

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Über dieses Buch</b> .....	<b>11</b>
1.1	Zum Inhalt dieses Buches .....	12
1.2	Danksagung .....	14
<b>2</b>	<b>Hypothesentestung</b> .....	<b>15</b>
2.1	Einleitende Übersicht.....	16
2.2	Einführung in die Hypothesentestung .....	17
2.3	Statistische Tests .....	24
2.4	Signifikanztests .....	27
2.5	Gauß-Test.....	32
2.5.1	Zweiseitiger Gauß-Test.....	32
2.5.2	Einseitiger Gauß-Test .....	33
2.6	$p$ -Wert.....	35
2.7	Fehler und Fehlerwahrscheinlichkeiten .....	39
2.8	Power.....	40
2.8.1	Power des Gauß-Tests .....	44
2.8.2	Einflussfaktoren auf die Power.....	48
2.8.3	Stichprobenumfang für den Gauß-Test .....	51
2.9	Gütefunktion .....	53
2.10	Hypothesentestung mittels Bootstrap-Verfahren .....	58
	Zusammenfassung .....	63
	Zentrale Begriffe.....	64
	Notation .....	66
<b>3</b>	<b>Einstichprobentests</b> .....	<b>67</b>
3.1	Einstichprobentests für den Erwartungswert .....	68
3.1.1	Gauß-Test.....	68
3.1.2	$t$ -Test .....	70
3.1.3	Approximativer $t$ -Test.....	75
3.2	Einstichprobentest für die Varianz.....	76
3.3	Einstichprobentests für den Anteilswert.....	79
3.3.1	Exakter Binomialtest .....	80
3.3.2	Approximativer Binomialtest .....	84

3.4	Einstichprobentests für den Median.....	85
3.4.1	Einstichproben-Vorzeichentest .....	85
3.4.2	Wilcoxon-Vorzeichen-Rangtest .....	88
3.5	Vergleich der Testgüte der Einstichprobentests für den Erwartungswert .	90
3.6	Software.....	92
3.6.1	Einstichproben- $t$ -Test.....	92
3.6.2	Einstichproben-Vorzeichen-Test .....	93
3.6.3	Wilcoxon-Vorzeichen-Rangtest .....	93
3.6.4	Binomialtest.....	94
	Zusammenfassung .....	95
	Zentrale Begriffe.....	97
	Notation .....	98
<b>4</b>	<b>Anpassungstests .....</b>	<b>99</b>
4.1	Grafische Verfahren zur Überprüfung einer Verteilungsannahme.....	100
4.1.1	Quantil-Quantil-Plot .....	100
4.1.2	Normal-Quantil-Plot .....	102
4.2	Tests zur Überprüfung einer Verteilungsannahme .....	104
4.2.1	Shapiro-Wilk-Test.....	105
4.2.2	Kolmogorov-Smirnov-Test .....	106
4.3	$\chi^2$ -Anpassungstest.....	108
4.3.1	$\chi^2$ -Anpassungstest für ein kategoriales Merkmal .....	108
4.3.2	$\chi^2$ -Anpassungstest für gruppierte Daten .....	110
4.4	Vergleich der Anpassungstests.....	113
4.5	Software.....	113
4.5.1	NQ-Plot, Shapiro-Wilk-Test und Kolmogorov-Smirnov-Test .....	113
4.5.2	$\chi^2$ -Anpassungstests .....	116
	Zusammenfassung .....	117
	Zentrale Begriffe.....	118
	Notation .....	119
<b>5</b>	<b>Tests für Zusammenhänge von Variablen .....</b>	<b>121</b>
5.1	Tests für die Produkt-Moment-Korrelation .....	123
5.1.1	Tests auf der Basis der bivariaten Normalverteilung .....	123
5.2	Permutationstest.....	128
5.3	Tests für ordinale Korrelationskoeffizienten .....	131
5.3.1	Spearman's Rangkorrelation .....	131
5.3.2	Kendalls Rangkorrelation .....	133

5.3.3	Power für die Tests zur Korrelation .....	135
5.4	Tests für Zusammenhangsmaße für nominalskalierte Variablen .....	135
5.4.1	Modellannahmen .....	136
5.4.2	$\chi^2$ -Unabhängigkeitstest .....	138
5.4.3	$\chi^2$ -Homogenitätstest .....	141
5.4.4	Exakter Test von Fisher-Yates .....	142
5.4.5	Test für das Odds Ratio .....	143
5.5	Software .....	146
5.5.1	Tests für den Zusammenhang von intervall- und ordinalskalierten Variablen .....	146
5.5.2	Tests für den Zusammenhang von nominalskalierten Variablen .....	148
5.5.3	Test für das Odds Ratio .....	148
	Zusammenfassung .....	150
	Zentrale Begriffe .....	151
	Notation .....	152
<b>6</b>	<b>Zweistichprobentests.....</b>	<b>153</b>
6.1	Zweistichprobentests für Lageunterschiede für unabhängige Stichproben .....	158
6.1.1	Zweistichproben-Z-Test für unabhängige Stichproben .....	160
6.1.2	Zweistichproben- $t$ -Test für homogene Varianzen .....	167
6.1.3	Zweistichproben- $t$ -Test für heterogene Varianzen .....	171
6.1.4	Zweistichproben- $t$ -Test für heterogene Varianzen mit White-Korrektur ...	175
6.1.5	Randomisierungstest für Mittelwertdifferenzen .....	179
6.1.6	Wilcoxon-Rangsummentest.....	182
6.1.7	Zweistichproben-Kolmogorov-Smirnov-Test .....	186
6.1.8	Testauswahl .....	189
6.2	Zweistichprobentests für Lageunterschiede für abhängige Stichproben .....	190
6.2.1	$t$ -Test für abhängige Stichproben .....	190
6.2.2	Vorzeichenstest für abhängige Stichproben .....	193
6.2.3	Wilcoxon-Vorzeichen-Rangtest für abhängige Stichproben .....	196
6.3	Zweistichprobentests für Varianzen .....	199
6.3.1	$F$ -Test für Varianzen.....	199
6.3.2	Zweistichproben-Levene-Test.....	201
6.4	Zweistichprobentest für Anteilswerte .....	203
6.5	Zweistichprobentest für Produkt-Moment-Korrelationen .....	205
6.6	Software .....	207
6.6.1	Zweistichproben- $t$ -Test und Levene-Test.....	207

6.6.2	Randomisierungs- und Rangtests für zwei unabhängige Stichproben .....	210
6.6.3	$t$ -Test für abhängige Stichproben .....	213
6.6.4	Nichtparametrische Tests für zwei abhängige Stichproben .....	214
6.6.5	$F$ -Test für Varianzen .....	215
	Zusammenfassung .....	216
	Zentrale Begriffe .....	218
	Notation .....	220
<b>7</b>	<b>Varianzanalyse ohne Messwiederholung .....</b>	<b>221</b>
7.1	Einfaktorielle Varianzanalyse ohne Messwiederholung .....	224
7.1.1	Modell .....	224
7.1.2	Hypothesen .....	229
7.1.3	Hypothesentest .....	229
7.1.4	Effektstärke .....	233
7.1.5	Power .....	235
7.1.6	Überprüfung der Voraussetzungen .....	236
7.1.7	Kontraste .....	237
7.2	Multiples Testen .....	239
7.3	Multiples Testen für a priori aufgestellte Hypothesen .....	240
7.3.1	Alpha-Fehler-Adjustierungen .....	240
7.3.2	A-priori-Tests für den Vergleich von Erwartungswerten .....	243
7.4	Post-hoc-Tests für den Vergleich von Erwartungswerten .....	245
7.5	Kruskal-Wallis-Test .....	249
7.6	Mehrstichproben-Levene-Test .....	253
7.7	Zweifaktorielle Varianzanalyse ohne Messwiederholung .....	255
7.7.1	Modell .....	256
7.7.2	Hypothesen .....	258
7.7.3	Hypothesentests .....	259
7.8	Effektstärke .....	265
7.9	Power .....	267
7.10	Überprüfung der Voraussetzungen .....	267
7.11	Software .....	268
7.11.1	Einfaktorielle Varianzanalyse .....	268
7.11.2	Multiple Tests .....	269
7.11.3	Zweifaktorielle Varianzanalyse .....	271
	Zusammenfassung .....	272
	Zentrale Begriffe .....	274
	Notation .....	276

<b>8</b>	<b>Varianzanalysen mit Messwiederholung .....</b>	<b>277</b>
8.1	Versuchspläne mit Messwiederholung .....	279
8.2	Einfaktorielle Varianzanalyse mit Messwiederholung .....	282
8.2.1	Modell .....	283
8.2.2	Hypothesen .....	285
8.2.3	Hypothesentests .....	285
8.2.4	Effektstärke .....	290
8.2.5	Power .....	291
8.2.6	Überprüfung der Voraussetzungen .....	291
8.2.7	Friedman-Test .....	294
8.3	Varianzanalyse mit zwei Within-Subjects-Faktoren .....	296
8.3.1	Modell .....	297
8.3.2	Hypothesen .....	299
8.3.3	Hypothesentests .....	300
8.3.4	Effektstärke .....	305
8.3.5	Power .....	306
8.3.6	Überprüfung der Voraussetzungen .....	306
8.4	Varianzanalyse mit einem Between- und einem Within-Subjects-Faktor .	307
8.4.1	Modell .....	308
8.4.2	Hypothesen .....	311
8.4.3	Hypothesentests .....	311
8.4.4	Effektstärke .....	315
8.4.5	Power .....	315
8.4.6	Überprüfung der Voraussetzungen .....	316
8.5	Software .....	316
8.5.1	Einfaktorielle Varianzanalyse mit Messwiederholung .....	316
8.5.2	Friedman-Test .....	318
8.5.3	Varianzanalyse mit zwei Within-Subjects-Faktoren .....	319
8.5.4	Varianzanalyse mit einem Between- und einem Within-Subjects-Faktor .	320
	Zusammenfassung .....	322
	Zentrale Begriffe .....	323
	Notation .....	324
<b>9</b>	<b>Das allgemeine lineare Modell .....</b>	<b>325</b>
9.1	Grundlagen des allgemeinen linearen Modells .....	326
9.2	Tests für einzelne Regressionskoeffizienten .....	328
9.3	Tests für die erklärte Gesamtvariation .....	331
9.4	Die allgemeine lineare Hypothese .....	333
9.5	Allgemeines lineares Modell mit kategorialen Prädiktoren .....	336

9.5.1	Zweistichproben- <i>t</i> -Test als lineares Modell .....	336
9.5.2	Einfaktorielle Varianzanalyse ohne Messwiederholung als lineares Modell .....	341
9.5.3	Zweifaktorielle Varianzanalyse ohne Messwiederholung als lineares Modell .....	347
9.5.4	Einfaktorielle Varianzanalyse mit Messwiederholung als lineares Modell .....	350
9.5.5	Kovarianzanalyse als lineares Modell .....	353
9.6	Power .....	358
9.7	Überprüfung der Voraussetzungen .....	359
9.8	Software .....	362
9.8.1	Multiple Regression .....	362
9.8.2	Allgemeine lineare Hypothese .....	363
9.8.3	White-Korrektur .....	364
	Zusammenfassung .....	365
	Zentrale Begriffe .....	366
	Notation .....	367
	<b>Anhang .....</b>	<b>369</b>
	Literatur .....	371
	Glossar .....	376
	Sachregister .....	383
	Verteilungstabellen .....	386