## Teil 1 (Ruben V. Ambartzumjan)

	Ein.	leitung	13
1	Das	Cavalieri-Prinzip und andere vorbereitende Aussagen	16
	1.1	Das Cavalieri-Prinzip	16
	1.2	Die Lebesguesche Faktorisierung	18
	1.3	Die Haarsche Faktorisierung	19
	1.4	Weitere Bemerkungen über Maße	23
	1.5	Einige topologische Bemerkungen	24
	1.6	Parametrische Transformationen	27
	1.7	Metriken und Konvexität	29
	1.8	Modifikationen des Crofton-Theorems	32
2	Trai	nslationsinvariante Maße	34
	2.1	Der Raum $\bar{G}$ der orientierten Geraden im $I\!\!R^2$	34
	2.2	Der Raum $G$ der (nicht-orientierten) Geraden im $\mathbb{R}^2$	35
	2.3	Der Raum $\bar{E}$ der orientierten Ebenen im $I\!\!R^3$	36
	2.4	Der Raum $E$ der Ebenen im $\mathbb{R}^3$	37
	2.5	Der Raum $\bar{\Gamma}$ der orientierten Geraden im $\mathbb{R}^3$	38
	2.6	Der Raum $\Gamma$ der (nicht-orientierten) Geraden im $\mathbb{R}^3$	38
	2.7	Der Übergang zu Produkträumen	39
	2.8	Die Faktorisierung von Maßen auf geschlitzten Räumen	42
	2.9	Räume, die nicht geschlitzt sind	43
	2.10	Richtungs- und Schnittzahlrosen	44
		Dichte und Krümmung	45
		Rosen $T_3$ -invarianter Maße auf $E$	46
		Räume von Strecken und von Scheiben	49
		Produkte von geschlitzten Räumen	50
		Fast sichere $T$ -Invarianz zufälliger Maße	52
	2.16	Zufällige Maße auf $ ilde{G}$	52
		Zufällige Maße auf $\bar{E}$	54
		Zufällige Maße auf $\bar{\Gamma}$	55

3	Maß	e, die gegenüber euklidischen Bewegungen invariant sind	<b>57</b>
	3.1	Die Drehgruppe des $\mathbb{R}^2$	57
	3.2	Drehungen im $\mathbb{R}^3$	58
	3.3	Das Haarsche Maß auf $W_3$	59
	3.4	Großkreise auf der Sphäre	60
	3.5	Die Invarianz der Haarschen Maße auf euklidischen Gruppen	60
	3.6	Das invariante Maß auf $ar{G}$ und $G$	61
	3.7	Die Gestalt von d $g$ bei zwei anderen Parametrisierungen der Geraden $$ .	62
	3.8	Andere Parametrisierungen der Großkreise auf der Sphäre	64
	3.9	Das invariante Maß auf $\bar{\Gamma}$ und $\Gamma$	64
	3.10	Andere Parametrisierungen von Geraden in $\mathbb{R}^3$	65
	3.11	Das invariante Maß auf den Räumen $\bar{E}$ und $E$	66
	3.12	Andere Parametrisierungen der Ebenen in $\mathbb{R}^3$	66
	3.13	Das kinematische Maß	68
	3.14	Faktorisierungen nach der Lage und der Größe	70
	3.15	Faktorisierung nach der Lage und der Form	72
	3.16	Faktorisierungen nach Lage, Größe und Form	73
	3.17	Über Maße auf Räumen von Formen	78
	3.18	Die sphärische Topologie auf $\Sigma$	80
	TT	rsche Maße auf Gruppen affiner Abbildungen	82
4	паа 4.1	Die Gruppe $\mathbf{A}_2^0$ und ihre Untergruppen	82
	$\frac{4.1}{4.2}$	Affine Deformationen des $\mathbb{R}^2$	84
	4.3	Das Haarsche Maß auf $\mathbf{A}_2^0$	85
	4.4	Das Haarsche Maß auf $A_2$	87
	$\frac{4.4}{4.5}$	Punktetripel im $\mathbb{R}^2$	88
	$\frac{4.5}{4.6}$	Eine andere Darstellung von $d^{(r)}\nabla$	
	4.7	Quadrupel von Punkten im $\mathbb{R}^2$	
	4.8	Eine Aufgabe vom Sylvester-Typ für vier Punkte in $\mathbb{R}^2$	
	4.9	Die Gruppe $A_0^0$ und ihre Untergruppen	94
	4.10	Die Gruppe der affinen Deformationen des $\mathbb{R}^3$	96
	4.10	Haarsche Maße auf $\mathbf{A}_3^0$ und $\mathbf{A}_3$	97
	1.11	$\nabla_3$ -invariante Maße auf dem Raum der Tetraederformen	98
	4.12	Fünftupel von Punkten im $\mathbb{R}^3$	99
	4 14	Affine Formen von Fünftupeln im $\mathbb{R}^3$	99
	4.15	Ein allgemeiner Satz	101
	4.16	Die elliptische Ebene als Raum der affinen Formen	103
			106
5		mbinatorische Integralgeometrie $ar{G}$ und in $G$	
	5.1	Eine Folgerung aus dem Crofton-Theorem	108
	5.2	Ein topologischer Zugang und der Satz von Gauss-Bonnet	. 100
	5.3	EAR topologischer Zugang und der Satz von Gauss-Bonnet	. 103

	5.4	Zwei Beispiele	114
	5.5	Ringe in $E$	
	5.6	Ebenen, die ein konvexes Polyeder schneiden	
	5.7	Die Rekonstruktion eines Maßes aus der Keilfunktion	120
	5.8	Die Keilfunktion für $T_3$ -invariante Maße	122
	5.9	Die Fahnendarstellung konvexer Körper	123
	5.10	Fahnendarstellungen und Zonoide	126
	5.11	Ebenen im $\mathbb{R}^3$ , die einen konvexen Körper mit glattem Rand schneiden	127
	5.12	Andere Teilgebiete und historische Bemerkungen	129
6	Gru	ndintegrale	133
	6.1	Integrale der Anzahl von Schnitten	133
	6.2	Die Zonoidgleichung	136
	6.3	Integration des Lebesgue-Maßes von Schnitten	137
	6.4	Vertikale Fenster und Translationsinvarianz	139
	6.5	Vertikale Fenster und Paare nichtparalleler Geraden	139
	6.6	Translative Analyse von Realisierungen	142
	6.7	Integrale über Produkträumen	146
	6.8	Kinematische Analyse von Realisierungen	149
	6.9	Die Pleijelsche Identität	158
	6.10	Sehnen konvexer Polygone	161
	6.11	Integralfunktionen für Maße auf dem Raum der Dreiecksformen	162
7	Zufällige Punktprozesse 16		
	7.1	Punktprozesse	165
	7.2	k-Untermengen eines Intervalls auf der Geraden	167
	7.3	Endliche Mengen auf $[a,b)$	170
	7.4	Konsistente Familien	
	7.5	Geometrische Prozesse	173
	7.6	Das Beispiel von Shepp	175
	7.7	Invariante Modelle	170
	7.8	Zufällige Verschiebungen eines Gitters	177
	7.9	Zufällige Bewegungen eines Gitters	. 178
	7.10	Gitter zufälliger Form und Lage	. 178
	7.11	Der Geradenprozeß von Kallenberg-Mecke-Kingman	. 181
	7.12	Markierte Punktprozesse, der Fall unabhängiger Marken	. 183
	7.13	Streckenprozesse und zufällige Mosaike	. 187
	7.14	Momentenmaße	. 189
	7.15	Integration im Raum der Realisierungen	. 194

8	Die	Palmsche Verteilung von Punktprozessen in $\mathbb{R}^n$	201
	8.1	Die Verteilung der typischen Marke	201
	8.2	Reduktion auf die Berechnung von Intensitäten	203
	8.3	Der Raum der zentrierten Realisierungen	203
	8.4	Die Palmsche Verteilung	
	8.5	Eine Stetigkeitsvoraussetzung	205
	8.6	Einige Beispiele	206
	8.7	Die Palmschen Formeln im eindimensionalen Fall	208
	8.8	Der Fall mehrerer Intervalle	209
	8.9	$T_1$ -invariante Erneuerungsprozesse	210
	8.10	Palmsche Formeln für Kugeln in $\mathbb{R}^n$	215
	8.11	Die Gleichung $\Pi = \Theta * P$	215
	8.12	Asymptotisch Poissonsche Verteilungen	217
9	Тур	Typische Konfigurationen in Poissonschen Prozessen	
	9.1	Die relative Palmsche Verteilung	219
	9.2	Beispiele der Zuordnung von Punktprozessen auf Gruppen	. 221
	9.3	Das typische Polygon im Poissonschen Geradenmonmosaik; der Fall	
		gleicher Gewichte	. 223
	9.4	Lösung	. 224
	9.5	Herleitung der Grundgleichung	. 225
	9.6	Auswahl mit ungleichen Gewichten	. 227
	9.7	Der Fall unendlicher Intensität	. 230
	9.8	Verdünnungen erzeugen Wahrscheinlichkeitsverteilungen	. 231
	9.9	Simplizes in Poissonschen Punktprozessen im $\mathbb{R}^n$	
	9.10	Voronoi-Mosaike	
	9.11	Mittelwerte für zufällige Polygone	. 238
10	Sch	nitte geometrischer Prozesse in der Ebene	243
	10.1	Palmsche Verteilungen für Geradenprozesse in $IR^2$	. 243
	10.2	Die Palmschen Formeln für Geradenprozesse	. 246
	10.3	Geradenprozesse zweiter Ordnung	. 247
	10.4	Integration einer kombinatorischen Zerlegung	. 253
	10.5	Weitere Bemerkungen über Geradenprozesse	. 258
	10.6	Verallgemeinerung auf zufällige Mosaike	. 260
	10.7	Boolesche Modelle für Prozesse von Kreisen	. 262
	10.8	Die Exponentialverteilung der Länge des typischen weißen Intervalls .	. 267
Li	terat	ur zu Teil 1	269
Sv	mbo	lverzeichnis zu Teil 1	273

Teil 2	(Joseph Mecke	/ Dietrich Stoyan	)
--------	---------------	-------------------	---

	Einleitung		275			
1	1 Mathematische Grundlagen		278			
	1.1 Einige Grundbegriffe der Mengenlehre		. 278			
	1.2 Spezielle Mengenoperationen im $\mathbb{R}^d$ .		. 279			
	1.3 Topologie im $\mathbb{R}^d$		. 280			
	1.4 Euklidische Bewegungen		. 281			
	1.5 Konvexe Mengen im $\mathbb{R}^d$		. 281			
	1.6 Maß- und Integrationstheorie		. 285			
	1.7 Beschreibung geometrischer Strukturer	n	. 288			
2	2 Zufällige abgeschlossene Mengen		290			
_	2.1 Grundlagen		. 290			
	2.2 Kenngrößen für zufällige abgeschlosser	ne Mengen	. 293			
	2.3 Statistik für zufällige abgeschlossene M	Mengen	. 296			
	2.4 Bemerkungen zu der quantitativen Bil	ldauswertung	. 299			
3	3 Punktprozesse (Zufällige Punktfelder)	Punktprozesse (Zufällige Punktfelder) 30				
_	3.1 Grundbegriffe und -eigenschaften		. 302			
	3.2 Momentenmaße und verwandte Größe	n <i>.</i>	. 306			
	3.3 Palmsche Verteilungen	,	. 309			
	3.4 Reschreibung des 2. Momentenmaßes		. 312			
	3.5 Operationen mit Punktprozessen		. 314			
	3.6 Statistik für stationäre Punktprozesse		. 316			
4	4 Zufällige Maße	Zufällige Maße				
_	4.1 Vorbemerkungen		. 321			
	4.2 Definitionen und Beispiele		. 321			
	4.3 Laplace-Funktional		. 323			
	4.4 Momentenmaße		. 324			
5	5 Das Boolesche Modell		327			
Ū	5.1 Grundeigenschaften und Beispiele		327			
	5.2 Formeln für das Boolesche Modell mit	t konvexen Körnern	332			
	5.3 Statistik für das Boolesche Modell		334			
	5.4 Verallgemeinerungen des Booleschen	Modells	335			
ß	6 Punktprozeßmodelle		337			
	6.1 Poisson-Prozesse		337			
	6 1 1 Der stationäre Poisson-Prozeß		337			
	6.1.2 Allgemeine Poisson-Prozesse.		340			

12			Inhalt	
	6.2	6.1.3 Operationen mit Poisson-Prozessen 6.1.4 Statistik für den stationären Poisson-Prozeß  Weitere Punktprozeßmodelle 6.2.1 Coxsche oder doppelt stochastische Poisson-Prozesse 6.2.2 Der Neyman-Scott-Prozeß 6.2.3 Ein Hard-Core-Punktprozeß 6.2.4 Ein Modell für endliche Punktsysteme	<ul><li>342</li><li>346</li><li>346</li><li>347</li><li>348</li></ul>	
7	Zufä	ällige linienförmige Strukturen	353	
	7.1	Vorbemerkungen	. 353	
	7.2	Geraden in der Ebene	. 354	
	7.3	Definition der Geradenprozesse (zufällige Geradenfelder)	. 355	
	7.4	Stationäre Geradenprozesse	. 356	
	7.5	Schnitte von Geradenprozessen	. 357	
	7.6	Bemerkung über Faserprozesse (zufällige Faserfelder)		
8	Zuf	ällige Mosaike	361	
Ŭ	8.1	Vorbemerkungen	. 361	
	8.2	Ebene stationäre zufällige Mosaike		
	8.3	Beziehungen zwischen den Mittelwerten	. 363	
	8.4	Ebenes Poisson-Voronoi-Mosaik	. 364	
	8.5	Poissonsches Geradenmosaik		
	8.6	Stationäre zufällige räumliche Mosaike		
9	Ster	reologie	371	
	9.1	Vorbemerkungen		
	9.2	Mittelwertformeln		
	9.3	Stereologische Formeln für Keim-Korn-Modelle	. 373	
	9.4	Stereologische Formeln für Kugelkollektive		
	9.5	Einige weitere Probleme und Ergebnisse der Stereologie	. 382	
Li	Literatur zu Teil 2			
Sy	Symbolverzeichnis zu Teil 2 39			
Sa	Sachwortverzeichnis 39			