

TABLE DES MATIERES

Introduction	3
<u>Exposé n° 1. Moyennes invariantes et propriété du point fixe .</u>	6
§ 1. Généralités sur les moyennes	6
§ 2. Moyennes invariantes par un groupe et théorème du point fixe	9
§ 3. Groupes et espaces homogènes moyennables. Premiers exemples	15
<u>Exposé n° 2. Espaces homogènes moyennables et propriétés de Reiter.</u>	21
§ 1. La formule de Reiter-Glicksberg.	21
§ 2. Notations et formulaire.	25
§ 3. Les propriétés de Reiter	28
§ 4. Enoncé du Théorème	28
§ 5 à 8. Démonstration du Théorème.	29
§ 9. Une application de la formule de Reiter-Glicksberg .	37
<u>Exposé n° 3. Espaces homogènes moyennables et représentations quasi-régulières</u>	40
§ 1. Rappels sur les représentations unitaires.	40
§ 2. Enoncé du théorème	43
§ 3 à 6. Démonstrations	45
§ 7. Moyennabilité et convolution par les mesures bornées positives.	49
§ 8. Moyennabilité et restriction à un sous-groupe	54
§ 9. Non-moyennabilité de l'espace de Lobatschesvsky imaginaire	56
§ 10. Espaces homogènes moyennables et propriété de Kazhdan.	58

<u>Exposé n° 4. Moyennes invariantes et Représentations des produits semi-directs</u>	60
§ 1. Enoncé du théorème.	61
§ 2 à 5. Démonstrations.	64
§ 6. Exemples.	70
§ 7. Propriété du type point-fixe et Reiter-Glicksberg .	73
<u>Exposé n° 5 et 6. Compléments divers.</u>	83
§ 1. Sur l'écart entre une représentation unitaire et la représentation triviale	83
§ 2. Une généralisation de la propriété (P_1) de H.Reiter	92
§ 3. La propriété de Wiener pour certains produits semi-directs	99
Bibliographie	110