

# Inhaltsverzeichnis

<b>Vorwort</b> .....	V
<b>1 Einleitung</b> .....	1
1.1 Zum Begriff Skalierung .....	1
1.2 Skalenniveaus als Transformierbarkeit .....	3
1.3 Skalenniveaus in der empirischen Forschung .....	7
1.4 Übungsaufgaben .....	8
<b>2 Skalierung als numerisches Etikettieren</b> .....	11
2.1 Regelgeleitetes Klassifizieren und Quantifizieren .....	11
2.2 Items: Fragen und zulässige Antworten .....	13
2.2.1 Itemformen .....	15
2.2.2 Zur Formulierung von Items .....	15
2.2.3 Qualitative Items .....	17
2.2.4 Quantitative Items .....	20
2.2.5 Likert-Items .....	21
2.2.6 Kunin-Gesichter, BARS und semantisches Differential .....	22
2.3 Antwortformate bei Kategorienskalen .....	25
2.3.1 Anzahl der Skalenkategorien .....	26
2.3.2 Verbale Etikettierung der Antwortskalen .....	26
2.3.3 Numerische Etikettierungen .....	30
2.3.4 Die mittlere Skalenkategorie .....	32
2.3.5 Weiß-Nicht Kategorien .....	33
2.4 Rankings .....	33
2.5 Paarvergleiche .....	36
2.6 Zur Psychologie der Beantwortung von Items .....	37
2.7 Übungsaufgaben .....	39
<b>3 Triviale Skalierung</b> .....	41
3.1 Ikonen .....	41
3.1.1 Standardformen von Ikonen .....	42
3.1.2 Komplexere Ikonen .....	46
3.1.3 Optimierung von Ikonen .....	49
3.2 Clusteranalyse .....	50
3.2.1 Grundprinzip der hierarchischen Clusteranalyse .....	50
3.2.2 Clusterkriterien .....	53

3.2.3	Clusteranalyse am Beispiel .....	55
3.2.4	Ähnlichkeitsmaße für Clusteranalysen .....	57
3.2.5	Weitere Clusteranalyse-Varianten .....	60
3.2.6	Anwendung und Bewertung der Clusteranalyse .....	60
3.3	Übungsaufgaben .....	61
<b>4</b>	<b>Magnitude-Skalierung</b> .....	<b>63</b>
4.1	Klassische Magnitude-Skalierung .....	63
4.2	Magnitude-Schätzwerte und objektive Größen .....	64
4.3	Cross-Modality Matching .....	67
4.4	Fehler und Bias .....	68
4.5	Magnitude- und Kategorien-Skalen .....	69
4.6	Magnitude- und Absolut-Skalierung .....	72
4.7	Übungsaufgaben .....	73
<b>5</b>	<b>Saaty-Skalierung</b> .....	<b>75</b>
5.1	Magnitude-Skalierung für vollständige Paarvergleiche .....	75
5.2	Skalen für inkonsistente Paarvergleiche .....	77
5.3	Statistische Signifikanz der Konsistenz .....	80
5.4	Hierarchische Modelle .....	82
5.5	Datenerhebung und Skalierung bei vielen Objekten .....	86
5.6	Übungsaufgaben .....	89
<b>6</b>	<b>Fechner-Skalierung</b> .....	<b>91</b>
6.1	Die Grundidee der Fechner-Modelle .....	91
6.2	LCJ-Skalierung .....	93
6.2.1	Wahrnehmungsverteilungen .....	93
6.2.2	Dominanzurteile bei zwei Reizen .....	94
6.2.3	Wahrscheinlichkeitsverteilung der subjektiven Differenzen ..	96
6.2.4	Dominanzwahrscheinlichkeiten und subjektive Differenzen ..	97
6.2.5	Eine Anwendung: Skalierung der Schwere von Verbrechen... ..	99
6.2.6	Güte der LCJ-Skala .....	101
6.2.7	Existenz und Skalenniveau .....	103
6.2.8	Ein komplexeres Anwendungsbeispiel .....	105
6.2.9	Alternative Formen der Datenerhebung .....	106
6.2.10	Probleme der LCJ-Skalierung .....	106
6.3	BTL-Skalierung .....	107
6.3.1	Das Auswahlaxiom und seine Folgen .....	107
6.3.2	BTL-Skalenwerte .....	108
6.3.3	BTL- versus LCJ-Skala .....	109
6.3.4	Güte der BTL-Skala .....	110
6.4	Direkte Fechner-Skalierung .....	111
6.4.1	Direktes Skalieren durch Probieren .....	112
6.4.2	Skalierungs-Kriterien .....	114
6.4.3	Metrische Fechner-Modelle .....	115
6.4.4	Computerprogramme .....	116
6.4.5	Direkte Skalen versus LCJ-Skalen .....	116
6.4.6	Skalenniveaus der direkten Modelle .....	118
6.4.7	Einige Schlussbemerkungen zu Fechner-Modellen .....	119
6.5	Übungsaufgaben .....	120

<b>7</b>	<b>Skalogramm-Analyse (Guttman-Skalierung)</b>	123
7.1	Die perfekte Skala	123
7.2	Bestimmung der Fehler	125
7.3	Der Reproduzierbarkeitskoeffizient als Gütemaß	127
7.3.1	Maximal mögliche Fehler	128
7.3.2	Eine Anwendung: Skalierung von Symptomen der Gefechtsangst	129
7.3.3	Varianten bei der Fehlerbestimmung	129
7.4	Vorgehen bei Nicht-Skalierbarkeit	130
7.4.1	Halbordnung und lineare Ordnung von Profilen	130
7.4.2	Skalenanalyse versus Skalenkonstruktion	132
7.4.3	Dominante Guttman-Skala	132
7.5	Einschränkungen und Erweiterungen	133
7.5.1	Guttman-Skalierung von Einstellungsitems	133
7.5.2	Mehrkategorielle Erweiterungen	134
7.6	Übungsaufgaben	136
<b>8</b>	<b>Mehrdimensionale Struktupelanalyse</b>	139
8.1	Halbordnungs-Struktupelanalyse (POSAC)	139
8.1.1	Eine kleine Batterie von Rechenaufgaben	139
8.1.2	Basiskoordinaten und Rollen der Facetten	141
8.1.3	Eine Anwendung: Kommunikation bei Geiselnahmen	143
8.2	Multidimensionale Struktupelanalyse (MSA)	145
8.2.1	Prinzipien der MSA	146
8.2.2	Eine Anwendung: Reaktionen auf Frustrationen	147
8.3	Handlösungen von Skalierungsproblemen	150
8.4	Übungsaufgaben	151
<b>9</b>	<b>Multidimensionale Skalierung (MDS)</b>	153
9.1	Erstellung einer MDS-Konfiguration aus Distanzen	153
9.1.1	Rekonstruktion einer Karte aus einer Entfernungstabelle	153
9.1.2	Verallgemeinerung der Karten-Rekonstruktion	155
9.2	MDS in der psychologischen Forschung	156
9.2.1	MDS als psychologisches Modell	157
9.2.2	MDS zur Strukturanalyse von Proximitätsstrukturen	159
9.3	Durchführung einer MDS	161
9.3.1	Güte der MDS-Darstellung	161
9.3.2	Bewertung des Stress	163
9.3.3	MDS-Modelle	165
9.3.4	MDS-Algorithmen und degenerierte Lösungen	167
9.3.5	Probleme fehlender und grob gerasterter Daten	169
9.4	Interpretationsansätze in der MDS	170
9.4.1	Dimensionen, Richtungen, Regionen und Cluster	170
9.4.2	MDS-Interpretation mit externen Hilfen	174
9.5	Prokrustische Transformationen	175
9.6	Individuelle Unterschiedsmodelle	177
9.7	Bewertung von MDS-Lösungen	178
9.7.1	Modellfit und Stress	178
9.7.2	Konfirmatorische MDS	180
9.8	Übungsaufgaben	182

<b>10</b>	<b>Unfolding</b> .....	185
10.1	Prinzipien des Unfoldings .....	185
10.1.1	Falten und Entfalten .....	186
10.1.2	I-Skalen und J-Skalen .....	189
10.2	Unfolding-Daten als Ähnlichkeitsdaten .....	190
10.2.1	Zur MDS von Unfolding-Daten .....	191
10.2.2	Unfolding verschieden verzahnter Daten .....	192
10.3	Eine Anwendung: Skalierung von Parteipräferenzen .....	195
10.4	Übungsaufgaben .....	198
<b>11</b>	<b>Faktorenanalyse</b> .....	201
11.1	Ein einfaches Beispiel zur Einführung .....	201
11.1.1	Beobachtete Scores und latente Faktoren .....	201
11.1.2	Faktorwerte, Faktorextraktion und Faktorladungen .....	202
11.1.3	Faktor-Rotation und Interpretation .....	205
11.1.4	Faktorenanalyse von fehlerbehafteten Daten .....	206
11.2	Geometrische Betrachtungen der Faktorenanalyse .....	207
11.2.1	Variablen- und Personenraum .....	208
11.2.2	Dimensionalität einer Vektorkonfiguration .....	210
11.2.3	Rotation der Vektorkonfiguration .....	212
11.2.4	Faktoren im Personenraum .....	213
11.2.5	Approximation komplexer Daten durch Hauptkomponenten .....	214
11.3	Algebraische Darstellung der Faktorenanalyse .....	218
11.4	Eine Anwendung: Analyse der Wortbedeutung bei Kindern .....	219
11.4.1	Festlegung der Zahl der Faktoren .....	219
11.4.2	Schiefwinklige Drehungen .....	224
11.4.3	Prokrustische Drehungen .....	227
11.5	Faktorenanalyse gemeinsamer Faktoren .....	229
11.5.1	Intelligenzmodelle .....	230
11.5.2	Bestimmung der Kommunalität .....	231
11.5.3	Hauptkomponentenanalyse versus Faktorenanalyse gemeinsamer Faktoren .....	232
11.6	Faktorenanalyse, MDS und Clusteranalyse .....	233
11.7	Explorative versus konfirmatorische Faktorenanalyse .....	234
11.8	Übungsaufgaben .....	236
<b>12</b>	<b>Strukturgleichungsmodellierung (SEM)</b> .....	239
12.1	Faktorenanalyse und Strukturgleichungsmodellierung .....	239
12.1.1	Hauptkomponentenanalyse .....	240
12.1.2	Faktorenanalyse gemeinsamer Faktoren .....	241
12.1.3	Ein einfaktorielles Modell .....	243
12.1.4	Zwei zweifaktorielle Modelle .....	245
12.2	Modelle mit endogenen Faktoren .....	247
12.3	Erstellung von Pfaddiagrammen .....	249
12.4	Rückrechnung von Korrelationen aus Pfadgewichten .....	251
12.5	SEM von Varianz-Kovarianz-Daten .....	252
12.6	Fitindizes und ihre Beurteilung .....	253
12.7	Eine Anwendung: Zum Zusammenhang von Arbeitszufriedenheit und Leistung .....	256
12.8	Strategien der Modellierung .....	262

12.9 Probleme der Strukturgleichungsmodellierung .....	264
12.10 Übungsaufgaben .....	267
<b>13 Conjoint Measurement .....</b>	<b>271</b>
13.1 Grundideen des Conjoint Measurements .....	271
13.2 Ein einfaches Beispiel zur Einführung .....	272
13.3 Eine typische Anwendung des CM .....	275
13.4 CM-Modelle und Skalenniveau .....	278
13.5 Rechentchnische Aspekte des ordinalen CM .....	280
13.5.1 Iterative Optimierung der Modellanpassung .....	280
13.5.2 Degenerierte Lösungen .....	281
13.6 Lineares Conjoint Measurement .....	282
13.7 Bedeutsamkeit einer CM-Lösung .....	286
13.8 Normierung der Teilnutzenskalen .....	287
13.9 Varianten der Datenerhebung .....	288
13.9.1 Die Trade-Off Methode .....	288
13.9.2 Reduzierte Erhebungspläne .....	291
13.9.3 Adaptives Conjoint Measurement .....	293
13.9.4 Paarvergleiche .....	295
13.10 Prüfung der CM-Skalierbarkeit ohne Skalierung .....	295
13.11 Zur Gültigkeit des CM .....	298
13.12 Erweiterungen und verwandte Methoden .....	299
13.13 Übungsaufgaben .....	300
<b>14 Skalenkonstruktion und Klassische Testtheorie .....</b>	<b>303</b>
14.1 Items und Skalen .....	303
14.2 Merkmale von Items .....	306
14.2.1 Formen von Items .....	306
14.2.2 Lösung eines Items .....	307
14.2.3 Itemcharakteristiken .....	307
14.3 Verfahren der Skalenkonstruktion .....	308
14.3.1 Methode der gleicherscheinenden Intervalle .....	309
14.3.2 Methode der sukzessiven Intervalle .....	311
14.3.3 Methode der summierten Ratings .....	313
14.3.4 Klassische Testtheorie .....	313
14.4 Schritte bei der Skalenkonstruktion .....	315
14.4.1 Festlegung des Gegenstandsbereichs .....	316
14.4.2 Konstruktion einer Testrohform .....	317
14.4.3 Erprobung der Testrohform an einer Analysestichprobe .....	319
14.4.4 Itemanalyse .....	320
14.4.5 Überprüfung der Qualität des Tests .....	324
14.4.6 Skalierung des Merkmals bei Personen .....	339
14.5 Einzelitems und sehr kurze Skalen .....	341
14.6 Übungsaufgaben .....	342
<b>15 Probabilistische Testtheorien .....</b>	<b>345</b>
15.1 Itemcharakteristiken und Itemkennwerte .....	345
15.2 Das Rasch-Modell .....	348
15.2.1 Invarianzeigenschaften des Rasch-Modells .....	350
15.2.2 Anwendung auf die Daten zur Gefechtsangst .....	351

15.2.3	Voraussetzungen des Rasch-Modells.....	353
15.3	Weitere Modelle für dichotome Daten .....	354
15.3.1	Das Birnbaum-Modell.....	355
15.3.2	Das drei-parametrische logistische Modell.....	356
15.3.3	Rasch, Birnbaum oder 3PL? .....	357
15.4	Bestimmung der Skalenwerte.....	358
15.4.1	Bestimmung der Likelihood.....	358
15.4.2	Bestimmung der Personenscores .....	360
15.4.3	Bestimmung der Itemscores.....	362
15.5	Bewertung des Modellfits .....	362
15.5.1	Likelihoodquotiententests.....	363
15.5.2	Globale Tests von Voraussetzungen und Eigenschaften .....	365
15.5.3	Item- und Personenindizes.....	368
15.6	Weitere probabilistische Modelle.....	371
15.6.1	Modelle für Items mit geordneten Antwortkategorien.....	371
15.6.2	Erweiterungen und Spezialfälle .....	375
15.7	Informationsfunktionen.....	377
15.8	Speziellere Anwendungsfelder .....	378
15.8.1	Differential Item Functioning .....	378
15.8.2	Computeradaptives Testen .....	381
15.8.3	Itemanalyse .....	384
15.9	Probabilistische versus Klassische Testtheorie .....	385
15.10	Übungsaufgaben .....	386
<b>16</b>	<b>Abschließende Anmerkungen zum Begriff Skalierung .....</b>	<b>389</b>
16.1	Traditionelle Unterscheidungen .....	389
16.2	Fünf allgemeinere theoretische Perspektiven .....	391
16.2.1	Skalierung und fundamentales Messen.....	391
16.2.2	Skalierung als bedingtes Messen .....	392
16.2.3	Skalierung als Testen von Strukturhypothesen.....	393
16.2.4	Skalierung als Mittel der Exploration .....	394
16.2.5	Skalierung als Indexbildung .....	395
16.3	Empirische Gesetze und mathematische Modellierung .....	396
16.4	Übungsaufgaben .....	398
<b>17</b>	<b>Lösungen zu Übungsaufgaben .....</b>	<b>399</b>
<b>18</b>	<b>Tabellen .....</b>	<b>429</b>
18.1	Normalverteilung .....	430
18.2	$\chi^2$ -Verteilung .....	432
	<b>Literaturverzeichnis .....</b>	<b>433</b>
	<b>Namenverzeichnis .....</b>	<b>455</b>
	<b>Stichwortverzeichnis .....</b>	<b>461</b>