

TABLE DES MATIÈRES

Avant-propos	1
1. Approximation des fonctions d'une variable réelle par des polynômes	5
Introduction	5
Interpolation polynomiale	5
1. Interpolation de Lagrange et d'Hermite	5
2. Majoration de l'erreur d'interpolation	8
3. Construction du polynôme d'interpolation de Lagrange	12
4. Stabilité et convergence de l'interpolation de Lagrange	15
Meilleure approximation polynomiale	20
5. Existence d'un polynôme de meilleure approximation	20
6. Le cas Hilbertien: polynômes orthogonaux	22
7. Meilleure approximation polynomiale au sens de Chebyshev	25
2. Intégration numérique	33
Introduction	33
1. Construction des méthodes d'intégration numérique composées	34
2. Étude générale de l'erreur dans les méthodes d'intégration numérique	38
3. Étude de l'erreur dans le cas des méthodes composées	42
4. Les méthodes d'intégration numérique de Gauss	45
5. Convergence des formules d'intégration numérique	47
6. Intégration des fonctions périodiques par la méthode des trapèzes	50
7. Les méthodes d'extrapolation à la limite	52
3. Généralités sur les équations différentielles	58
Introduction	58
1. Théorèmes d'existence	60
2. Théorèmes d'unicité	65
3. Influence des perturbations sur les données	69
4. Régularité de la solution	72

4. La méthode d'Euler	74
Introduction	74
1. Majoration de l'erreur	75
2. Effets des erreurs d'arrondis	79
3. Comportement asymptotique	80
4. Le contrôle du pas	83
5. La méthode d'Euler rétrograde	87
6. Problèmes bien posés, problèmes bien conditionnés, problèmes raides	89
5. Étude générale des méthodes à un pas	95.
Introduction	95
1. Notions de consistance, de stabilité et de convergence	96
2. Convergence des méthodes à un pas	97
3. Notion d'ordre d'une méthode à un pas. Etude de l'erreur de discréétisation	99
4. Exemples de méthodes à un pas	104
5. Stabilité et ordre des méthodes de Runge-Kutta	107
6. Le contrôle du pas. Méthodes emboîtées	115
6. Les méthodes d'Adams	120
Introduction	120
1. Description des méthodes d'Adams	121
2. Stabilité, ordre et convergence des méthodes d'Adams	126
3. Estimation asymptotique de l'erreur	130
4. Méthodes de prédition-correction	132
5. Étude des méthodes PECE	134
6. Le contrôle de l'ordre et du pas	138
7. La formulation de Krogh	144
7. La méthode des différentiations rétrogrades	150
Introduction	150
1. Description de la méthode	151
2. Étude de l'ordre	154
3. Stabilité des méthodes d'ordre 1 et 2	155
4. Stabilité à ordre fixe	158
5. Stabilité à ordre et pas variables	162
8. Une méthode d'extrapolation	168
Introduction	168
1. Stabilité de la méthode	168
2. Développement asymptotique de l'erreur	169
3. Quelques considérations pratiques	171
Commentaires bibliographiques	173
Bibliographie	175
Principales notations utilisées	177
Index	180