

# Inhaltsverzeichnis

<b>1. Determinierte Signale in linearen zeitinvarianten Systemen</b>	<b>1</b>
1.1 Elementarsignale	1
1.2 Zum Begriff des Systems	5
1.3 Lineare zeitinvariante Systeme	6
1.4 Das Faltungsintegral	7
1.5 Beispiel zur Berechnung des Faltungsintegrals	10
1.6 Faltungsalgebra	13
1.7 Dirac-Impuls	16
1.7.1 Gewicht und Linearkombination von Dirac-Impulsen	16
1.7.2 Siebeigenschaft des Dirac-Impulses	17
1.7.3 Dirac-Impuls mit Dehnungsfaktor	19
1.7.4 Verschiebung des Dirac-Impulses	19
1.7.5 Integration des Dirac-Impulses	20
1.8 Integration und Differentiation von Signalen	21
1.9 Kausale und stabile Systeme	23
1.10 Zusammenfassung	24
1.11 Aufgaben	24
<b>2. Fourier-Transformation</b>	<b>29</b>
2.1 Eigenfunktionen von LTI-Systemen	29
2.2 Das Fourier-Integral	30
2.3 Beispiel Fourier-Transformation des Exponentialimpulses	33
2.4 Theoreme zur Fourier-Transformation	38
2.4.1 Superpositionssatz	38
2.4.2 Ähnlichkeitssatz	40
2.4.3 Verschiebungssatz	41
2.4.4 Differentiation	41
2.4.5 Symmetrie der Fourier-Transformation	42
2.4.6 Faltung und Multiplikation	43
2.5 Beispiele zur Anwendung der Theoreme	44
2.5.1 Die Fourier-Transformierte des rect-Impulses	44
2.5.2 Die Fourier-Transformierte des Dreieckimpulses	45
2.5.3 Berechnung des Faltungsproduktes der si-Funktion mit sich selbst	46

2.6	Transformation singulärer Signalfunktionen . . . . .	46
2.6.1	Transformation von Dirac-Impulsen . . . . .	46
2.6.2	Transformation der Dirac-Impulsfolge . . . . .	48
2.6.3	Transformation der Sprungfunktion . . . . .	50
2.7	Hilbert-Transformation . . . . .	53
2.8	Kurzzeit-Fourier-Transformation . . . . .	55
2.9	Fourier- und Laplace-Transformation . . . . .	57
2.10	Zusammenfassung . . . . .	59
2.11	Anhang . . . . .	61
2.11.1	Tabellen zur Fourier-Transformation . . . . .	61
2.11.2	Transformation der Dirac-Impulsfolge . . . . .	63
2.11.3	Mehrfache Faltung der Rechteckfunktion . . . . .	64
2.12	Aufgaben . . . . .	65
<b>3.</b>	<b>Diskrete Signale und Systeme . . . . .</b>	<b>71</b>
3.1	Abtastung im Zeitbereich . . . . .	72
3.2	Abtastung im Frequenzbereich . . . . .	77
3.3	Zeitdiskrete Signale und Systeme . . . . .	82
3.3.1	Diskrete Faltung . . . . .	82
3.3.2	Zeitdiskrete Elementarsignale . . . . .	84
3.3.3	Lineare verschiebungsinvariante Systeme . . . . .	85
3.3.4	Beispiel zur diskreten Faltung . . . . .	86
3.3.5	Fourier-Transformation zeitdiskreter Signale . . . . .	88
3.3.6	Beispiel 1: Spektrum des zeitdiskreten Exponentialimpulses . . . . .	90
3.3.7	Beispiel 2: Übertragungsaufgabe . . . . .	90
3.3.8	Die diskrete Fourier-Transformation . . . . .	92
3.3.9	Dezimation und Interpolation . . . . .	95
3.3.10	$z$ -Transformation . . . . .	100
3.4	Zusammenfassung . . . . .	102
3.5	Anhang . . . . .	104
3.6	Aufgaben . . . . .	106
<b>4.</b>	<b>Korrelationsfunktionen determinierter Signale . . . . .</b>	<b>113</b>
4.1	Energie und Leistung von Signalen . . . . .	113
4.2	Impulskorrelationsfunktion für Energiesignale . . . . .	114
4.3	Korrelationsprodukt und Faltungsprodukt . . . . .	116
4.4	Fourier-Transformation der Impulskorrelationsfunktionen . . . . .	119
4.5	Impulskorrelationsfunktionen und LTI-Systeme . . . . .	122
4.6	Impulskorrelationsfunktionen zeitdiskreter Signale . . . . .	124
4.7	Zusammenfassung . . . . .	126
4.8	Aufgaben . . . . .	127

<b>5. Systemtheorie der Tiefpass- und Bandpasssysteme</b> .....	131
5.1 Das verzerrungsfreie System .....	131
5.2 Tiefpasssysteme .....	133
5.2.1 Der ideale Tiefpass .....	133
5.2.2 Tiefpasssysteme mit nichtidealer Übertragungsfunktion	139
5.3 Zeitdiskrete Tiefpasssysteme .....	145
5.4 Bandpasssysteme und Bandpasssignale .....	147
5.4.1 Der ideale Bandpass .....	147
5.4.2 Bandpasssystem und äquivalentes Tiefpasssystem ....	148
5.4.3 Komplexe Signaldarstellung .....	151
5.4.4 Übertragung von Bandpasssignalen über Bandpass- systeme .....	152
5.4.5 Übertragung des eingeschalteten cos-Signals über den idealen Bandpass .....	154
5.4.6 Realisierung von Bandpasssystemen durch Tiefpass- systeme .....	155
5.4.7 Phasen- und Gruppenlaufzeit .....	159
5.4.8 Zeitdiskrete Bandpass- und Hochpasssysteme .....	161
5.5 Zusammenfassung .....	162
5.6 Anhang .....	164
5.7 Aufgaben .....	164
<b>6. Statistische Signalbeschreibung</b> .....	169
6.1 Beschreibung von Zufallssignalen durch Mittelwerte .....	169
6.1.1 Der Zufallsprozess .....	169
6.1.2 Stationarität und Ergodizität .....	172
6.1.3 Mittelwerte 1. Ordnung .....	174
6.1.4 Autokorrelationsfunktion stationärer Prozesse .....	175
6.1.5 Kreuzkorrelationsfunktion stationärer Prozesse .....	177
6.2 Zufallssignale in LTI-Systemen .....	179
6.2.1 Linearer Mittelwert .....	179
6.2.2 Quadratischer Mittelwert und Autokorrelationsfunktion	179
6.2.3 Leistungsdichtespektrum .....	181
6.2.4 Weißes Rauschen .....	182
6.2.5 Korrelationsempfang gestörter Signale .....	184
6.3 Verteilungsfunktionen .....	188
6.3.1 Verteilungsfunktion und Wahrscheinlichkeit .....	189
6.3.2 Verteilungsdichtefunktion .....	190
6.3.3 Verbundverteilungsfunktion .....	193
6.3.4 Statistische Unabhängigkeit .....	196
6.4 Gauß-Verteilungen .....	197
6.4.1 Verteilungsdichtefunktion der Summe von Zufallsgrößen	197
6.4.2 Gauß-Verteilung .....	199
6.4.3 Gauß-Prozess und LTI-Systeme .....	200

6.4.4	Fehlerwahrscheinlichkeit bei Korrelationsempfang gestörter Binärsignale .....	202
6.5	Zeitdiskrete Zufallssignale .....	206
6.5.1	Abtastung von Zufallssignalen .....	207
6.5.2	Der zeitdiskrete Zufallsprozess .....	207
6.5.3	Zeitmittelwerte .....	208
6.5.4	Zeitdiskrete Zufallssignale in LSI-Systemen .....	209
6.5.5	Beispiel: Filterung von zeitdiskretem weißen Rauschen	211
6.6	Zusammenfassung .....	213
6.7	Anhang .....	213
6.7.1	Kennlinientransformationen von Amplitudenwerten ...	213
6.7.2	Fehlerfunktion .....	218
6.8	Aufgaben .....	221
<b>7.</b>	<b>Binärübertragung .....</b>	<b>227</b>
7.1	Allgemeine und digitale Übertragungssysteme .....	228
7.2	Binärübertragung mit Tiefpasssignalen .....	230
7.2.1	Übertragung von Binärsignalfolgen .....	230
7.2.2	Das 1. Nyquist-Kriterium .....	233
7.2.3	Bipolare Übertragung .....	236
7.2.4	Korrelative Codierung .....	239
7.2.5	Mehrpegelübertragung .....	240
7.2.6	Übertragung mit zwei Trägersignalformen .....	242
7.2.7	Fehlerwahrscheinlichkeit bei Übertragung mit zwei orthogonalen Signalen .....	245
7.2.8	Adaptive Kanalverzerrung .....	248
7.3	Binärübertragung mit Bandpasssignalen .....	249
7.3.1	Übertragungsarten .....	249
7.3.2	Korrelationsfunktionen von Bandpasssignalen .....	250
7.3.3	Empfang von Bandpasssignalen im Tiefpassbereich ...	252
7.3.4	Inkohärenter Empfang von Bandpasssignalen .....	254
7.3.5	Fehlerwahrscheinlichkeit bei inkohärentem Empfang von Bandpassträgersignalen .....	257
7.3.6	Bandpassrauschen und Rayleigh-Verteilung .....	260
7.3.7	Phasenumtastung und Quadraturmodulation .....	262
7.3.8	Synchronisation .....	267
7.4	Pulscodemodulation (PCM) .....	270
7.4.1	Verfahren der Pulscodemodulation .....	271
7.4.2	Quantisierungsrauschen .....	273
7.4.3	Übertragungsfehler in PCM-Systemen .....	275
7.4.4	PCM-Codierung mit Gedächtnis .....	277
7.5	Zusammenfassung .....	280
7.6	Anhang: Rice-Verteilung .....	280
7.7	Aufgaben .....	282

<b>8. Modulation, Multiplex und Codierung</b> .....	287
8.1 Lineare Modulationsverfahren .....	288
8.1.1 Pulsamplitudenmodulation .....	288
8.1.2 PAM-Übertragung mit Bandpassträgersignalen .....	289
8.1.3 Amplitudenmodulation .....	290
8.1.4 Inkohärenter Empfang in AM-Systemen .....	293
8.1.5 Einseitenband-Amplitudenmodulation .....	295
8.1.6 Störverhalten der linearen Modulationsverfahren .....	298
8.2 Winkelmodulationsverfahren .....	299
8.2.1 Phasen- und Frequenzmodulation .....	300
8.2.2 Spektrum eines FM-Signals .....	302
8.2.3 Empfang von FM-Signalen .....	305
8.2.4 Störverhalten der FM-Übertragung .....	306
8.3 Multiplex-Übertragung .....	310
8.3.1 Multiplex-Übertragung mit Pulsamplitudenmodulation	311
8.3.2 Zeitmultiplex-Übertragung .....	313
8.3.3 Frequenzmultiplex-Übertragung .....	314
8.3.4 Codemultiplex-Übertragung .....	316
8.3.5 Orthogonal Frequency Division Multiplex (OFDM) ..	330
8.4 Begriffe der Informationstheorie .....	334
8.4.1 Diskrete Nachrichtenquellen .....	335
8.4.2 Kontinuierliche Nachrichtenquellen .....	339
8.4.3 Kanalkapazität .....	339
8.4.4 Die Kanalkapazität des Gauß-Kanals .....	340
8.4.5 Die Shannon-Grenze bei digitaler Übertragung .....	342
8.4.6 Ideale Übertragungssysteme mit Bandbreitendehnung ..	343
8.4.7 Kanalcodierung .....	347
8.4.8 Codierte Modulation .....	350
8.5 Zusammenfassung .....	352
8.6 Anhang: Mehrwegeempfang in Mobilfunkkanälen .....	352
8.7 Aufgaben .....	354
<b>9. Zusatzübungen</b> .....	361
9.1 Orthogonalentwicklung .....	361
9.2 Signalraum .....	363
9.3 Matched-Filter bei farbigem Rauschen .....	367
9.4 Frequenzumtastung mit nichtkohärentem Empfang .....	369
9.5 Deltamodulation und Differenz-Pulscodemodulation .....	371
9.6 Optimaler Quantisierer .....	372
9.7 Radarempfänger .....	375
9.8 Störverhalten von AM-Systemen .....	378
9.9 Digitale Übertragung mit $M$ orthogonalen Trägersignalen und die Shannon-Grenze .....	381
<b>Literaturverzeichnis</b> .....	389

<b>Symbolverzeichnis</b> .....	397
<b>Sachverzeichnis</b> .....	399