

# Inhaltsverzeichnis

	Seite
Zeichenzusammenstellung . . . . .	X
<b>I. Grundbegriffe der Verbandstheorie . . . . .</b>	<b>1</b>
§ 1. Einige Definitionen in Verbänden . . . . .	1
§ 2. Direktes Produkt und direkte Summe von Verbänden . . . . .	19
§ 3. Das Zentrum von Verbänden . . . . .	25
§ 4. Kongruenzen in Verbänden . . . . .	32
§ 5. Darstellung von Verbänden durch Mengen . . . . .	40
§ 6. Metrische Verbände . . . . .	45
<b>II. Allgemeine Eigenschaften modularer Verbände . . . . .</b>	<b>53</b>
§ 1. Unabhängige Systeme in modularen Verbänden . . . . .	53
§ 2. Perspektivität in modularen Verbänden . . . . .	57
§ 3. Perspektiv Abbildungen in modularen Verbänden . . . . .	59
§ 4. Zerlegung eines modularen Verbandes . . . . .	64
<b>III. Projektive Räume . . . . .</b>	<b>70</b>
§ 1. Relativ atomare nach oben stetige Verbände . . . . .	70
§ 2. Atomelemente modularer Verbände . . . . .	73
§ 3. Projektive Räume . . . . .	81
<b>IV. Die wesentlichsten Eigenschaften stetiger komplementärer modularer Verbände . . . . .</b>	<b>87</b>
§ 1. Vergleichs- und Zerlegungssatz eines nach oben stetigen komplementären modularen Verbandes . . . . .	87
§ 2. Perspektivität in einem stetigen komplementären modularen Verband . . . . .	90
§ 3. Niedrigste Elemente eines stetigen komplementären modularen Verbandes . . . . .	93
§ 4. Der Dimensionsverband eines stetigen komplementären modularen Verbandes . . . . .	96
<b>V. Die Dimensionsfunktion eines stetigen komplementären modularen Verbandes und seine Darstellung als subdirektes Produkt . . . . .</b>	<b>104</b>
§ 1. Die Dimensionsfunktion eines stetigen komplementären modularen Verbandes . . . . .	104
§ 2. Die Dimensionsfunktion eines irreduziblen stetigen komplementären modularen Verbandes . . . . .	118
§ 3. Die Eindeutigkeit der Dimensionsfunktion eines stetigen komplementären modularen Verbandes und seine Zerlegung in ein subdirektes Produkt . . . . .	122
<b>VI. Reguläre Ringe . . . . .</b>	<b>131</b>
§ 1. Rechts- und Linksidealverbände eines Ringes . . . . .	131
§ 2. Halbeinfache Ringe . . . . .	141
§ 3. Reguläre Ringe . . . . .	145
§ 4. Faktorkorrespondenz und Perspektivität in einem regulären Ring . . . . .	148
§ 5. Rangfunktionen ein einem regulären Ring . . . . .	153

<b>VII. Stetige reguläre Ringe</b> . . . . .	156
§ 1. Die Rangfunktion eines stetigen regulären Ringes . . . . .	156
§ 2. Die Rangfunktion eines irreduziblen stetigen regulären Ringes . . . . .	162
§ 3. Die Zerlegung eines stetigen regulären Ringes in ein subdirektes Produkt . . . . .	165
<b>VIII. Der normierte Rahmen eines komplementären modularen Verbandes</b> . . . . .	168
§ 1. Die homogene Basis eines komplementären modularen Verbandes . . . . .	168
§ 2. Der normierte Rahmen eines komplementären modularen Verbandes . . . . .	171
§ 3. Projektive Abbildungen in einem normierten Rahmen . . . . .	173
<b>IX. Der Matrizenring</b> . . . . .	178
§ 1. Die Basismatrizenysteme eines regulären Ringes . . . . .	178
§ 2. Der Matrizenring . . . . .	180
§ 3. Der Vektorraum. . . . .	185
<b>X. Der Hilfsring eines komplementären modularen Verbandes</b> . . . . .	197
§ 1. Die Multiplikation von $L$ -Zahlen . . . . .	198
§ 2. Die Addition von $L$ -Zahlen . . . . .	200
§ 3. Die Distributivgesetze für $L$ -Zahlen . . . . .	204
<b>XI. Die Darstellung eines komplementären modularen Verbandes</b> . . . . .	209
§ 1. Die isomorphe Abbildung zwischen $L(o, a_k)$ und $\bar{R}(\mathfrak{S}^L)$ . . . . .	209
§ 2. Die Ausdrücke $(\beta; y^{(1)}, \dots, y^{(m-1)})$ . . . . .	213
§ 3. Die isomorphe Abbildung von $L$ auf $\bar{R}(\mathfrak{S}_n^L)$ . . . . .	221
<b>XII. Die Darstellung eines orthokomplementären modularen Verbandes</b> . . . . .	226
§ 1. Orthokomplementäre modulare Verbände . . . . .	226
§ 2. *-reguläre Ringe. . . . .	227
§ 3. Die Darstellung eines orthokomplementären modularen Verbandes . . . . .	233
<b>Anhang</b>	
I. Auswahlaxiom, Wohlordnungssatz, Zornsches Lemma . . . . .	235
II. Die Definition eines stetigen Verbandes . . . . .	237
<b>Literaturverzeichnis</b> . . . . .	240
<b>Sachverzeichnis</b> . . . . .	242