben aus verschiedenen Themengebieten</b>	<b>286</b>
<b>10 Anhang</b>	<b>300</b>
<b>10.1 Gauß'sche Fehlerfunktion</b>	<b>300</b>
<b>10.2 Bessel-Funktionen</b>	<b>301</b>
10.2.1 Bessel-Funktionen 1. Art	301
10.2.2 Modifizierte Bessel-Funktionen 1. und 2. Art	301
10.2.3 Zahlentafeln der Bessel-Funktionen	303
<b>10.3 Näherungslösung der eindimensionalen instationären Wärmeleitung</b>	<b>307</b>
<b>10.4 Stoffwerte</b>	<b>312</b>
<b>10.5 Lösungen der Aufgaben</b>	<b>314</b>