

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Grundlagen der Analysis</b>	<b>1</b>
1	Was ist Analysis? . . . . .	1
2	Die reellen Zahlen - historische Bemerkungen . . . . .	4
3	Die Axiome der reellen Zahlen . . . . .	8
4	$\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}$ . Vollständige Induktion, Satz von Archimedes, etc. . . . .	15
5	Wurzeln. Algebraische Gleichungen . . . . .	23
6	Binomischer Satz. Binomialkoeffizienten . . . . .	29
7	Absolutbetrag. Nullfolgen. Intervallschachtelungen . . . . .	32
8	Dualdarstellung reeller Zahlen. Satz von Bolzano-Weierstraß . . . . .	38
9	Konvergente Zahlenfolgen und ihre Grenzwerte . . . . .	43
10	Satz von der monotonen Folge . . . . .	50
11	Cauchys Konvergenzkriterium . . . . .	56
12	Konvergente Reihen . . . . .	60
13	Abbildungen von Mengen. Funktionen . . . . .	71
14	Der $d$ -dimensionale euklidische Raum $\mathbb{R}^d$ . . . . .	77
15	Konvergente Folgen in $\mathbb{R}^d$ . . . . .	85
16	Offene, abgeschlossene und kompakte Mengen in $\mathbb{R}^d$ . . . . .	91
17	Die komplexen Zahlen. Der Raum $\mathbb{C}^d$ . . . . .	96
18	Folgen und Reihen von Matrizen . . . . .	103
19	Umordnung von Reihen . . . . .	110

20	Potenzreihen . . . . .	112
21	Produkte von Reihen . . . . .	117
<b>2</b>	<b>Der Begriff der Stetigkeit</b>	<b>121</b>
1	Geometrische Deutung von Funktionen . . . . .	123
2	Vektorräume von Funktionen. Beschränkte Funktionen . . . . .	129
3	Grenzwerte von Funktionen . . . . .	133
4	Stetige Funktionen . . . . .	144
5	Zwischenwertsatz und Umkehrfunktion . . . . .	152
6	Satz von Weierstraß . . . . .	154
7	Polynome. Fundamentalsatz der Algebra . . . . .	162
8	Gleichmäßige Stetigkeit und gleichmäßige Konvergenz . . . . .	168
<b>3</b>	<b>Grundbegriffe der Differential- und Integralrechnung</b>	<b>179</b>
1	Differenzierbare Funktionen einer reellen Variablen . . . . .	181
2	Extrema. Satz von Rolle . . . . .	195
3	Mittelwertsatz. Die Ableitung der Umkehrfunktion . . . . .	204
4	Exponentialfunktion, Logarithmus, allgemeine Potenz . . . . .	218
5	Die trigonometrischen Funktionen . . . . .	228
6	Anfangswertprobleme I . . . . .	248
7	Das eindimensionale Riemannsche Integral . . . . .	266
8	Hauptsätze der Differential- und Integralrechnung . . . . .	289
9	Partielle Integration und Variablentransformation . . . . .	296
10	Integration elementarer Funktionen . . . . .	310
11	Uneigentliche Integrale . . . . .	316
12	Regelfunktionen, Regelintegral und die Klasse BV . . . . .	328
13	Taylorformel und Taylorreihe . . . . .	333
14	Die l'Hospitalsche Regel . . . . .	347
15	Gliedweise Differentiation von Reihen . . . . .	353

<b>4</b>	<b>Differentialgleichungen und Fourierreihen</b>	<b>359</b>
1	Das Anfangswertproblem II . . . . .	359
2	Phasenfluß von Vektorfeldern . . . . .	375
3	Zwei Modelle des Anfangswertproblems . . . . .	381
4	Elementare Lösungsmethoden für Differentialgleichungen . . . . .	384
5	Strömungsbilder linearer autonomer Systeme . . . . .	405
6	Fourierreihen . . . . .	410
7	Konvergenz im quadratischen Mittel . . . . .	435
8	Hilberträume . . . . .	448
	Anhang: Bezeichnungen und Begriffe . . . . .	470
	Lehrbücher der Analysis . . . . .	474