INHALTSVERZEICHNIS

VORWORT	11
ERSTER TEIL	
Die Ausbildung der Aussagenlogik	
KAPITEL I: Die Gleichheit von Einfalls- und Reflexionswinkel und die	
Operation reziproker Implikation	17
1. Das Stadium I	18
2. Das Stadium II (Stufen II A und II B)	19
3. Das formale Stadium (Stufen III A und III B)	22
4. Schlußfolgerung: Der Übergang von der (konkreten) Zuordnung zur (formalen)	-
reziproken Implikation	26
KAPITEL II: Das Schwimmen der Körper und die Ausmerzung der Wider-	
sprüche	31
1. Das Stadium I	32
2. Das Unterstadium II A	38
3. Die Stufe II B	42
4. Das Stadium III	45
KARITEI III: Die Riegeamheit und die Openationen die hei des Turmung	
KAPITEL III: Die Biegsamkeit und die Operationen, die bei der Trennung	
der Faktoren mitwirken	55
1. Das Stadium I	56
2. Das Stadium II A	57
3. Das Unterstadium II B	59
4. Die Stufe III A	64
5. Die Stufe III B	68
6. Die Gleichheiten durch Kompensation von Faktoren	70
KAPITEL IV: Die Pendel-Schwingungen und die Ausschließungs-Opera-	
tion	74
1. Das Stadium I: Keine Differenzierung zwischen den Handlungen des Kindes	
und den Bewegungen des Pendels	74
2. Das Stadium II: Seriationen und Zuordnungen, aber ohne Trennung der Fak-	
toren	75
3. Das Unterstadium III A: Mögliche, aber nicht spontane Trennung	78
4. Das Unterstadium III B: Die Trennung der Faktoren und die Exklusion der un-	
wirksamen Verbindungen	80

KAPITEL V: Der Fall von Körpern auf einer schiefen Ebene und die Dis-	
junktionsoperationen	85
1. Das Stadium I: Globale Intuition ohne operatives Erfassen des Experiments	85
2. Das Stadium II: Versuche operativer Zuordnungen und ordinale Ausschließung	
des Gewichts	87
3. Das Stadium III: Notwendige Kompensationen zwischen der Neigung und der Distanz (IIIA), dann Entdeckung der Höhe als des einzigen Faktors (IIIB)	91
KAPITEL VI: Die Rolle unsichtbarer Magnete und die 16 binären Aus-	06
sage-Operationen	96 96
 Das Stadium I: Präoperative Disjunktionen und Exklusionen Das Unterstadium II A: Beginn der konkreten Disjunktionen und Exklusionen 	98
3. Das Unterstadium II B: Die konkrete Exklusion des Gewichts	102
4. Das Stadium III: Aussage-Disjunktionen und -Exklusionen	103
Zweiter Teil	
Die operativen Schemata der formalen Logik	
KAPITEL VII: Kombinationen farbloser oder gefärbter chemischer Körper	109
1. Das Stadium I: Empirische Assoziationen und präkausale Erklärungen	111
2. Das Unterstadium IIA: Multiplikation der Faktoren mit «g»	112
3. Das Unterstadium IIB: Multiplikative Operationen mit empirischen Ansätzen	
zu Kombinationen von n zu n Elementen	115
4. Das Unterstadium IIIA: Ausformung der systematischen Kombinationen von	
n zu n Elementen	117
5. Das Unterstadium III B: Ausgleich des Systems	120
Kapitel VIII: Die Erhaltung der Bewegung auf einer waagrechten Ebene	123
1. Das Stadium I: Fehlen der Operationen, die für ein objektives Erfassen des Ex-	
perimentes notwendig sind, und widersprüchliche Erklärungen	124
2. Das Unterstadium IIA: Versuche an einer Ausmerzung der Widersprüche und	
Korrekturen nach dem Experiment	125
3. Das Unterstadium II B: Ansatz zu einer Umkehrung des Problems in Richtung der Ursachen der Verlangsamung	126
4. Das Unterstadium IIIA: Explizite Umkehrung des Problems der Bewegung	126
während des Experiments	127
5. Das Unterstadium III B: Erhaltung der Bewegung	128
Kapitel IX: Die kommunizierenden Röhren	131
1. Das Stadium I: Keine Unterscheidung zwischen den Aktionen des Prüflings und	
den Transformationen des Gegenstandes, Fehlen der Reziprozität	133
2. Das Unterstadium II A: Übersetzung der Aktionen in objektive Operationen und	
Entdeckung der Höhenbeziehungen	134

3. Das Unterstadium IIB: Gleichheit der Flüssigkeitsstände am Ende, aber no	och
keine Erklärung	
4. Das Unterstadium III A: Ansätze zu einer Erklärung und einer formalen Struk	
rierung	
6. Der Begriff des Gleichgewichts und die Gruppe der 4 Aussage-Transformation	nen
INRC	142
KAPITEL X: Das Gleichgewicht der hydraulischen Presse 1. Das Stadium I: Fehlendes Verständnis für die Rolle des Gewichtes (Unter dium IA), später globales Verständnis ohne operative Seriationen oder Zuck	sta-
nungen (Unterstadium I B)	146
2. Das Unterstadium II A: Genaue Seriation der Gewichte und richtige Zuordnu	ing
zu den Wasserständen	148
3. Das Unterstadium II B: Intuitive Ansätze zum Begriff des Widerstandes	151
4. Das Stadium III: Die Reziprozität von Aktion und Reaktion	152
5. Schlußfolgerung: Die Gedankengänge des Stadiums III und das formale op	era-
tive Schema des Gleichgewichts	155
KAPITEL XI: Das Gleichgewicht der Waage 1. Das Stadium I: Keine Unterscheidung zwischen dem eigenen Tun und dem äuren Vorgang (IA), dann Ausformung der Intüitionen in Richtung einer Ko	ße-
pensation der Gewichte (IB)	159
ständen, aber ohne systematische Koordinierung untereinander	163
3. Das Unterstadium IIB: Inverse Zuordnung der Gewichte und der Abstände	165
4. Das Stadium III: Entdeckung und Erklärung der Gesetzmäßigkeit	167
5. Das Schema der Proportionen und die Gruppe INRC	170
KAPITEL XII: Das Gleichgewicht eines Gewichts auf einer schiefen Eb 1. Das Stadium I: Keine Unterscheidung zwischen der eigenen Aktion und den	
jektiven Vorgängen	
2. Das Unterstadium II A: Bestimmung der Funktion des Gewichts ohne operat	ive
Koordination mit den Neigungen	
3. Das Unterstadium II B: Entdeckung der allgemeinen Funktion der Neigung u Ansätze zum Begriff Arbeit	
4. Das Unterstadium III A: Qualitative Koordination der drei Faktoren, aber ol	nne
die Proportion als Funktion der Höhen	182
5. Das Unterstadium III B: Entdeckung des Gesetzes	185
KAPITEL XIII: Die Projektion von Schatten	
Das Stadium II: Entdeckung der Rolle der Durchmesser (II A) und der Abstär (II B)	
2. Das Stadium III: Proportionalität der Zuordnungen (IIIA) und Verallgemei	ne-
rung und Erklärung der Gesetzmäßigkeit (IIIB)	
Schlußbemerkungen	198

KAPITEL XIV: Die Zentrifugalkraft und die Kompensationen	200
1. Das Stadium I: Präoperative Interpretationen	201
2. Das Unterstadium II A: Teilzuordnungen	202
3. Das Unterstadium II B: Anfänge der konkreten Kompensation	204
4. Das Stadium III: Spontanes Auseinanderhalten der Faktoren und Kompensation	
durch Proportionalität	206
5. Proportionen und Kompensation	208
KAPITEL XV: Die wahrscheinliche Streuung und die Korrelationen	213
I. Die wahrscheinliche Streuung	213
Das Stadium I: Weder Erhaltung noch Streuungsgesetz	214
2. Das Stadium II: Verschwommene Wahrscheinlichkeitsreaktionen (IIA) und	
Bestimmung eines Streuungsbereichs (II B)	215
3. Das Stadium III: Erklärung der Streuung und Bestimmung der Gesetzmäßig-	
keit hinter den zufälligen Schwankungen	217
II. Die Korrelationen	221
4. Die Stufe III A: Interpretation der getrennt betrachteten Häufigkeiten auf der	
Grundlage der Wahrscheinlichkeit, aber ohne Bezugsetzung zwischen den	
günstigen Fällen ($a + d$) und ($b + c$)	223
5. Das Unterstadium IIIB: Spontane Bezugsetzung zwischen den günstigen	
Fällen $(a + d)$ und den ungünstigen Fällen $(b + c)$ und der Gesamtheit der	
möglichen Fälle	227
Dritter Teil	
Die Gesamtstrukturen des formalen Denkens	
Kapitel XVI: Das formale Denken unter dem Gesichtspunkt des Gleich-	
gewichts	233
1. Das präoperative (oder anschauliche) Denken, das konkrete operative Denken	
	233
	242
	254
Kapitel XVII: Die konkreten Strukturen und die formalen Strukturen	260
	260
2. Der Übergang von den konkreten Klassen- und Realisationsoperationen zu den	
	266
	280
4. Die Anwendung des Systems der 16 binären Operationen und die Natur des	
formalen Denkens	290
	295
6. Die Gesamtstruktur der formalen Operationen als abschließende Gleichgewichts-	
form der geistigen Operationen	316
KAPITEL XVIII: Das Denken des Heranwachsenden	