

# Inhaltsverzeichnis

<b>1. Messsysteme und Messfehler</b> .....	1
1.1 Messen .....	1
1.1.1 Einheitensystem .....	1
1.2 Messsysteme .....	3
1.2.1 Physikalische Messkennlinie .....	4
1.3 Fehler, ihre Definition und Ursachen .....	5
1.3.1 Definition des Fehlers .....	6
1.3.2 Fehlerursachen .....	7
1.3.3 Spezifizierte Normalbedingungen .....	8
<b>2. Kurvenanpassung</b> .....	13
2.1 Approximation mit orthonormalen Funktionensystemen .....	14
2.2 Least-Squares-Schätzer .....	18
2.2.1 Regressionsrechnung .....	19
2.3 Kennlinieninterpolation .....	21
2.3.1 Interpolation durch Lagrange-Polynome .....	21
2.3.2 Interpolation durch Newton-Polynome .....	24
2.3.3 Spline-Interpolation .....	27
2.4 Kennfeld-Interpolation .....	31
<b>3. Stationäres Verhalten von Messsystemen</b> .....	37
3.1 Stationäre Messkennlinie und deren Fehler .....	37
3.1.1 Abgleich, Justierung der Messkennlinie .....	37
3.1.2 Ideale und reale Messkennlinie .....	38
3.1.3 Kennlinienfehler bei realer Kennlinie .....	39
3.1.4 Abschätzung des Kennlinienfehlers .....	42
3.2 Kennlinienfehler unter Normalbedingungen .....	45
3.2.1 Herabsetzen des Messbereichs .....	46
3.2.2 Hintereinanderschalten zweier nichtlinearer Glieder .....	47
3.2.3 Wahl des günstigsten Messbereichs .....	51
3.2.4 Differenzmethode .....	57
3.2.5 Gegenkopplung .....	62
3.3 Kennlinienfehler bei Abweichungen von den Normalbedingungen ..	66
3.3.1 Superponierende Störgrößen .....	66

3.3.2	Eliminierung superponierender Störgrößen mit der Differenzmethode .....	68
3.3.3	Deformierende Störgrößen .....	69
3.3.4	Deformierende Störgrößen bei Gegenkopplung .....	72
3.3.5	Superponierende Störgrößen bei Gegenkopplung .....	75
3.3.6	Kompensation systematischer Störeinflüsse .....	75
3.3.7	Abschirmung von Störgrößen .....	76
3.3.8	Superponierende Störgrößen in Messketten .....	76
3.3.9	Synchroner Zerhackerverstärker .....	78
3.4	Rückwirkung des Messsystems .....	81
<b>4.</b>	<b>Dynamisches Verhalten von Messsystemen .....</b>	<b>85</b>
4.1	Dynamische Fehler von Messsystemen .....	85
4.1.1	Empirische Kennwerte der Sprungantwort .....	85
4.1.2	Nichtlineares Zeitverhalten .....	86
4.1.3	Bestimmung des Frequenzganges .....	86
4.2	Systembeschreibung von Messsystemen .....	89
4.2.1	Stabilitätskriterium nach Hurwitz .....	92
4.3	Parameteroptimierung .....	94
4.3.1	Kriterium verschwindende Momente der Impulsantwort .....	96
4.3.2	Kriterium konstanter Amplitudengang für kleine Frequenzen .....	100
4.3.3	Kriterium konstanter Realteil des Frequenzganges .....	104
4.3.4	ITAE-Kriterium .....	110
4.3.5	Kriterium „Quadratisches Fehlerintegral“ .....	115
4.4	Strukturänderung zur Optimierung des Zeitverhaltens .....	121
4.4.1	Kompensation des Zeitverhaltens .....	121
4.4.2	Zeitverhalten bei Gegenkopplung .....	126
<b>5.</b>	<b>Zufällige Messfehler .....</b>	<b>135</b>
5.1	Grundlagen der Wahrscheinlichkeitstheorie .....	136
5.1.1	Wahrscheinlichkeitsdichte .....	136
5.1.2	Wahrscheinlichkeitsdichten abgebildeter Größen .....	139
5.1.3	Erwartungswerte 1. Ordnung .....	140
5.1.4	Erwartungswerte 2. Ordnung .....	141
5.1.5	Korrelationskoeffizient .....	142
5.1.6	Charakteristische Funktion .....	145
5.2	Stichproben .....	146
5.2.1	Häufigkeitsverteilung .....	146
5.2.2	Stichprobenmittelwert .....	147
5.2.3	Stichprobenvarianz .....	149
5.2.4	Gesetz der großen Zahlen .....	151
5.2.5	Mittelwertbildung bei Störungen .....	153
5.3	Normalverteilte Zufallsvariable .....	155
5.3.1	Normalverteilung .....	155
5.3.2	Zentraler Grenzwertsatz .....	156

5.3.3	$\chi^2$ -Verteilung	157
5.3.4	Student t-Verteilung	161
5.4	Statistische Testverfahren	162
5.4.1	Statistische Sicherheit, Konfidenzintervall	162
5.4.2	Hypothese und Testverfahren	167
5.4.3	Signifikanztest für den Stichprobenmittelwert	168
5.4.4	$\chi^2$ -Anpassungstest	170
5.4.5	Beurteilung von Fertigungsprozessen	173
5.4.6	Bestimmung der Ausfallrate	176
5.4.7	Statistische Prozess-Überwachung	180
5.5	Fehlerfortpflanzung	184
5.5.1	Gaußsches Fehlerfortpflanzungsgesetz	184
5.5.2	Numerische Berechnung von Mittelwert und Varianz	186
<b>6.</b>	<b>Korrelationsmesstechnik</b>	<b>189</b>
6.1	Stochastische Prozesse	189
6.1.1	Wahrscheinlichkeitsdichte	190
6.1.2	Schar- und Zeitmittelwerte, Momente 1. Ordnung	192
6.1.3	Momente 2. Ordnung	194
6.1.4	Stationäre Prozesse	195
6.1.5	Ergodische Prozesse	196
6.2	Korrelationsfunktionen	199
6.2.1	Signalklassen	199
6.2.2	Korrelation für Leistungssignale	202
6.2.3	Korrelation für Energiesignale	204
6.2.4	Eigenschaften	206
6.3	Anwendung der Korrelation	207
6.3.1	Messung von Korrelationsfunktionen	207
6.3.2	Ähnlichkeit von Signalen, Laufzeitmessung	209
6.3.3	Closed-loop Korrelator, Polaritätskorrelation	212
6.3.4	Ähnlichkeit von Spektren, Dopplermessung	216
6.3.5	Selbstähnlichkeit	218
6.4	Leistungsdichtespektrum	219
6.4.1	Rauschen	222
6.4.2	Verknüpfung von Zufallssignalen	226
6.4.3	Leistungsdichtespektrum in LTI-Systemen	227
6.4.4	Systemidentifikation	231
6.4.5	Wiener Filter	235
<b>7.</b>	<b>Erfassung amplitudenanaloger Signale</b>	<b>243</b>
7.1	Abtastung	244
7.1.1	Aliasing	246
7.1.2	Anti-Aliasing-Filter	247
7.1.3	Mittelwertbildung bei endlicher Abtastdauer	249
7.1.4	Zeitliche Abtastfehler	252

7.2	Quantisierung	256
7.2.1	Wahrscheinlichkeitsdichten von Signalamplituden	259
7.2.2	Amplitudendichte einer Fourier-Reihe	261
7.2.3	Quantisierungstheorem	262
7.2.4	Wahrscheinlichkeitsdichte des Quantisierungsfehlers	267
7.2.5	Dither	269
7.3	Analog-Digital-Umsetzer	274
7.3.1	Integrierender AD-Umsetzer	274
7.3.2	Verzögert nachlaufender AD-Umsetzer	276
7.3.3	Sigma-Delta-Wandler	277
7.3.4	AD-Umsetzer mit sukzessiver Approximation	284
7.3.5	Ratiometrische Messung	286
7.3.6	Nichtlineare Kennlinie des AD-Umsetzers	287
7.4	Digital-Analog-Umsetzer	288
7.4.1	Parallele DA-Umsetzer	289
7.4.2	Serielle DA-Umsetzer	291
<b>8.</b>	<b>Erfassung frequenzanaloger Signale</b>	<b>295</b>
8.1	Allgemeiner Frequenzbegriff	296
8.2	Digitale Drehzahlmessung	301
8.2.1	Periodendauermessung	302
8.2.2	Frequenzzählung	304
8.2.3	Maximaler Quantisierungsfehler für einen Zählvorgang	304
8.2.4	Mittelwertbildung bei der Drehzahlmessung	306
8.2.5	Abtastung bei der Drehzahlmessung	309
8.2.6	Quantisierung bei fortlaufenden Periodendauermessungen	310
8.2.7	Leistungsdichte des Quantisierungsfehlers	314
8.2.8	Kompensation mechanischer Fehler des Sensorrades	316
8.3	Kontinuierliche Frequenzmessung	321
8.3.1	Frequenzregelkreis	322
8.3.2	Phasenregelkreis	323
8.4	Positions- und Richtungserkennung	327
8.4.1	Drehrichtungserkennung	327
8.4.2	Positionsbestimmung mit Inkrementalgebern	329
	<b>Symbole</b>	<b>331</b>
	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>335</b>
	<b>Index</b>	<b>337</b>