

TABLE DES MATIERES

EXPOSE I .- <u>MESURE DE WIENER</u>	1
§ 1 . Fonctions aléatoires gaussiennes et processus de Wiener	1
§ 2 . Mesure de Wiener et mesure cylindrique	3
§ 3 . Bruit blanc et dérivée au sens des distributions de L	7
§ 4 . Une remarque sur l'expression de L	8
§ 5 . Autres remarques sur la mesure de Wiener	10
EXPOSE II .- <u>MESURES CYLINDRIQUES DONT L'IMAGE EST UNE MESURE DE RADON</u>	12
§ 1 . Rappels et notations	13
§ 2 . Une condition suffisante pour que u soit injective	14
§ 3 . Autres conditions pour qu'une mesure de Radon provienne d'une mesure de Radon	21
§ 4 . Applications aux mesures de Radon sur les espaces \mathbb{L}^p ($0 < p < \infty$)	26
§ 5 . Une application du corollaire (II,2;4)	30
EXPOSE III .- <u>CONDITIONS GEOMETRIQUES DE CONCENTRATION CYLINDRIQUE</u>	35
§ 1 . Notations, définitions, propriétés élémentaires	35
§ 2 . Concentration cylindrique et cylindres à base fermée	48
§ 3 . Concentration cylindrique sur les parties équilibrées	57
§ 4 . Ensembles convenables, ensembles réguliers et familles adaptées	68
§ 5 . Concentration cylindrique et famille de disques	79
§ 6 . Applications aux mesures de Radon	85

VIII

EXPOSE IV .- <u>CONDITIONS DE CONCENTRATION CYLINDRIQUE (suite)</u>	90
§ 1 . Préliminaires : conditions nécessaires, définitions et remarques	90
§ 2 . Mesures de Radon sur les espaces vectoriels topologiques complets	97
§ 3 . Espaces vectoriels topologiques séparés par leur dual et vérifiant (P)	105
§ 4 . Applications à la théorie des "espaces de Wiener abstraits"	115
§ 5 . Quelques remarques sur les jauges μ -mesurables	125
§ 6 . Semi-normes mesurables par projection (ou au sens de GROSS)	128
EXPOSE V .- <u>TRAJECTOIRES DES PROCESSUS LINEAIRES ASSOCIES AUX MESURES DE RADON</u>	137
§ 1 . Ensembles de continuité des fonctions aléatoires	138
§ 2 . Ensembles bornés pour un processus	146
§ 3 . Ensembles bornés pour les fonctions aléatoires "stables" sur les ℓ^p ($0 < p < 2$)	160
§ 4 . Ensembles bornés et ensembles de continuité pour des fonctions aléatoires invariantes par isométries sur un Hilbert	165
EXPOSE VI .- <u>APPLICATION A LA MESURE CYLINDRIQUE GAUSSIENNE NORMALE SUR UN HILBERT</u>	179
§ 1 . Introduction	179
§ 2 . Semi-normes $\gamma^{(2)}$ -mesurables dans un espace d'Hilbert	184
§ 3 . Compléments	205
§ 4 . Appendice	210

EXPOSE VII .- <u>QUELQUES EXEMPLES D'ENSEMBLES BORNES ET D'ENSEMBLES DE</u>	
<u>CONTINUITE</u>	222
§ 1 . Rappels et remarques	222
§ 2 . Exemples	230
EXPOSE VIII .- <u>G.B. ENSEMBLES, G.C. ENSEMBLES, EPAISSEUR MIXTE et</u>	
<u>ϵ-ENTROPIE</u>	243
§ 1 . Notations de base de cet exposé ; un rappel	246
§ 2 . Epaisseur mixte : définition, différentes expressions, majoration et minoration	252
§ 3 . Epaisseur mixte, G.B. ensembles et G.C. ensembles	275
§ 4 . Comparaison des épaisseurs mixtes de deux compacts convexes d'un Hilbert H	281
§ 5 . Quelques rappels sur les probabilités gaussiennes sur \mathbb{R}^m	295
§ 6 . Calcul d'épaisseurs mixtes	309
§ 7 . G.B. ensembles et exposant d'entropie	322
§ 8 . Applications γ_{H_1} -radonifiantes d'un Hilbert H_1 dans un autre Hilbert H_2	332
EXPOSE IX .- <u>COMPLEMENTS SUR LES PROBABILITES DE RADON GAUSSIENNES</u>	337
§ 0 . Rappels de notations ; une convention	338
§ 1 . Lois zéro-un pour les processus gaussiens	339
n° 1 . Définitions fondamentales et remarques préliminaires	339
n° 2 . Lois de type zéro-un	350
n° 3 . Applications	354
n° 4 . Méthode de Fernique	364

§ 2 . Support d'une probabilité de Radon gaussienne	369
§ 3 . Intégrabilité de certaines fonctions de la norme pour une probabilité de Radon gaussienne	372
Bibliographie	377