\$	Seite
I. Tafeln	. 1
Tafel 1. Näherungsformeln	. 1
Tafel 1. Näherungsformeln	
und Kreisflächen	
Tafel 3. Mantissen der gewöhnlichen (Briggsschen) Logarithmen	
Tafel 4. Kreisfunktionen	
Tafel 5. Kreis-, Exponential- und Hyperbelfunktionen	
Tafel 6. Kreis-, Exponential- und Hyperbelfunktionen (Zusatztafel) für die Argument	
werte $\pi/4$, $\pi/2$, $3\pi/4$, π , $5\pi/4$, $3\pi/2$, $7\pi/4$, 2π	
Tafel 7. Kugelinhalte für die Durchmesser $d = 1$ bis 200	
Tafel 8. Bogenlängen, Bogenhöhen, Sehnenlängen und Kreisabschnitte für den Radius	
Tafel 9. Länge der Kreisbogen für den Radius 1	
Tafel 10. Elliptisches Integral I. Gattung $F(\varphi, k)$, $k = \sin \alpha$	
Tafel 11. Elliptisches Integral II. Gattung $E(\varphi, k)$, $k = \sin \alpha$	
Tafel 12. Vollständige elliptische Integrale	
Tafel 13. Binomialkoeffizienten $\binom{n}{1}$ bis $\binom{n}{15}$. 55
Tafel 14. Quadrat- und Kuhikwurzeln einiger Brüche	. 55
Tafel 15. Wichtige Zahlenwerte von π , g und e	. 55
Tafel 16. Übergang von neuer Winkelteilung in alte Teilung und umgekehrt	. 56
Tafel 17. Verwandlung von Neuminute (c), Neusekunde (cc) in Altminute ('), Altsekunde (") 58
Tafel 18. Primzahlen	. 59
Tafel 19. Vielfache von π , $1/\pi$ u.ä	
Tafel 20. Einige Potenzen, Fakultäten und reziproke Fakultäten	. 60
Tafel 21. Pythagoreische Zahlen	. 61
Tafel 22. Lösungen einiger wichtiger transzendenter Gleichungen	. 61
Tafel 23. Nullstellen der Bessel-Funktionen $J_n(x_t) \approx 0 \dots$. 61
Tafel 24. Besselsche Funktionen	. 62
Tafel 25. Kugelfunktionen	. 66
Tafel 26. Gammafunktion	. 68
II. Arithmetik	. 68
A. Potenzen, Wurzeln, Logarithmen	68
a) Potenzen	. 68
b) Binomischer Satz	. 08
c) Regeln über Binomialkoeffizienten	. 69
d) Wurzeln	
e) Logarithmen	. 70
B. Komplexe Zahlen	. 70
C. Kombinatorik	. 72
a) Permutationen	. 72
b) Kombinationen	
c) Variationen	. 72
•	
D. Algebraische Gleichungen	
a) Quadratische Gleichungen	. 73
b) Gleichungen dritten Grades	. 73

Inhaltsverzeichnis	VII
c) Gleichungen vierten Grades d) Gleichungen höheren Grades e) Hurwitzsche Kriterien	74
E. Summenformeln	75 76
F. Zinseszins- und Rentenrechnung 1. Zinseszins (Tafel 27) 2. Wiederholte Zahlungen 3. Tilgung einer Schuld (Tafel 28)	7 7 7 7
III. Kreis- und Hyperbelfunktionen	79
A. Kreisfunktionen (trigonometrische Funktionen) a) Winkeleinheiten, Definitionen (Tafel 29) b) Beziehungen zwischen den Funktionen eines Winkels c) Beziehungen zwischen den Funktionen zweier Winkel d) Funktionen von Vielfachen und Teilen eines Winkels e) Potenzen von Sinus und Cosinus f) Arcusfunktionen g) Beziehungen zwischen den Funktionen dreier Winkel mit 180° als Summe	79 80 80 81 82 82
B. Ebene Dreiecke a) Allgemeine Formeln b) Rechtwinklige Dreiecke c) Näherungsformeln für ebene Dreiecke d) Schiefwinklige Dreiecke	84 85 85
C. Kugeldreiecke	87 87 88
D. Hyperbelfunktionen	88
E. Zusammenhänge zwischen Kreis-, Hyperbel-, Exponentialfunktionen und ihren Um- kehrungen im Komplexen	
IV. Differential- und Integralrechnung	91
A. Grenzwerte 1. Folge von Zahlen 2. Limes einer Funktion 3. Besondere Grenzwerte 4. Asymptotische Näherungen	91 91 91
B. Unendliche Reihen	
a) Binomische Reihe und Sonderfälle b) Exponential- und logarithmische Reihen c) Reihen für Kreisfunktionen, Arcusfunktionen und Hyperbelfunktionen d) Rechnen mit Potenzreihen 1. Produkt zweier Potenzreihen 2. Quotient zweier Potenzreihen 3. Potenzen einer Potenzreihe 4. Umkehrung einer Potenzreihe 6. Finien erzeiten ungendliche Reihen und Produkte	93 94 95 95 95 95

VIII

			Seite
	C.	Differentialrechnung	.99
		a) Stetigkeit, Differenzierbarkeit	99
		b) Differentiationsregeln	
		c) Ableitungen der elementaren Funktionen	99
		d) Ableitungen höherer Ordnung	
		e) Partielle Ableitungen, totale Differentiale	
		f) Unentwickelte (implizite) Funktionen	
		g) Mittelwertsatz und Taylorsche Formel	
		1. Mittelwertsatz	
		2. Taylorsche Formel	
		3. Taylorsche Reihe	102
		4. Taylorsche Formel für zwei Veränderliche	102
		h) Unbestimmte Formen	103
		i) Maxima und Minima	
		1. Funktion einer Veränderlichen	
		2. Funktion zweier oder mehrerer Veränderlicher	103
	ъ.	Integralrechnung	104
		a) Allgemeine Integrationsregeln	
		b) Unbestimmte Grundintegrale	
		d) Integration rationaler Funktionen	
		e) Integrale transzendenter Funktionen	
		f) Bestimmte Integrale	
		1. Definition	
		2. Regeln	
		3. Mittelwertsatz der Integralrechnung	
		4. Uneigentliche Integrale	
		5. Ungleichungen	
		6. Spezielle bestimmte Integrale	110
		g) Einige Integrale, die sich nicht auf elementare Funktionen zurückführen lassen.	110
		Integration durch Reihenentwicklung	118
		1. Integralsinus und Integralkosinus	
		2. Hyperbolischer Integralsinus und Integralkosinus	
		3. Integrallogarithmus und Exponentialintegral	119
		4. Gaußsches Fehlerintegral und Krampsche Transzendente	719
		5. Fresnelsche Integrale	119
		6. Gammafunktion und verwandte Funktionen (Gaußsche Pi- und Psi-Funktion	
		und Betafunktion)	120
		7. Elliptische Integrale	
		8. Legendresche Normalform	122
		9. Reduktion elliptischer Integrale	122
		10. Fundamentalintegrale in Legendrescher Normalform	123
		11. Elliptische Funktionen von Jacobi	123
		12. Weierstraßsche Normalform und Weierstraßsche Funktionen	
		13. Thetafunktionen	
	h	Mehrfache Integrale, Differentiation nach einem Parameter	126
		1. Doppelintegral	126
		2. Dreifaches Integral	
		3. Vertauschung der Integrationsvariablen	126
		4. Linienintegrale, Flächenintegrale, Gaußscher und Stokesscher Integralsatz	
		5. Differentiation eines Integrals	127
	Ė. T	Fouriersche Reihen und Integrale	127
		Periodische Vorgänge	
		Andere Vorzahlen und besondere Entwicklungen	
	4	THE TOTAL OF THE POPULATION AND MICHIGAN	
v.	Lin	eare Vektoralgebra	130
	A. 1	Vektoren	130
		1. Ortsvektor	130
		2. Freie Vektoren	130

Innaitsverzeichnis	1X
	Seite
3. Physikalische Begriffe	
4. Addition 5. Multiplikation mit Skalaren	
6. Lineare Abhängigkeit, Dimension	
7. Inneres Produkt	
8. Einheitsvektoren	132
9. Dreibeine	
10. Außeres Produkt	
11. Spatprodukt	
12. Formeln	
B. Koordinaten	
1. Koordinatensystem	
2. Radiusvektor	
3. Kartesische Koordinaten	
5. Richtung im Raum	
6. Koordinatentransformation	
7. Koordinaten in der Ebene	
C. Matrizen, Determinanten	
1. Systeme von n Zahlen	
2. Matrizen	
3. Rechenoperationen mit Matrizen	
4. Transponierte	
5. Einheitsmatrix	139
6. Determinanten	
7. Grundregeln	
8. Weitere Rechenregeln	
9. Unterdeterminanten	
10. Entwicklungssatz	
12. Praktische Berechnung von Determinanten	
D. Systeme von linearen Gleichungen	
-	
E. Tensoren	142
1. Linearformen	142
2. Tensoren höherer Stufe	
3. Transformation der Tensorkomponenten	
4. Symmetrische Tensoren	
5. Antisymmetrische Tensoren 6. Beispiele	
7. Lineare Transformation	
7. Elifeate Transformation	, 111
VI. Vektoranalysis	145
A. Differentialoperationen, Integrale	145
1. Vektorfunktionen	
2. Differentiationsregeln	
3. Skalare Felder	
4. Vektorfelder	
5. Tensorfelder	
6. Linienintegral	
7. Flächenintegral	
8. Räumliches Integral	
9. Differentiale von Feidern	
11. Divergenz	
12. Rotation	
13. \(\nabla\)-Rechnung	

	Seite
14. Regeln	
15. Mehrfache Anwendung der Differentiationsoperatoren	
16. Weitere Formeln	. 149
B. Integralsätze	. 149
1. Satz von Stokes	. 149
2. Satz von Gauß	. 149
3. Greensche Sätze	
4. Spezialfälle	
5. Wirbelfreie Felder	
6. Quellenfreie Felder	
7. Stetiges Vektorfeld in Summendarstellung	. 150
C. Krummlinige Koordinaten	. 151
1. Allgemeines	
2. Transformation von dreifachen Integralen	
3. Orthogonale Koordinaten	
4. Linienelement, Volumenelement	
5. Betrachtungen für die Ebene	
6. Differentiationsoperationen 7. Zylinderkoordinaten	
8. Kugelkoordinaten	
C. Hugoinootumwou	. 100
VII. Analytische Geometrie	. 154
A. Punkt und Gerade in der Ebene	154
1. Abstand	
3. Teilpunkt	
4. Gerade Linie	
5. Bestimmung der Gleichung einer Geraden	
6. Hessesche Normalform	
7. Abstand	
8. Schnittwinkel	. 155
9. Dreieck	. 155
B. Punkt, Ebene und Gerade im Raum	. 156
1. Abstand	
2. Richtung	
3. Teilpunkt	
4. Ebene	. 156
5. Hessesche Normalform	
6. Bestimmung der Gleichung einer Ebene	
7. Abstand	
8. Winkel	
10. Gleichung der Geraden	
11. Zwei Geraden	
12. Tetraeder	
C. Kegelschnitte	
a) Allgemeine Sätze	. 158
1. Kurven 2. Arten der Kegelschnitte	
3. Mittelpunkt	
4. Gleichung eines KS. ohne Mittelpunkt	
5. Halbachsen und Halbparameter	
6. Geometrische Erklärung der KS.	
b) Spezielle Gleichungen und Konstruktionen	. 160
1. Kreis	
2. Ellipse und Hyperbel	
3. Parabel	. 165

${\bf Inhalts verzeichnis}$	$\mathbf{x}\mathbf{I}$	
	Seite	
D. Flächen zweiter Ordnung	167	•
1. Flächen	167	
2. Arten der Flächen		
3. Mittelpunkt		
4. Normalformen 5. Kegel		
6. Kugel		
7. Paraboloide		
8. Zylinder	169	
E. Kurven in der Ebene	169	
a) Allgemeine Sätze	169	
1. Kurve	169	
2. Bogenlänge		
3. Tangente		
4. Normale 5. Krümmung		*
6. Evolute		
7. Wende- und Flachpunkt		
8. Singuläre Punkte	172	
9. Flächeninhalt		
10. Einhüllende Kurve		
b) Spezielle Kurven		
1. Kubische und semikubische Parabel		•
2. Zykloiden (Radlinien)		
3. Epizykloide und Hypozykloide		
4. Kreisevolvente		
5. Kettenlinie und Schleppkurve (Traktrix)		
7. Hyperbolische Spirale		
8. Logarithmische Spirale		
9. Gleichungen einiger anderer Kurven	179	
F. Kurven im Raum	180	
a) Allgemeine Sätze	180	
1. Kurve		
2. Bogenlänge		
3. Tangente		
5. Besondere Ebenen		
6. Torsion		
7. Frenetsche Formeln		
b) Gewöhnliche Schraubenlinie		
1. Definition		
 Projektionen der Schraubenlinie Bogenelement 		
4. Tangentenvektor		
5. Krümmung		
6. Windung		
7. Konstruktion der Projektion der Schraubenlinie		
G. Flächen im Raum		
a) Allgemeine Sätze		
1. Koordinatennetz		
2. Erste Fundamentalform		
4. Winkel zweier Flächenkurven	184	
5. Flächeninhalt		
6. Zweite Fundamentalform		

		2010
	7. Satz von Meusnier	18
	8. Hauptkrümmungen	
	9. Satz von Euler	180
	10. Theorema egregium von Gauß	
	11. Dupinsche Indikatrix	
	12. Krümmungslinien	
	13. Dreifaches Orthogonalsystem	
	- · ·	
	b) Schraubenflächen	
	1. Allgemeine Schraubenfläche	187
	2. Sonderfälle	187
	3. Quadrat des Linienelements	187
	4. Wendelfläche	187
	5. Vektor der Flächennormale	
	6. Mittlere und Gaußsche Krümmung	
	7. Flächeninhalt.	
	7. Flachenmait	104
VIII. F	unktionen einer komplexen Veränderlichen	187
A	. Gaußsche Zahlenebene	188
	1. Allgemeines	
	2. Einheitsvektoren	
	3. Rechenoperationen	
	4. Geometrische Deutung	
	5. Schwingungen	190
В	. Analytische Funktionen einer komplexen Veränderlichen, konforme Abbildung	190
	a) Grundlagen	190
	1. Analytische oder reguläre Funktionen	
	2. Konforme Abbildung	
	3. Riemannscher Abbildungssatz	
	b) Integration im Komplexen	
	1. Erklärung des bestimmten Integrals	
	2. Hauptsatz der Funktionentheorie	
	3. Cauchysche Integralformel	
	4. Entwicklung analytischer Funktionen	
	5. Laurent-Reihen	
	6. Singularitäten	
	7. Residuum	194
	c) Einige besondere konforme Abbildungen	194
TW 10		- ^ ^
IA. D	ifferentialgleichungen	198
	Complexity Differentials of London	105
А	. Gewöhnliche Differentialgleichungen	
	a) Allgemeine Sätze	197
	1. Gewöhnliche Differentialgleichungen	197
	2. Differentialgleichung n-ter Ordnung	197
	3. Differentialgleichung erster Ordnung	
	9	
	b) Spezielle Fälle	
	1. Trennung der Veränderlichen	
	2. Exakte Differentialgleichungen	
	3. Integrierender Faktor	
	4. Homogene Differentialgleichungen	
	5. Lineare Differentialgleichung	198
	6. Bernoullische Differentialgleichung	198
	7. Riccatische Differentialgleichung	
	8. Verfahren der wiederholten Differentiation	
	9. Clairautsche Differentialgleichung	199
	10. Singuläre Lösungen	199
	11. Besondere Fälle	190

	Inha	altsverzeichnis	XIII
			Seite
		en	
		chung	
		eichung	
		chung	
	d) Systeme von Differentialgleic	hungen (gekoppelte Differentialgleichungen)	. 203
	a) Specially linears Differentialed	tanten Koeffizienteneichungen zweiter Ordnung	. 204
		ntialgleichung	
		lgleichung	
		che und Whittakersche Differentialgleichung	
		ichung	
	Mathieusche Differentialg	gleichung	. 214
В	B. Partielle Differentialgleichungen	*****	. 216

	1. Begriff der partiellen Diffe	rentialgleichung	216
		ing m-ter Ordnung	
		iellen Differentialgleichungen	
		en erster Ordnung	
		en zweiter Ordnung	
		er Variablen	
		ungen	
		hungen	
		aplace-Transformation	
C.	C. Randwertprobleme, Variationsrec	hnung	223
		e	
		e Randwertprobleme	
		chung	
		erentialgleichung	
		ertproblemen auf Variationsprobleme	
n			
υ.			
		satz	
		eme	
	1. Fouriersche Integralgleich	ung	230
	E Hankalasha Integralalatahn	ind	921

x. v	Vahrscheinlichkeitsrechnung und mathematische Statistik	Seit 23
	a) Wahrscheinlichkeitsrechnung. 1. Wahrscheinlichkeitsfelder und zufällige Größen 2. Borel-Cantellisches Lemma 3. Allgemeines über Verteilungen 4. Spezielle, diskrete und binomische Verteilungen (Tafel 30 u. 31). 5. Grenzwertsätze 6. Markoffsche Ketten b) Mathematische Statistik 1. Schätzverfahren 2. Hypothesentest 3. Signifikanzteste	23: 23: 23: 23: 23: 24: 24: 24:
XI. P	Praktische Mathematik	24:
\mathbf{A}	. Zahlenrechnen	243
	1. Allgemeine Regeln zur Ausführung längerer Berechnungen 2. Rechenhilfsmittel 3. Multiplikation und Division 4. Quadratwurzeln 5. n-te Wurzeln 6. Näherungsformeln 7. Fehlerrechnung	245 245 245 245 245
В	Nomographie	243
	1. Aufgabe der Nomographie 2. Funktionsnetze 3. Netztafeln 4. Fluchtlinientafeln	$\frac{24}{24}$
C	. Interpolations- und Differenzenrechnung, analytische Darstellung tabellarischer Funktionen	246
	1. Langrangesche Interpolationsformel 2. Newtonsche Interpolationsformel 3. Differenzenschema 4. Newtonsche Formel bei gleichen Argumentabständen 5. Newtonsche Formel bei aufsteigenden Differenzen und andere Formeln 6. Glätten einer Beobachtungsreihe 7. Tabellarische Differentiation und Integration 8. Berechnung des Wertes eines Polynoms	246 247 247 247 247 248 248
D.	. Rechnerische, zeichnerische und instrumentelle Verfahren der praktischen Analysis	249
	a) Zeichnerische und instrumentelle Verfahren 1. Konstruktion des Wertes eines Polynoms 2. Messungen und Konstruktionen an gezeichneten Kurven; Bogenlänge 3. Flächeninhalt. 4. Andere Maßbestimmungen durch bestimmte Integrale 5. Zeichnerische Integration 6. Zeichnerische Differentiation 7. Zweite Integralkurve 8. Verfahren der zweifachen Integration unter Benutzung von Schwerpunkten 9. Zeichnerische Integration von Differentialgleichungen 1. Ordnung 10. Gekoppelte Differentialgleichungen 1. Ordnung 11. Differentialgleichungen b) Audlösung von Gleichungen	249 250 250 251 252 252 253 253 254 255 256
	1. Lösung durch Näherungswert 2. Zeichnerische Auflösung 3. Verbesserung durch Interpolation (Regula falsi) 4. Newtonsches Näherungsverfahren 5. Verfahren des wiederholten Einsetzens (Herationsverfahren)	256 256 256 256

Inhaltsverzeichnis	$\mathbf{X}\mathbf{V}$
	Seite
6. Verfahren von Graeffe	. 257
7. Eliminationsverfahren bei Systemen von linearen Gleichungen	. 258
c) Angenäherte Berechnung bestimmter Integrale	. 258
1. Eulersche Summenformel	. 259
2. Spezialfall	. 259
3. Simpsonsche Regel	. 259
4. Gaußsche Quadraturformel (Tafel 32)	. 259
d) Numerische Integration von Differentialgleichungen	. 260
1. Verfahren von Adams-Störmer	
2. Verfahren von Runge-Kutta	. 261
3. Differenzenverfahren (Tafel 33)	. 262
4. Systeme von Differentialgleichungen	
c) Harmonische Analyse	. 263
1. Allgemeines	
2. Besselsche Formeln	
3. Verfahren von Runge	
4. Zeichnerisches Verfahren	
5. Verfahren von Eagle	. 265
E. Parallelprojektion	. 266
XII. Inhalte von Flächen und Körpern	. 267
a) Flächeninhalte ebener Gebilde	. 267
Werte der regelmäßigen Vielecke (Tafel 34)	
b) Inhalte und Oberflächen von Körpern	
Guldinsche (Pappussche) Regeln	
III. Alte gelöste und ungelöste mathematische Probleme	. 274
chrifttum	276
tichwortverzeichnis (DiplIng. P. Reinshagen)	. 280