## Inhaltsverzeichnis

1 Einleitung

2	Das	linear	re ökono	metrische Mehrgleichungsmodell	5
	2.1	Die öl	konomisch	ne Bedeutung ökonometrischer Modelle	6
	2.2	Darste	ellungsfor	men und Schreibweisen	9
	2.3	Die M	lodellvora	ussetzungen	15
	2.4	Das T	SLS- und	das FP-Schätzverfahren	17
3	Das	Rück	wärtige-	Bootstrap-Prognose-Verfahren	21
	3.1	Die Zi	elsetzung	des RBP-Verfahrens	22
	3.2	Die zu	igrundelie	gende Idee und die damit verbundene Problematik	24
	3.3	Die Vo	orgehensw	veise	30
		3.3.1	Benötigt	te Modellinformationen und Daten	32
		3.3.2	Die TSL	S- bzw. FP-Schätzung mit Residuen	34
		3.3.3	Die Erze	eugung einer Bootstrap-Kopie	35
			3.3.3.1	Die Bootstrap-Stichprobe	35
			3.3.3.2	Die Festlegung der letzten Werte der Bootstrap-	
				Kopie	36

			3.3.3.3	Kopie mit dem Kalmanfilter	. 36
		3.3.4	Die Erz	eugung eines Bootstrap-Zukunftswertes	
			3.3.4.1		
				Die Bootstrap-TSLS- bzw. FP-Schätzung	
			3.3.4.2	Die Erweiterung der Bootstrap-Stichprobe	
			3.3.4.3	Die Berechnung des Bootstrap-Zukunftswertes	49
		3.3.5	Die Erze	eugung der Bootstrap-Prognoseintervalle	50
			3.3.5.1	Die empirische Bootstrap-Verteilung und deren	
				Quantile	51
			3.3.5.2	Die 100 $\beta$ %-Bootstrap-Prognoseintervalle	52
	3.4	Erläu	terung zur	Programmierung	53
		3.4.1	Der Prog	grammaufbau und -ablauf	53
		3.4.2	Technisc	he Details	58
		3.4.3	Der Aufl	oau der Datendatei	62
4	Die	asymi	ntatische	Gültigkeit des RBP-Verfahrens	
-	4.1				65
				der Bootstrap-Schätzungen	66
	4.2			convergenz der Bootstrap-Zukunftswerte	74
	4.3	Der B	eweisschlu	ß	80
5	Sim	ulation	nsstudien		83
	5.1	Die Vo	orgehensw	eise	84
	5.2	Die Si	mulationse	ergebnisse	93
		5.2.1	Das Simu	ılationsmodell 1	93
		5.2.2	Das Simu	ılationsmodell 2	99
	5.3	Zusam	menfassen	de Bewertung der Simulationsergebnisse	106

INHA	ITCI	IPD7	TIC	LINIC
IINHA	$I_{I}I_{I}\supset V$	/ F/K.Z.	CH.	כועום

Der	Vergleich mit bekannten Verfahren				
6.1	Vorbemerkungen				
6.2	Der Vergleich mit dem Prognoseverfahren von Box-Jenkins	112			
	6.2.1 Die Vorstellung des Verfahrens	112			
	6.2.2 Ein AR(2)-Prozeß als Simulations modell	114			
6.3	Der Vergleich mit dem Prognoseverfahren von Lütkepohl $\ \ldots \ \ldots$	117			
	6.3.1 Die Vorstellung des Verfahrens	117			
	6.3.2 Ein VAR(2)-Prozeß als Simulations modell $\ \ldots \ \ldots \ \ldots$	120			
6.4	Zusammenfassende Beurteilung der Simulationsergebnisse	129			
Öko	nomische Anwendungsbeispiele	131			
7.1	Ein Viergleichungsmodell	133			
7.2	Das Modell von Klein (1950)	136			
7.3	Das RWI-Ruhrgebietsmodell	139			
Abs	chließende Bemerkungen	149			
Gru	ndlegende mathematische Begriffe und Aussagen	151			
Der	Kalmanfilter	159			
B.1	Die Theorie des Kalmanfilters	159			
B.2	Die Vektoren und Matrizen zum diskreten rückwärtigen Kalman- filter-Algorithmus	163			
B.3	Ein Vergleich der Kalmanfilter - Methode mit der direkten Methode zur Berechnung einer Bootstrap-Kopie am Beispiel	167			
	6.1 6.2 6.3 6.4 Öko 7.1 7.2 7.3 Abs Gru Der B.1 B.2	6.2 Der Vergleich mit dem Prognoseverfahren von Box-Jenkins 6.2.1 Die Vorstellung des Verfahrens 6.2.2 Ein AR(2)-Prozeß als Simulationsmodell 6.3 Der Vergleich mit dem Prognoseverfahren von Lütkepohl 6.3.1 Die Vorstellung des Verfahrens 6.3.2 Ein VAR(2)-Prozeß als Simulationsmodell 6.4 Zusammenfassende Beurteilung der Simulationsergebnisse  Ökonomische Anwendungsbeispiele 7.1 Ein Viergleichungsmodell 7.2 Das Modell von Klein (1950) 7.3 Das RWI-Ruhrgebietsmodell Abschließende Bemerkungen  Grundlegende mathematische Begriffe und Aussagen  Der Kalmanfilter  B.1 Die Theorie des Kalmanfilters  B.2 Die Vektoren und Matrizen zum diskreten rückwärtigen Kalmanfilter-Algorithmus  B.3 Ein Vergleich der Kalmanfilter-Methode mit der direkten Methode			

С	Daten zu den Anwendungsbeispielen				
	C.1	Daten des Viergleichungsmodells	171		
	C.2	Daten des Modells von Klein (1950)	172		
	C.3	Daten des RWI-Ruhrgebietsmodells	173		
Lit	terat	urverzeichnis	179		

## Abbildungsverzeichnis

3.1	Die Wirkungsweise des Kalmanfilters	29
3.2	Die Vorgehensweise beim RBP-Verfahren	31
3.3	Die Quantile einer diskreten Verteilungsfunktion	52
5.1	Die Vorgehensweise innerhalb eines Simulationsvorganges	85
5.2	Die Veränderung des Beobachtungs- und des Schätzzeitraumes bei Variation der Zeitreihenlänge $p$	91
7.1	Die Ex-Post- und die Ex-Ante-Prognose	139

## **Tabellenverzeichnis**

5.1	Die Simulationsergebnisse zum Simulationsmodell 1 für $zk=1$	97
5.2	Die Simulations ergebnisse zum Simulationsmodell 1 für $zk=2$ . .	97
5.3	Die Simulationsergebnisse zum Simulationsmodell 1 für $zk=3$	98
5.4	Die Simulationsergebnisse zum Simulationsmodell 2 für $zk=1$ und $\beta=0.80$	102
5.5	Die Simulationsergebnisse zum Simulationsmodell 2 für $zk=2$ und $\beta=0.80$	103
5.6	Die Simulationsergebnisse zum Simulationsmodell 2 für $zk=3$ und $\beta=0.80$	104
6.1	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode von Box-Jenkins bei Vorgabe normalverteilter Störgrößen	116
6.2	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode von Box-Jenkins bei Vorgabe exponentialverteilter Störgrößen	116
6.3	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode von Lütkepohl für $zk=1$ und normalverteilte Störgrößen	123
6.4	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode von Lütkepohl für $zk=2$ und normalverteilte Störgrößen	124
6.5	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode von Lütkepohl für $zk=1$ und exponentialverteilte Störgrößen	125

6.6	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode	
	von Lütkepohl für $zk=2$ und exponentialverteilte Störgrößen $$	126
6.7	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode	
	von Lütkepohl für $zk=1$ und $\chi^2$ -verteilte Störgrößen	127
6.8	Die Simulationsergebnisse des RBP-Verfahrens und der Methode	
	von Lütkepohl für $zk=2$ und $\chi^2$ -verteilte Störgrößen	128