

Inhalt des zweiten Bandes

	Zur Technik der Darstellung	IX
5.1.	Anwendungen der Analysis	201
5.1	Differentiation	201
5.1.1.	Lokale Diskussion von Graphen	201
5.1.2.	Unbestimmte Ausdrücke	211
5.1.3.	Nullstellenberechnung	214
5.1.4.	Ebene Kurven	217
5.2.	Integration	223
5.2.1.	Numerische Integration	223
5.2.2.	Graphische Integration	227
5.2.3.	Uneigentliche Integrale	229
5.2.4.	Bereichsintegrale	234
5.3.*	Kepler-Bewegung	254
6.	Reihenentwicklungen	260
6.1.	Fourier-Reihen	260
6.1.1.	Formale Fourier-Reihen	261
6.1.2.	Beispiele	264
6.1.3.*	Abschätzungen	269
6.1.4.*	Fourier-Integral	275
6.1.5.*	Hilbert-Raum	278
6.2.	Potenzreihen	282
6.2.1.	Konvergenz	283
6.2.2.	Rechnen mit Potenzreihen	286
6.2.3.	Potenzreihen elementarer Funktionen	292
6.2.4.*	Berechnung des Ellipsenumfanges	303
7.	Differentialgleichungen	307
7.1.	Beispiele und Vorbetrachtungen	307
7.1.1.	Erste Beispiele	307
7.1.2.	Beispiele aus der Mechanik	311
7.1.3.	Kurvenscharen	314
7.1.4.	Typen von Differentialgleichungen	320
7.1.5.	Anfangsbedingungen	325
7.2.	Elementare Methoden	328
7.2.1.	Reduktion der Ordnung	328
7.2.2.	Differentialgleichungen erster Ordnung	331

VI Inhalt des zweiten Bandes

7.3.	Lineare Differentialgleichungen	334
7.3.1.	Homogene lineare Differentialgleichungen	335
7.3.2.	Berechnung eines Fundamentalsystems im Falle konstanter Koeffizienten	337
7.3.3.	Allgemeine Methode zur Berechnung einer Partikularlösung	341
7.3.4.	Berechnung von Partikularlösungen in speziellen Fällen . . .	345
7.3.5.	Potenzreihenansatz	353
7.3.6.	Die schwingende Saite	355
8.	Mehrdimensionale Analysis	359
8.1.	Totale Differentialformen	360
8.1.1.	Allgemeine Kettenregel	360
8.1.2.	Gradientenfeld eines Skalarfeldes	372
8.2.	Kurvenintegrale	375
8.2.1.	Einführung	375
8.2.2.	Beispiele	376
8.2.3.	Konservative Felder	383
8.2.4.	Rotation eines Vektorfeldes	385
8.3.	Flächenintegrale	395
8.3.1.	Divergenz eines Vektorfeldes	396
8.3.2.	Harmonische Funktionen	398
8.4.	Kalkül der räumlichen Analysis	402
8.4.1.	Übergang zu anderen Koordinaten	402
8.4.2.	Produktregeln	405
8.4.3.	Ableitungen 2. Ordnung	405
8.4.4.	Integralsätze	406
	Übungsaufgaben zum 2. Band	407
	Stichwortregister	424

Inhalt des ersten Bandes

1.	Figuren und Funktionen	13
1.1.	Graphen	13
1.2.	Koordinaten	17
1.3.	Kurven und Flächen	23
1.4.	Kegelschnitte	25
2.	Lineare Geometrie	33
2.1.	Vektoren	34
2.2.	Verknüpfungen	36
2.2.1.	Addition	36
2.2.2.	Multiplikation mit Skalaren	38
2.2.3.	Lineare Abhängigkeit	38
2.2.4.	Skalare Multiplikation	40
2.2.5.	Vektorielle Multiplikation, Orientierung	41
2.3.	Rechenregeln	44
2.3.1.	Zusammenstellung	44
2.3.2.*	Beweisskizzen	47
2.4.	Numerische Berechnung	49
2.5.	Geometrische Anwendungen	52
2.5.1.	Trigonometrische Beispiele	52
2.5.2.	Geraden und Ebenen	56
2.5.3.	Grundaufgaben	59
2.5.4.	Drehungen	63
2.6.	Ebene Geometrie	66
2.6.1.	Vereinfachungen	67
2.6.2.*	Rollkurven	68
2.7.	Komplexe Zahlen	76
2.7.1.	Einführung	77
2.7.2.	Eigenschaften	79
2.7.3.	Rechentchnik	81
2.8.	Lineare Algebra	86
2.8.1.	Lineare Gleichungssysteme	86
2.8.2.	Determinanten	88
2.8.3.	Gauß-Algorithmus	90
2.8.4.	Matrizen	93
2.9.	Die Reichweite des Vektorbegriffes	98

VIII Inhalt des ersten Bandes

3.	Elementare Funktionen	100
3.1.	Rationale Funktionen	100
3.1.1.	Polynome	100
3.1.2.	Gebrochen rationale Funktionen	121
3.2.	Elementartranszendente Funktionen	130
3.2.1.	Kreisfunktionen	131
3.2.2.	Exponentialfunktionen	135
4.	Der analytische Kalkül	146
4.1.	Der Hauptsatz	147
4.1.1.	Ableitungen	147
4.1.2.	Flächenfunktionen	152
4.2.	Technik des Differenzierens	159
4.2.1.	Rechenregeln	159
4.2.2.	Grundformeln	161
4.2.3.	Beispiele und Zusätze	163
4.2.4.*	Beweise	168
4.3.	Technik des Integrierens	172
4.3.1.	Grundintegrale	172
4.3.2.	Rechenregeln	173
4.3.3.	Integration einiger Funktionenklassen	175
	Übungsaufgaben zum 1. Band	181
	Lebensdaten zitierter Forscher	195
	Griechisches Alphabet	196