INHALTSVERZEICHNIS

EINFÜHRUNG IN DIE GESAMTPROBLEMATIK	Seite	14
Kapitel 18: Variationsprobleme und Ritzsches Verfahren (formal)		15
18.1.Die Räume C ^k (G) 18.2.Partielle Integration 18.3.Erste Randwertaufgabe und Ritzsches Verfahr 18.4.Erste Randwertaufgabe und Trefftzsches Verfahren 18.5.Zweite und dritte Randwertaufgabe und Ritzsches Verfahren 18.6.Eigenwertprobleme und Ritzsches Verfahren	en	16 16 18 19 21
Kapitel 19: Das Galerkin-Verfahren für Differentis und Integralgleichungen (formal)	11-	25
19.1.Elliptische Differentialgleichungen 19.2.Parabolische Differentialgleichungen 19.3.Hyperbolische Differentialgleichungen 19.4.Integralgleichungen 19.5.Andere Näherungsverfahren (Überblick) 19.6.Regularisierung (Überblick)		26 28 29 30 31 32
UNTERSUCHUNG LINEARER PROBLEME		34
Kapitel 20: Hilfsmittel für Hilbertraummethoden 20.1. Verallgemeinerte Ableitungen 20.2. Sobolewräume 20.3. Dualität in B-Räumen 20.4. Dualitätsabbildung in H-Räumen 20.5. Bilinearformen 20.6. Projektionsoperatoren 20.7. Basen und Galerkin-Schemata		34 36 37 38 39 41 42
Kapitel 21: Hilbertraummethoden und elliptische Differentialgleichungen und Integralgl	L.	44
21.1. Variations probleme und Ritzsches Verfahren 21.2. Anwendung auf Randwertaufgaben 21.2a.1. Randwertaufgabe 21.2b.2. Randwertaufgabe 21.2c.3. Randwertaufgabe 21.3. Methode der orthogonalen Projektion, Dualitation auch ein Verfahren von Ritz und Trefftzerberabschätzungen	it z,	44 46 47 48 49
21.4.Anwendung auf das Dirichlet-Problem 21.5.Stark positive Operatoren und Galerkin- Verfahren		51 52

		edholmsche Alternativen und Galerkin-	Seite	53
	21.7.An 21.8.An 21.9.An 21.10.E 21.11.A	rfahren wendung auf Integralgleichungen wendung auf Bilinearformen wendung auf elliptische Differentialgl. igenwertprobleme und Ritzsches Verfahren nwendung auf Bilinearformen		54 55 55 57 58 60
Kaj		nwendung auf elliptische Differentialgla : Hilbertraummethoden und parabolische	•	61
		Differentialgleichungen		
	22.1.Be	sonderheiten bei der Behandlung paraboli her Differentialgleichungen	L-	61
	22.2.D1	e Lebesgueräume L _p (0,T;X) vektorwertige: nktionen	r	63
	22.3.Du	ale Räume zu L _p (O,T;X)		65
	22.4.Ev	olutionstripel rallgemeinerte Ableitungen vektorwertige nktionen	er	66 67
	22.6.Di	e Sobolewräume Wp(O,T;V,H)		69
	22.7.Li	neare Evolutionsgleichungen 1.0rdnung		70
	22.8.An	d Galerkin-Verfahren wendung auf parabolische Differential- eichungen		71
Kaj	pitel 23	: Hilbertraummethoden und hyperbolische Differentialgleichungen		73
	23.1.Li	neare Evolutionsgleichungen 2.Ordnung d Galerkin-Verfahren		73
		wendung auf hyperbolische Differentialg	1.	74
VEI	RALLGEME	INERUNG AUF NICHTLINEARB STATIONÄRE PRO	BL EME	76
Kaj	pitel 24	: Projektions-Iterationsverfahren und me Operatoren	onotone	77
	24.1.Fo	lgen von kontraktiven Operatoren		77 78
	24.2.Pr	ojektions-Iterationsverfahren für kontre eratoren	aktive	10
	24.3.De	finition monotoner Operatoren		80 82
	moi	ojektions-Iterationsverfahren für stark notone, Lipschitz-stetige Operatoren		
	24.5.An	wendung auf quasilineare elliptische fferentialgleichungen 2.0rdnung		83
Kar	itel 25	: Monotone Operatoren und quasilineare elliptische Differentialgleichungen		86
	25.1.Ha	uptsatz über monotone Operatoren		86
	25.2.Ve	rallgemeinertes Gradientenverfahren zur flösung der Galerkin-Gleichungen		90
	25.3.De	r Nemyzki-Operator		92

25.4. Anwendung auf quasilineare elliptische Seite	94
Differentialgleichungen 2m-ter Ordnung 25.5.Vergleich mit linearen stark elliptischen Differentialgleichungen 2m-ter Ordnung	98
Kapitel 26: Monotone Operatoren und Hammerstein- sche Integralgleichungen	105
26.1.Faktorisierungssatz für winkelbeschränkte	107
Operatoren 26.2.Abstrakte Hammersteinsche Gleichungen mit	110
winkelbeschränkten Kernoperatoren 26.3.Anwendung auf Hammersteinsche Integralgl.	112
26.4. Abstrakte Hammersteinsche Gleichungen mit vollstetigen Kernoperatoren	115
26.5.Anwendung auf semilineare elliptische Differentialgleichungen	117
Kapitel 27: Pseudomonotone Operatoren und quasilineare elliptische Differentialgleichungen	119
27.1.Stetigkeitseigenschaften von Operatoren 27.2.Die Bedingungen (M),(S) und die Konvergenz	122
des Galerkin-Verfahrens	125
27.3. Pseudomonotone Operatoren	127
27.4. Hauptsatz für pseudomonotone Operatoren 27.5. Anwendung auf quasilineare elliptische Dgl.	129
27.6. Verallgemeinerte pseudomonotone Operatoren zwischen zwei B-Räumen	129 133
27.7.Anwendung auf semilineare elliptische Dgl. mit starken Nichtlinearitäten	134
Kapitel 28: Verallgemeinerte Fredholmsche Alternativen	139
28.1.Pseudoresolvente und äquivalente Koinzidenz- probleme	140
28.2. Fredholmsche Alternative für asymptotisch lineare, vollstetige Operatoren	142
28. J. Anwending auf Gleichungegygteme	144
28.4.Anwendung auf Integralgleichungen 28.5.Anwendung auf gewöhnliche Differentialgl.	145
28.5. Anwendung auf gewöhnliche Differentialel.	145
40.0.verallgemeinerter Antinodensetz	146
28.7.Fredholmsche Alternative für asymptotisch lineare Operatoren mit (S)	148
28.8.Fredholmsche Alternative für Operatoren mit schwachen Asymptoten	150
28.9. Anwendung auf semilineare elliptische Dgl.	152
VERALLGEMEINERUNG AUF NICHTLINEARE INSTATIONÄRE PROBLEME	155
Kapitel 29: Evolutionsgleichungen 1. Ordnung und Galerkin-Verfahren	155
29.1.Problemstellung	155 156

29.3. Beweis des Hauptsatzes Seite 29.4. Anwendung auf quasilineare parabolische Dgl.	157 164
Kapitel 30: Verallgemeinerte Halbgruppen	166
30.1.Nichtexpansive Halbgruppen 30.2.Anwendung auf quasilineare parabolische Dgl.	167 171
Kapitel 31: Maximal monotone Abbildungen	173
31.1.Definition maximal monotoner Abbildungen 31.2.Typische Beispiele für maximal monotone Abbildungen	174 174
31.3.Hauptsatz über maximal monotone Abbildungen 31.4.Anwendung auf abstrakte Hammersteinsche Gleichungen	177 178
31.5.Anwendung auf Hammersteinsche Integralgl. 31.6.Anwendung auf elliptische Variationsun-	1 7 9 180
gleichungen 31.7.Anwendung auf Evolutionsgleichungen 1.Ordnung 31.8.Anwendung auf periodische Lösungen quasiline-	181 182
arer parabolischer Differentialgleichungen 31.9.Anwendung auf Evolutionsgleichungen 2.Ordnung	184
Kapitel 32: Evolutionsgleichungen 2.Ordnung und Galerkin-Verfahren	186
32.1.Problemstellung 32.2.Existenzsatz 32.3.Anwendung auf quasilineare hyperbolische Dgl.	186 188 191
ALLGEMEINE THEORIE DER DISKRETISIERUNGSVERFAHREN	193
Kapitel 33: Innere Approximationsschemata und Projektionsverfahren	195
33.1.Innere Approximationsschemata 33.2.Hauptsatz über stabile Diskretisierungs- verfahren	195 196
33.3. Projektive innere Approximationsschemata	200
in H-Räumen 33.4.Projektive innere Approximationsschemata	203
in B-Räumen 33.5.Anwendung auf den numerischen Wertebereich	205
Kapitel 34: Äußere Approximationsschemata und Differen- zenverfahren für quasilineare elliptische Differentialgleichungen	207
34.1. Außere Approximationsschemata	207
34.2. Hauptsatz 34.3. Anwendung auf Differenzenverfahren für quasi- lineare elliptische Dgl.	211

Kapitel 35: Abbildungsgrad für A-eigentliche Operatoren	217
35.1.Definition A-eigentlicher Operatoren 35.2.Definition des Abbildungsgrades 35.3.Eigenschaften des Abbildungsgrades 35.4.Fixpunktprinzip	218 221 222 224
ANHANG	225
Lebesguesches Maß Meßbare Funktionen Lebesguesches Integral vektorwertiger Funktionen Lebesgueräume L _p (G)	225 225 226 229
Sobolewräume $W_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(G)$, $W_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(G)$	230
Galerkin-Schemata in Šobolewräumen und die Methode der finiten Elemente	233
Polynomiale Basen in $\mathbf{W}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(\mathbf{G})$, $\mathbf{W}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(\mathbf{G})$	233
Stuckweise polynomiale Basen (finite Elemente)	234
in $W_{\mathbf{p}}^{1}(G)$, $W_{\mathbf{p}}^{1}(G)$ für polygonale Gebiete	234
in $\mathbf{w}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(\mathtt{G})$, $\mathbf{w}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{m}}(\mathtt{G})$ für N-dimensionale	236
Würfelgitter	
Gewöhnliche Differentialgleichungen für meßbare Funktionen	239
Distributionen	240
LITERATURVERZEICHNIS	243
LITERATURNACHTRAG ZU TEIL I	250
DRUCKFEHLERBERICHTIGUNG ZU TEIL I	250
SACHWORTVERZEICHNIS	251
BEZEICHNUNGEN	253
VERZEICHNIS DER THEOREME	12
SCHEMATISCHE DARSTELLUNG WICHTIGER ZUSAMMENHÄNGE	121
ÜBERBLICK ÜBER DEN INHALT DER TEILE III, IV Teil	1,234

ZUSAMMENFASSUNG GRUNDLEGENDER AUSSAGEN DER Anhang Teil I,199 LINEAREN FUNKTIONALANALYSIS