

# Inhalt

<b>Symbolverzeichnis</b>	<b>iii</b>
<b>1 Einleitung und Problemstellung</b>	<b>1</b>
<b>2 Theoretische Grundlagen</b>	<b>9</b>
2.1 Dynamische Systeme und Zustandsraumdarstellung . . . . .	9
2.2 Numerische Integration von Anfangswertproblemen . . . . .	11
2.2.1 Problemstellung . . . . .	11
2.2.2 Explizite Verfahren . . . . .	12
2.2.3 Implizite Verfahren . . . . .	13
2.2.4 Stabilität und steife Systeme . . . . .	13
2.3 Numerische Differentiation von Meßdaten . . . . .	16
2.3.1 Problemstellung . . . . .	16
2.3.2 Differenzenverfahren . . . . .	17
2.3.3 Mehrpunktdifferenzen- und Faltungsverfahren . . . . .	19
2.3.4 Differentiation mit Splines . . . . .	26
2.4 Parameterverfolgung in dynamischen Systemen . . . . .	29
2.4.1 Problemstellung . . . . .	29
2.4.2 Existenz und Eindeutigkeit von Lösungen . . . . .	30
2.5 Prädiktion und Schranken des zukünftigen Systemzustands . . . . .	35
2.5.1 Problemstellung . . . . .	35
2.5.2 Das Prädiktionsverfahren . . . . .	36
2.5.3 Nichtlineare Optimierung . . . . .	38
2.6 Epoxidierung von Sojaöl mit Persäuren . . . . .	41
<b>3 Das Modellsystem: Epoxidation von Sojaöl im CSTR</b>	<b>45</b>
3.1 Prozeßbeschreibung und Modellbildung . . . . .	45
3.2 Bilanzgleichungen . . . . .	51
3.2.1 Stoffmengenbilanzen . . . . .	51
3.2.2 Wärmebilanzen . . . . .	52
<b>4 Parameterverfolgung am Modellsystem</b>	<b>53</b>
4.1 Problemstellung . . . . .	53

<b>4.2</b>	<b>Existenz von Lösungen . . . . .</b>	<b>54</b>
<b>4.3</b>	<b>Bestimmungsgleichungen . . . . .</b>	<b>56</b>
<b>4.4</b>	<b>Realisierung . . . . .</b>	<b>59</b>
<b>4.4.1</b>	<b>Simulation der Meßdaten . . . . .</b>	<b>59</b>
<b>4.4.2</b>	<b>Glättung und Differentiation der Eingangsdaten . . . . .</b>	<b>61</b>
<b>4.4.3</b>	<b>Verifikation von Zustand und Ableitungen . . . . .</b>	<b>62</b>
<b>4.4.4</b>	<b>Bestimmung der Parameter . . . . .</b>	<b>63</b>
<b>4.4.5</b>	<b>Parametereinfluß . . . . .</b>	<b>64</b>
<b>4.5</b>	<b>Ergebnisse . . . . .</b>	<b>67</b>
<b>4.5.1</b>	<b>Allgemeines . . . . .</b>	<b>67</b>
<b>4.5.2</b>	<b>Voruntersuchungen unter Ausschluß von Meßfehlern . . . . .</b>	<b>69</b>
<b>4.5.2.1</b>	<b>Parameterreproduktion . . . . .</b>	<b>69</b>
<b>4.5.2.2</b>	<b>Parametereinfluß . . . . .</b>	<b>73</b>
<b>4.5.3</b>	<b>Ergebnisse bei Anwesenheit von Meßfehlern . . . . .</b>	<b>78</b>
<b>4.5.3.1</b>	<b>Parameter- und Zustandsreproduktion . . . . .</b>	<b>78</b>
<b>4.5.3.2</b>	<b>Einfluß von Samplingintervall und Filterbreite . . . . .</b>	<b>91</b>
<b>5</b>	<b>Realisierung der Prädiktion am Modellsystem</b>	<b>95</b>
<b>5.1</b>	<b>Problemstellung . . . . .</b>	<b>95</b>
<b>5.2</b>	<b>Reduktion der Optimierungsprobleme . . . . .</b>	<b>95</b>
<b>5.3</b>	<b>Numerische Optimierung . . . . .</b>	<b>96</b>
<b>5.4</b>	<b>Numerische Integration . . . . .</b>	<b>96</b>
<b>5.5</b>	<b>Ergebnisse . . . . .</b>	<b>98</b>
<b>6</b>	<b>Zusammenfassung</b>	<b>103</b>
<b>A</b>	<b>Parameter für Simulationsrechnungen</b>	<b>107</b>
<b>B</b>	<b>Mathematischer Anhang</b>	<b>109</b>
<b>B.1</b>	<b>Die Identität <math>\psi_\sigma * \dot{f}(t) = \dot{\psi}_\sigma * f(t) = \frac{d}{dt}(\psi_\sigma * f)(t)</math> . . . . .</b>	<b>109</b>
<b>B.2</b>	<b>Schranken, Supremum und Infimum . . . . .</b>	<b>110</b>
<b>B.3</b>	<b>Beweis: <math>\underline{x}(t) \leq x(t) \leq \bar{x}(t)</math> für alle <math>t</math> . . . . .</b>	<b>111</b>
<b>C</b>	<b>Zur Realisierung der Parameterverfolgung</b>	<b>115</b>
<b>C.1</b>	<b>Existenz von Lösungen . . . . .</b>	<b>115</b>
<b>C.2</b>	<b>Jacobimatrix des Modellsystems . . . . .</b>	<b>118</b>
<b>D</b>	<b>Zur Realisierung der Prädiktion</b>	<b>121</b>
<b>D.1</b>	<b>Gradienten der Zielfunktionen . . . . .</b>	<b>121</b>
<b>D.2</b>	<b>Variablen mit aktiven Nebenbedingungen . . . . .</b>	<b>121</b>
<b>Literaturverzeichnis</b>		<b>125</b>