

# I N H A L T S V E R Z E I C H N I S

1.	Einführung . . . . .	1
2.	Statistische Massen und ihre Einheiten, statistische Merkmale . . . . .	5
2.1	Statistische Massen und ihre Einheiten . . .	5
2.2	Statistische Merkmale und ihre Ausprägungen.	8
2.3	Klassifizierung der Merkmale . . . . .	9
3.	Die statistische Erhebung . . . . .	13
3.1	Erhebungsarten . . . . .	13
3.2	Erhebungstechnik . . . . .	14
4.	Die statistische Aufbereitung . . . . .	17
4.1	Technik der Aufbereitung . . . . .	17
4.2	Gruppenbildung . . . . .	18
4.2.1	Allgemeines . . . . .	18
4.2.2	Gruppenbildung bei (sachlich-) qualitativen Merkenalen . . . . .	19
4.2.3	Gruppenbildung bei (sachlich-) quantitativen Merkenalen . . . . .	22
5.	Darstellung von eindimensionalen Häufig- keitsverteilungen . . . . .	25
5.1	Eindimensionale Häufigkeitsverteilung qualitati- ver Merkmale . . . . .	25
5.1.1	Die Häufigkeitstabelle . . . . .	25
5.1.2	Die graphische Darstellung . . . . .	27
5.2	Eindimensionale Häufigkeitsverteilung quan- titativ-diskreter Merkmale . . . . .	28
5.2.1	Die Häufigkeitstabelle . . . . .	30
5.2.2	Die graphische Darstellung . . . . .	31
5.2.3	Berechnung von Anteilswerten . . . . .	32
5.3	Eindimensionale Häufigkeitsverteilung quan- titativ-stetiger Merkmale . . . . .	33
5.3.1	Die graphische Darstellung . . . . .	36
5.3.2	Die Häufigkeitstabelle . . . . .	39
5.3.3	Beispiel zur Histogrammdarstellung zweier Häufigkeitsverteilungen . . . . .	40

5.3.4	Berechnung von Anteilswerten innerhalb einer Klasse . . . . .	42
5.3.5	Übergang zu einer kontinuierlichen Kurve . . . . .	44
6.	Beschreibung eindimensionaler Häufigkeitsverteilungen quantitativer Merkmale durch Verteilungsmaßzahlen . . . . .	45
6.1	Lage-Parameter . . . . .	45
6.1.1	Der Median (Zentralwert) Z . . . . .	46
6.1.2	Der Modalwert (Modus, häufigster Wert) einer Verteilung . . . . .	48
6.1.3	Das arithmetische Mittel (AM) . . . . .	49
6.1.4	Das geometrische Mittel (GM) . . . . .	54
6.1.5	Das harmonische Mittel (HM) . . . . .	55
6.2	Streuungs-Parameter . . . . .	56
6.2.1	Die Spannweite (range) R . . . . .	57
6.2.2	Das Konzept der p-Quantile . . . . .	58
6.2.3	Die durchschnittlichen absoluten Abweichungen (mean absolute deviation MAD) . . . . .	61
6.2.4	Varianz und daraus abgeleitete Streuungsparameter . . . . .	62
6.2.4.1	Definition und Bestimmung aus ungruppiertem Material . . . . .	62
6.2.4.2	Bestimmung aus gruppiertem Material (Streuungszerlegungssatz) . . . . .	64
6.2.5	Der Variationskoeffizient . . . . .	68
6.2.6	Das Konzept der Momente . . . . .	69
6.3	Die Konzentration einer Verteilung (Lorenzkurve) . . . . .	70
	Übungsaufgaben . . . . .	75
7.	Darstellung und Beschreibung von mehrdimensionalen Häufigkeitsverteilungen . . . . .	83
7.1	Allgemeine Grundbegriffe und Darstellungsweise . . . . .	84
7.2	Randverteilungen oder marginale Verteilungen	86
7.3	Bedingte Verteilungen. Der Begriff der statistischen Unabhängigkeit . . . . .	87
7.4	Zweidimensionale Häufigkeitsverteilung quantitativer Merkmale . . . . .	92
7.4.1	Die Regressionsrechnung bei ungruppiertem Datenmaterial . . . . .	92

7.4.1.1	Berechnung der Parameter $b_0$ und $b_1$ der empirischen Regressionsgeraden nach der Methode der kleinsten Quadrate . . . . .	96
7.4.2	Die Regressionsrechnung bei gruppiertem Datenmaterial . . . . .	102
7.4.2.1	Berechnung der Parameter $b_0$ und $b_1$ der empirischen Regressionsgeraden bei gruppiertem Datenmaterial . . . . .	105
7.4.3	Die Korrelationsrechnung . . . . .	108
7.4.3.1	Der Korrelationskoeffizient . . . . .	108
7.4.3.2	Die Streuungszerlegung . . . . .	111
7.4.3.3	Das Bestimmtheitsmaß . . . . .	113
7.4.3.4	Zusammenhang zwischen dem Bestimmtheitsmaß $B$ und dem Korrelationskoeffizienten $r$ . . . . .	114
	Übungsaufgaben . . . . .	116
8.	Maß- und Indexzahlen . . . . .	121
8.1	Verhältniszahlen . . . . .	122
8.1.1	Meßziffern . . . . .	123
8.1.2	Gliederungszahlen . . . . .	124
8.1.3	Beziehungszahlen . . . . .	125
8.1.4	Meßzifferreihen . . . . .	130
8.1.5	Umbasierung von Meßziffernreihen . . . . .	131
8.2	Standardisierung . . . . .	133
8.3	Indexzahlen . . . . .	140
8.3.1	Preisindizes . . . . .	140
8.3.2	Preisindizes für die Lebenshaltung . . . . .	146
8.3.3	Weitere Preisindizes . . . . .	148
8.3.4	Deflationierung mit Hilfe von Preisindizes .	151
8.4	Mengen- und Volumenindizes . . . . .	153
8.4.1	Index der Outputmengen . . . . .	153
8.4.2	Index der Umsätze . . . . .	154
8.4.3	Volumenindizes . . . . .	154
8.4.4	Index der industriellen Nettoproduktion (NPI) . . . . .	155
	Übungsaufgaben . . . . .	163

9.	Bestandsmassen und Bewegungsmassen . . . . .	169
9.1	Abgrenzung der Begriffe . . . . .	169
9.2	Fortschreibungsmodelle . . . . .	172
9.2.1	Der Durchschnittsbestand in einem Fortschreibungsmodell . . . . .	173
9.2.2	Kennziffern für Fortschreibungsmodelle . . .	175
9.3	Bestandsmässen . . . . .	179
9.3.1	Erhebungsmöglichkeiten . . . . .	179
9.3.2	Die demographische Struktur einer Bevölkerung	181
9.3.2.1	Gliederung nach dem Geschlecht . . . . .	182
9.3.2.2	Gliederung nach dem Alter . . . . .	185
9.3.2.3	Gliederung der Bevölkerung nach der Erwerbsbeteiligung und dem Lebensunterhalt . . . .	191
9.4	Bewegungsmassen . . . . .	195
9.4.1	Die zeitliche Veränderung einer Bevölkerungsstruktur . . . . .	195
	Übungsaufgaben . . . . .	204
10.	Zeitreihenanalyse . . . . .	211
10.1	Bewegungskomponenten von Zeitreihen . . . .	211
10.2	Bestimmung der glatten Komponente einer Zeitreihe . . . . .	217
10.2.1	Die Methode der kleinsten Quadrate . . . . .	217
10.2.2	Die Methode der gleitenden Durchschnitte . .	222
10.3	Saisonbereinigung von Zeitreihen . . . . .	228
10.3.1	Saisonbereinigung bei additiver Verknüpfung.	230
10.3.2	Saisonbereinigung bei multiplikativer Verknüpfung . . . . .	235
10.3.2.1	Das Phasendurchschnittsverfahren . . . . .	235
10.3.2.2	Das Gliedziffererverfahren nach Person . . . .	238
10.4	Übersicht über Bestimmung der einzelnen Komponenten einer Zeitreihe . . . . .	242
10.4.1	Simultane Bestimmung . . . . .	242
10.4.2	Sukzessive Bestimmung . . . . .	242
	Übungsaufgaben . . . . .	244
11.	Teilerhebungen . . . . .	251
11.1	Total- und Teilerhebungen . . . . .	251
11.2	Auswahlverfahren . . . . .	252

11.3	Stichprobenerhebungen . . . . .	255
11.3.1	Das einfache Stichprobenverfahren . . . . .	255
11.3.2	Das geschichtete Stichprobenverfahren . . . . .	259
11.3.3	Die Klumpenstichprobe . . . . .	262
11.3.4	Mehrstufige Stichprobenverfahren . . . . .	263
11.4	Induktive und deduktive Schlußweise in der Statistik . . . . .	265
12.	Grundzüge der Wahrscheinlichkeitsrechnung .	267
12.1	Der Begriff des zufälligen Ereignisses . . . .	267
12.2	Der Begriff der Wahrscheinlichkeit . . . . .	270
12.2.1	Die klassische Definition der Wahrscheinlichkeit nach Laplace. . . . .	270
12.2.2	Beispiele zur Berechnung von Wahrscheinlichkeiten . . . . .	272
12.2.3	Kritik an dem Laplace'schen Wahrscheinlichkeitsbegriff . . . . .	277
12.2.4	Die Häufigkeitsdefinition der Wahrscheinlichkeit nach R.von Mises. . . . .	281
12.3	Grundlagen der Wahrscheinlichkeitstheorie .	282
12.3.1	Das Rechnen mit zufälligen Ereignissen . . . .	284
12.3.2	Das Axiomensystem von Kolmogorov . . . . .	288
12.3.3	Bedingte Wahrscheinlichkeiten und stochastisch unabhängige Ereignisse . . . . .	293
12.3.4	Totale (vollständige) Wahrscheinlichkeit . . .	298
12.3.5	Der Satz von Bayes . . . . .	302
	Übungsaufgaben . . . . .	305
13.	Zufallsvariable und Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	309
13.1	Begriff der Zufallsvariablen . . . . .	309
13.2	Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	312
13.2.1	Die Verteilungsfunktion $F(x)$ . . . . .	312
13.2.2	Die Wahrscheinlichkeitsfunktion $p(x)$ . . . . .	315
13.2.3	Die Wahrscheinlichkeitsdichte oder Dichtefunktion $f(x)$ . . . . .	317
13.3	Momente von Wahrscheinlichkeitsverteilungen. .	320
13.3.1	Der Erwartungswert . . . . .	321
13.3.2	Die Varianz . . . . .	323
13.3.3	Das Konzept der Momente von Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	325

13.4	Zweidimensionale Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	328
13.4.1	Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	328
13.4.2	Momente der gemeinsamen Verteilung und der Randverteilungen . . . . .	335
13.4.3	Berechnung des Erwartungswertes und der Varianz für Verknüpfungen von zwei Zufallsvariablen . . . . .	337
	Übungsaufgaben . . . . .	340
14.	Einige spezielle Wahrscheinlichkeitsverteilungen . . . . .	345
14.1	Die Binomialverteilung (BV) . . . . .	347
14.1.1	Wahrscheinlichkeitsfunktion und -verteilung. . . . .	347
14.1.2	Graphische Darstellung . . . . .	352
14.1.3	Momente der Binomialverteilung . . . . .	354
14.1.4	Anwendungen der Binomialverteilung . . . . .	354
14.2	Die Hypergeometrische Verteilung (HV) . . . . .	356
14.2.1	Wahrscheinlichkeitsfunktion und -verteilung. . . . .	356
14.2.2	Momente der hypergeometrischen Verteilung . . . . .	358
14.2.3	Vergleich der hypergeometrischen Verteilung und der Binomialverteilung . . . . .	358
14.2.4	Beispiele für die Anwendung der hypergeometrischen Verteilung . . . . .	360
14.3	Die Poissonverteilung (PV) . . . . .	361
14.3.1	Wahrscheinlichkeitsfunktion und -verteilung. . . . .	361
14.3.2	Anwendungen der Poissonverteilung . . . . .	364
14.3.3	Vergleich der Poissonverteilung und der Binomialverteilung . . . . .	366
14.4	Die Normalverteilung (NV) . . . . .	368
14.4.1	Die zweiparametrische Schar von Normalverteilungen, die standardisierte Normalverteilung . . . . .	369
14.4.2	Das Rechnen mit normalverteilten Zufallszahlen . . . . .	373
14.4.3	Die Normalverteilung als Näherungsverteilung für bestimmte Verteilungstypen . . . . .	381
14.4.3.1	Approximation der Binomialverteilung durch die Normalverteilung . . . . .	382
14.4.3.2	Approximation der Poissonverteilung durch die Normalverteilung . . . . .	383

14.4.4	Lineare Funktionen mehrerer normalverteilter Zufallsvariablen . . . . .	385
14.4.5	Der zentrale Grenzwertsatz . . . . .	388
	Übungsaufgaben . . . . .	390
15.	Einführung in die Schätztheorie . . . . .	395
15.1	Grundlage der Punktschätzung . . . . .	396
15.1.1	Der Begriff der Schätzfunktion (Stichprobenfunktion) . . . . .	396
15.1.2	Wünschenswerte Eigenschaften von Schätzfunktionen . . . . .	399
15.1.2.1	Die Erwartungstreue (Unverfälschtheit, unbiasedness) . . . . .	399
15.1.2.2	Die asymptotische Erwartungstreue . . . . .	402
15.1.2.3	Die absolute Effizienz . . . . .	403
15.1.2.4	Die Konsistenz . . . . .	404
15.1.3	Methoden zur Konstruktion von Schätzfunktionen . . . . .	405
15.1.3.1	Die Momentenmethode . . . . .	405
15.1.3.2	Die Maximum-Likelihood Methode . . . . .	405
15.1.3.3	Anwendung der Maximum-Likelihood Methode . . . . .	409
15.2	Grundlagen der Intervallschätzung . . . . .	412
15.3	Der Stichprobenumfang . . . . .	420
	Übungsaufgaben . . . . .	424
16.	Einführung in die Testtheorie . . . . .	429
16.1	Grundbegriffe der Testtheorie . . . . .	429
16.1.1	Die statistische Hypothese . . . . .	429
16.1.2	Der statistische Test . . . . .	429
16.1.3	Formen der statistischen Hypothesen . . . . .	430
16.2	Fehlermöglichkeiten bei statistischen Tests . . . . .	431
16.3	Das Prinzip des statistischen Tests . . . . .	435
16.4	Parametertests . . . . .	437
16.4.1	Signifikanztests . . . . .	437
16.4.2	Alternativtests . . . . .	443
16.5	Die Gütfunktion eines statistischen Tests . . . . .	446
	Übungsaufgaben . . . . .	453
	Literaturverzeichnis . . . . .	457