

# Inhaltsverzeichnis

<b>Liste der verwendeten Formelzeichen</b>	<b>VIII</b>
<b>1 Einleitung</b>	<b>1</b>
1.1 Problemstellung . . . . .	1
1.2 Literaturübersicht . . . . .	2
1.3 Ziel und Inhalt der Arbeit . . . . .	6
1.4 Anmerkungen zur Schreibweise . . . . .	8
<b>2 Grundlagen</b>	<b>9</b>
2.1 Kinetostatische Methode . . . . .	9
2.1.1 Übertragungsfunktionen . . . . .	10
2.1.2 Allgemeines Gelenk mit sechs Freiheitsgraden . . . . .	11
2.1.3 Lösung kinematischer Schleifen . . . . .	12
2.1.4 Modularität . . . . .	13
2.1.5 Kinematische Differentiale . . . . .	13
2.1.6 Dynamik . . . . .	15
2.1.7 Implementierung . . . . .	15
2.2 Parallele Roboter . . . . .	15
2.2.1 Klassifikation . . . . .	16
2.2.2 Topologische Analyse . . . . .	17
2.2.3 Kinematik und Geometrie der Beine . . . . .	19
2.2.4 Inverse Kinematik . . . . .	22
2.2.5 Direkte Kinematik . . . . .	23
2.2.6 Differentielle Kinematik und JACOBI-Matrix . . . . .	24
2.2.7 Arbeitsraum . . . . .	24
2.2.8 Parametrisierung der Rotation . . . . .	25
2.2.9 Vereinfachte symmetrische Gough-Plattform . . . . .	27
2.2.10 Stabkinematik Linapod . . . . .	28
2.3 Intervallanalyse . . . . .	30
2.3.1 Intervallauswertung einer Funktion . . . . .	31
2.3.2 Überschätzung . . . . .	31

<b>3</b>	<b>Diskrete Arbeitsraumanalyse</b>	<b>34</b>
3.1	Einführung . . . . .	34
3.2	Modulares kinetostatisches Modell . . . . .	35
3.2.1	Module und Schnittstellen . . . . .	36
3.2.2	Inverse Kinematik . . . . .	39
3.2.3	Direkte Kinematik . . . . .	39
3.3	Linearisierung . . . . .	40
3.3.1	Interpretation der Linearisierung durch virtuelle Gelenke . . . . .	44
3.3.2	Optimaler Punkt des End-Effektors . . . . .	45
3.4	Fehler- und Sensitivitätsanalyse . . . . .	48
3.5	Steifigkeit . . . . .	51
3.6	Kalibrierung . . . . .	52
3.7	Ergebnisse . . . . .	53
3.7.1	Generische Kinematik . . . . .	53
3.7.2	Modulares Modell . . . . .	55
3.7.3	Sensitivitätsanalyse . . . . .	56
3.7.4	Steifigkeitsanalyse . . . . .	61
3.8	Zusammenfassung . . . . .	62
<b>4</b>	<b>Kontinuierliche Arbeitsraumanalyse</b>	<b>64</b>
4.1	Einleitung . . . . .	64
4.2	Lösung des Constraint Satisfaction Problems . . . . .	65
4.2.1	Generischer Algorithmus . . . . .	66
4.2.2	Verifikationsverfahren . . . . .	67
4.2.3	Berechnungsverfahren . . . . .	68
4.2.4	Hybrides Verfahren . . . . .	69
4.2.5	Teilen von Boxen . . . . .	70
4.3	Effizienzsteigerung der Algorithmen . . . . .	71
4.3.1	Separation der Verifikationsmenge . . . . .	71
4.3.2	Abhängigkeiten zwischen Bindungen . . . . .	72
4.3.3	Heuristiken zur Verbesserung der Laufzeit . . . . .	72
4.3.4	Verwendung des Gradienten . . . . .	75
4.3.5	Nachträgliches Zusammenfassen von Boxen . . . . .	76
4.3.6	Parallele Implementierung . . . . .	76
4.4	Prozessbedingte Anforderungen als Bindungen . . . . .	79
4.4.1	Kinematisch erreichbarer Arbeitsraum der Beine . . . . .	80
4.4.2	Konvexität des Arbeitsraums . . . . .	81
4.4.3	Singularitäten . . . . .	82

4.4.4	Manipulierbarer Arbeitsraum . . . . .	83
4.4.5	Stabkollisionen . . . . .	85
4.4.6	Passive Gelenke . . . . .	86
4.4.7	Automatische Codegenerierung . . . . .	87
4.5	Ergebnisse . . . . .	88
4.5.1	Linapod . . . . .	88
4.5.2	Gough-Plattform . . . . .	91
4.5.3	Parallelisierung des CSP-Lösers . . . . .	93
<b>5</b>	<b>Maßsynthese</b>	<b>98</b>
5.1	Einführung . . . . .	98
5.2	Maßsynthese als Constraint Satisfaction Problem . . . . .	100
5.2.1	Bindungen für die Maßsynthese . . . . .	101
5.2.2	Parameterrelationen für PKM . . . . .	102
5.3	Globale Optimierung . . . . .	104
5.3.1	Freie globale Optimierung . . . . .	104
5.3.2	Globale Optimierung mit Nebenbedingungen . . . . .	106
5.3.3	Konsistenztest für die Zielfunktion . . . . .	106
5.3.4	Verwendung des Gradienten der Zielfunktion . . . . .	107
5.3.5	Zielfunktion . . . . .	107
5.4	Synthese abhängiger technologischer Parameter . . . . .	108
5.5	Objektorientiertes Programmgerüst . . . . .	108
5.5.1	Objektorientierte Analyse . . . . .	109
5.5.2	Übersicht über mögliche Konfigurationen . . . . .	112
5.6	Ergebnisse . . . . .	113
5.6.1	Maßsynthese und Optimierung einer Gough-Plattform . . . . .	113
5.6.2	Maßsynthese und Optimierung des <i>Linapod</i> . . . . .	114
<b>6</b>	<b>Zusammenfassung und Ausblick</b>	<b>117</b>
	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>119</b>